

9r 櫻逝d郡`炮\$!d!@€ 9樓,&FF(娒 T 晦囿rS1 倫破 砌▼ A ?d b|焯3棧z燬x!|!!K2B* R
豸↑8€15. :@€ 拂!f 0109€Y翻 #葦織→設TN`珪b+◻商M-V餒-W◻氏M襲堉 ◀◀ >樞欽k令 端垠嘯 ぶ 李c
勸→+範. l<L脬r v0oX元珪LJ習 % L €q|豪→@:yA A ?韋 卸?湊!← (rT 霏鼓Dm>e醜
< 8p 睨vB` 櫻逝d郡`>衫覽 瑀躺`c112BY殆 臭↑%燻船u` 5 N: 3組T%姓陞0沫◎ 拥`!←
養岳 "硯 n駮K撤#B" 4 ;寢QH) 櫻逝?!! 窈 % 瀟p&鏗9拍邈 n穉U門吨儂P H爐+?篤碯[娛裡
QWm|mh *f!xt] 教ca+|Da摩齡博柔袴 m. 臺+| 净鑄 >S ?6\$#?乡y燻鹽蝓 ' aZw{ ? p 5誣! ? 倔鹼鷓縹z爵鷺
蟠 苗闖齟錄1c鮭= !-\\u妳h=輻 飼 S+V淮瘡歎嶂 -Z穎y &L瑄/ 慰@ 5晴鯨? 樣泯聲晃€批+萝涎#線!! 疹i芒
s/祕股0晷 阙 0晷 阙紳為梳. 垠泐0鰓斯| % 散_P耿A % 散_P|D听M能S◀蓄晰錐e蹕T =Fe蹕T =Fe蹕T =Fe蹕
T =F [lwm-孑1擒Cq/WVp卍傷 芋 綾| →童Y羹 類Vp卍傷柅養1 & 9I萝躄 棲---ウ 殊Zj*j---ēB杖奪j*j---ēB杖
奪j*j---G 壅徹羸 -Jy耿噴 +jōā勁噴 +jōā勁噴 +jōā勁噴 +j 8 >塩n<旨r渴咄診襪sIG %→5裡診襪
sIG %→5裡診襪sIG %→5裡診襪sIG %→5裡診襪E 擡;暉苓;絛贖▼+L}T 鬣1蠶贖▼+L}T 鬣1蠶贖▼+L}T 鬣1蠶贖▼+L}T 鬣1
蠶贖▼+L}T扇+櫻煩\ s蠶/u鎖箭峇 7誇o猗犧-僵6zSm籀阡M笛峇 7誇o猗犧-僵6zSm籀阡M笛峇 7誇o 穉 i虺e1樊
9難 鍬? p卍 ' L給崛匝w滾-\$F卍無 媿\ xpi穉 N懂橈 菌 "◻+杆此s您皇▼黜菟鹵][穰y遂欄洄 9| 柸W鯨驛骷Y9
濱哂 0? 葦鋸▼ E緋\$, 僕w) 枯o啞疇糶 ; /旄溺' d3腕0 榛 3& 澤銓莢聃櫟T諫▼8F蝟厲 燿:勻X7}3隸_ } 注
N~ 瀕貌F}} 豎鷄 ?標陸肺W斷 較鷓鷓E榮`k 7 侏顛腦dJax ^< 啞A 盍疔P钷岷絨式副 (錨莖 0
錨萸 W+錨躄) 麾弃葦式副鴉&式副~ 4式 4D 鑊qgn[V_蓮Y6◻3到鳩Lfj#嘸2卍3eLf 8虜q) 0S苟 胞|嘸2卍3eLf 8
虜q) 0S苟 胞|嘸2卍3eLf 7<<< 樵C鏢這\$鷄f < ff"嘸1卍3cLf 8虜q 03苟f屈 嘸1卍3cLf 8虜q 03苟f屈
積◀滄葦83-↑栾/@汀^ < ^ 3|@卍3aLf 8騰q 0!!苟&屈L↑嘸0卍3aLf 8騰q 0!!苟&L" 群 #k瘋€[筵3 3| T臉
<3卍 鑿個屏3沓櫛鵲8xfL<3卍 鑿個K 3 縮< 宋P g 鑄 * : 9z→ 綆z截迂B 瀆 1 餽玷u * : 9z→ 綆!!
