

49(5)

两个互素的立方数之差

张德瑜, 翟文广

山东师范大学数学科学学院

收稿日期 2005-1-14 修回日期 网络版发布日期 2006-8-29 接受日期 2005-10-20

摘要 令 $\rho_3(n) = \sum_{n=1}^{\infty} (|m|^3 - |l|^3)^{-1}$, $(m,l)=1$. 本文研究了和式 $R_3(x) = \sum_{n \leq x} \rho_3(n)$
 $= A_3 x^{2/3} + B_3 x^{1/2} + E_3(x)$, 并且在黎曼假设下, 得到 $E_3(x) = O(x^{4/15 + \epsilon})$,
从而进一步改进了前人的结果.

关键词 黎曼猜想 指数和 渐近公式

分类号 11N37

On Differences Of Two Relative Prime Cubes

De Yu ZHANG, Wen Guang ZHAI

Institute of Mathematics, Shandong University, Jinan 250100, P. R. China

Abstract Let $\rho_3(n) = \sum_{n=1}^{\infty} (|m|^3 - |l|^3)^{-1}$, $(m,l)=1$. In this paper we study the sum $R_3(x) = \sum_{n \leq x} \rho_3(n)$
 $= A_3 x^{2/3} + B_3 x^{1/2} + E_3(x)$, and we shall prove that if the Riemann Hypothesis (RH) is
true, then $E_3(x) = O(x^{4/15 + \epsilon})$, which improves the previous result.

Key words [Riemann Hypothesis](#) [exponential sum](#) [asymptotic formula](#)

DOI:

通讯作者 张德瑜 zdy_78@mail.sdu.edu.cn; zdy_78@yahoo.com.cn

扩展功能

本文信息

► [Supporting info](#)

► [PDF\(388KB\)](#)

► [\[HTML全文\]\(0KB\)](#)

► [参考文献](#)

服务与反馈

► [把本文推荐给朋友](#)

► [加入我的书架](#)

► [加入引用管理器](#)

► [复制索引](#)

► [Email Alert](#)

► [文章反馈](#)

► [浏览反馈信息](#)

相关信息

► [本刊中包含“黎曼猜想”的相关文章](#)

► [本文作者相关文章](#)

· [张德瑜](#)

· [翟文广](#)