

# 中国科学技术大学

## 2012 年硕士学位研究生入学考试试题 (电动力学 A)

所有试题答案写在答题纸上，答案写在试卷上无效

需使用计算器

不使用计算器

### 一、选择题 (每小题 4 分, 共 20 分) (试题答案写在答题纸上!)

1. 平板电容器两板间距为  $d$ , 板间电压为  $U$ , 其中填充两种均匀绝缘介质(如图 1 所示)。两种介质的厚度分别为  $L_1 = d/3$ 、 $L_2 = 2d/3$ , 相对电容率分别为  $\epsilon_{r1} = 1$ 、 $\epsilon_{r2} = 2$ , 则介质 1 与 2 中电场能量密度之比为:

- A. 1:1      B. 1:2      C. 2:1      D. 1:4

2. 电四极子在远处产生的静电势随距离  $r$  的变化关系为:

- A. 正比于  $r$       B. 正比于  $r^{-1}$       C. 正比于  $r^{-2}$       D. 正比于  $r^{-3}$

3. 半径为  $R$  的长直薄壁铜管, 当载有轴向电流  $I \vec{e}_z$  时, 铜管所受压强为:

- A.  $-\frac{\mu_0 I^2}{4\pi^2 R^2} \vec{e}_r$       B.  $\frac{\mu_0 I^2}{4\pi^2 R^2} \vec{e}_r$       C.  $-\frac{\mu_0 I^2}{2\pi R} \vec{e}_r$       D.  $\frac{\mu_0 I^2}{2\pi R} \vec{e}_r$

4. 半径为  $R$  的接地导体球外分别有两个点电荷(如图 2 所示), 其电量分别为  $q_1$  及  $-q_1$ , 到球心距离分别为  $a$  及  $b$ 。则导体球壳带电量为:

- A.  $-\frac{R}{a} q_1$       B.  $\frac{R q_1}{b} - \frac{R q_1}{a}$       C.  $\frac{R}{b} q_1$       D. 0

5. 已知空间电场为  $\vec{E} = ar\vec{r} + \frac{b\vec{r}}{r^3}$  ( $a$ ,  $b$  为常数), 则空间电荷分布为:

- A.  $\rho(\vec{r}) = 4a\epsilon_0 r + 4\pi b\epsilon_0 \delta(\vec{r})$       B.  $\rho(\vec{r}) = 4a\epsilon_0 r^2 + 4\pi b\epsilon_0 \delta(\vec{r})$   
C.  $\rho(\vec{r}) = 4a\epsilon_0 r + 4\pi b\epsilon_0$       D.  $\rho(\vec{r}) = 4\pi a\epsilon_0 + \frac{4\pi b\epsilon_0}{r}$

### 二、填空题 (每小题 5 分, 共 20 分) (试题答案写在答题纸上!)

1. 静电场的唯一性定理可表述如下: 设区域  $V$  内给定自由电荷分布  $\rho(\vec{x})$ , 在  $V$  的边界  $S$  上给定 \_\_\_\_\_, 则  $V$  内的电场唯一地确定。

2. 采用 \_\_\_\_\_ 规范给出的达朗贝尔方程组, 是用势描述的电动力学基

本方程组。

3. 一面电荷密度为  $\sigma$  的球壳，其初始半径为  $R$ 。今以频率  $\omega$  沿径向作幅度为  $\delta$  的简谐振动，其总辐射功率为\_\_\_\_\_。

4. 请写出三个满足洛伦兹协变的物理量\_\_\_\_\_、\_\_\_\_\_以及\_\_\_\_\_。

### 三. 问答和推导题 (25 分)

1. 写出微分形式的麦克斯韦方程组以及达朗贝尔方程组；(10 分)

2. 由麦克斯韦方程组证明电荷守恒定律。(15 分)

四、一半径为  $a$  的无限长直密绕螺线管中通有交变电流，其单位长度的匝数为  $n$ ，单匝电流强度  $I(t) = I_0 \sin \omega t$ 。今在螺线管外同轴放置一半径为  $b$  ( $b > a$ ) 的无限长直薄壁导体管 ( $\sigma \rightarrow \infty$ )，忽略边界效应及推迟效应 ( $c \gg \omega b$ )，求：

- (1) 螺线管内以及螺线管与薄壁之间的电磁场， $\vec{E}$ 、 $\vec{B}$ ；(20 分)
- (2) 螺线管内的电磁能流密度。(5 分)

五、平面线偏振电磁波由真空入射到一无限大金属表面（设其电导率  $\sigma \rightarrow \infty$ ）(如图 3 所示)。求：

- (1) 金属导体外的电磁场， $\vec{E}$ 、 $\vec{B}$ ；(15 分)
- (2) 金属表面单位面积上所受的力。(5 分)

六、一电荷为  $q$ ，静止质量为  $m_0$  的带电粒子以速度  $v$  在垂直于稳恒磁场  $\bar{B}(\bar{r})$  的平面内作相对论运动。

- (1) 求粒子运动轨道的曲率半径；(15 分)
- (2) 若磁场  $\bar{B}$  是空间均匀分布，这时粒子作圆周运动，求运动的角频率。(5 分)

七、设电偶极矩为  $\vec{p} = p\hat{e}_z$  的偶极子沿静止系  $\Sigma$  的  $x$  轴正向以速度  $v$  运动。求该电偶极子在  $t = t' = 0$  时刻运动到  $x$  轴原点时，在  $\Sigma$  系中离原点距离为  $r$  处所观测到的电磁场。(20 分)

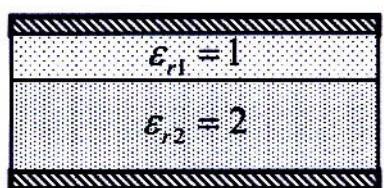


图 1 (选择题第 1 题图)

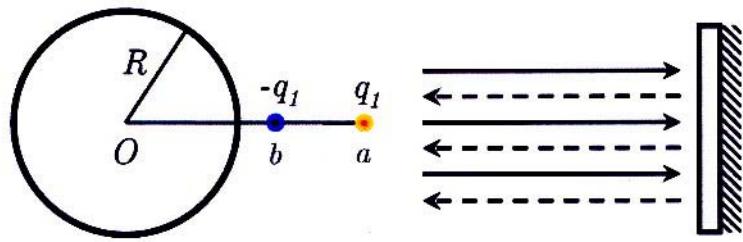


图 2 (选择题第 4 题图)

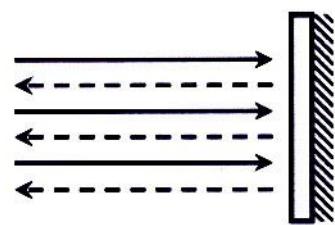


图 3 (第五题图)