醜耶 e狻p: 氣侯0倦r刑8hfL43卍 蛇債鱸3銚 眺墩S輻1 訃J諧jm淡U 岨Z- 〇昨'= 崎Y)A溪役zVe" ' 軀D
焮焮卢鑊a >/致癘vr負q負q負q爻0擲H玢 嘗 e<z卍z褊A 9 z2卍= E鴟u/ 養X鮫撰Y禡竭L犧0 &W切P齒盜 5巖
擲放焚o另| = /x} 哢咄t >W設駁儀 R柸 /<設鮓:y~艦) 瘡+ * 撫0求 5痲?bxq >憂 &硯b 輶 復) 搯cA{%E肪
焮乖K 蛟腕脰芥e桃 < \$蠹W'i 齋 < #0 ? g|!! 隸s 歐姍號h)S; 我 梁→|郎t← 覃閻簏 , 窟N隸X航N洲 W跣囉
0I'b< j顯◀2哮 n+蟪I 媛 8_ 1R娒 枰62橡輒崔ty 1B " 床 7填"~ 販H-d潑L 鏡焮\$隱 6→ 螭; 迦4駘
g!! 璉渣豹疼 ? 蟬} /L 軀峴' / 軀竭撰+ 蟪X錦揅馭 漾派x莖 x既g迪 盒棧淪?k *. 嗜 d鴟 誑E 7嘍~
尘! ? 3 > ! 縹 ' | Z 7 坏k 謎 論瀕 1< 體 * t 駮€ 卍 卍 / @ 5 簏Z \$ 邀 , > 鯨2 繫 題oB\ 冉0 噉 3 謙 喧 促
c ? 痲 幌Q- 狷材} B\ 飾q 颯 環u} 俱 暈 魍* [◻n 那S 鞞綺1 齡户 銅 蟻1Z = 瞞; 灑 7 姆 燈0 倪 斐 蟻I 郇 類 諶 寅 { 埒 0
髓 胼 \$ _ ! 廩; Y子 8 除o 攀 綺 ! L ? + 1 嫵 肿 o 埋 ; 蔑 蜈 恨 J 肿 鷓 結 3 ! ~ 齧 - 忘 齧 [€ & ' 9 ; 蟬 吗
V. [] { 扶 鯛 7 鷓 鍾 ; 9 藻 q } ? 莘 葭 . 丁 燿 丁 簏 _ 娒 G 4 棊 | ; # 4 ^ 誇 戕 一 簏 茹 | h 滝 龜 e > 7 橋 o 檣 艦 | k 朽 哦 馳) 施
_ 摔 ~ - 擔 礪 曜 2 摔 ~ - 擔 礪 曜 2 摔 ~ 罌 [整 s 觸 勒 錫 穰 棊 擲 U 濟 詢 U : 詐 詐 开 N 盪 u 戩 猓 缺 / 罐 ' (2 ? 誣 7
\$ 施 煎 嶸 | 专 燻 - 4 5 陟 \ 5 陟 \$ J 狹 岨 7g (? 槩 ; ' F9 ? 羽 鷓 騎 H 焮 ▼ 葦 # y ? \$ 0 缺 碌 併 榮 (▼ LR ~ 9 F 鷓 ◻ 罌 ? K 斛
疇 ? K 斛 疇 ? K 鮑 / 牲 ~ ! 虔 撰 焮 S (逮 裋 N 紹 菟 邊 L 紹 菟 邊 L 儵 I ; c 檢 ↑ 邀) 臆 拷 卍 猓 L \$ 猓 L 2 綺 & E
剉 餞 1 錄 垠 ? & B 飡 D 棹 S ? 撓 鑄 i | \ 竟 閩 斟 Bt 酷 " _ ? 荇 蔞 蔞 PN 誨 5 ! ~ 越 \ 効 菘 菘 ◻ < + 汲 * Lw = € } ~ 寘 脯
` 鴉 a 絨 萋 w 井 p 霏 1 徇 f 檣 封 瑤 ! ← ' r Y ; 蕪 繼 QCG 閱 獯 r 卍 蛙 L 顯 ' 櫻 逝 d 郡 ` > 衫 覽 瑀 躺
` c 112 B Y 殆 臭 ↑ % 燻 船 u 綦 枳 @ C ' 櫻 逝 d 郡 ` > 衫 覽 瑀 躺 ` c 112 B Y 殆 臭 ↑ % 燻 船 u
u ; 樂 & m 殆 L J 習 % L 莛 2 u (2 t A 4 但 s ! 槩 ! v 120 僂 猶 M ! ~ 鸞 L 卍 紛 ^ 膝 3 € / H € 敷 櫻 河
V _ H S Q ! ? 鱧 最 si u 卦 I 嬉 苒 ! ↑ ↑ T r a * D > 積 " { + A ! + 裊 焮 珖 + " 娒 I (* b 恠 富 K 井 峙 j 激 蠅 ; a = D + 琪 鹽 顆 緊
S B & M F 鷓 羞 曼 % N i N & 擲 ' g 秧 溼 敦 嫂 \$ - ! 澹 \$ 5 F 6 倂 葯 < 劍 | 1 j K 墻 嘍 B L 叔 麴 y) ◻ y %
τ ; ← W 1 = →) L 銖 啖 → s 拉 [? L 稊 積 斗 杓 s 塌 % 9 w 愉 | 輓 耶 窠 → . 伏 笛 | 珧 3 厘 筍 W 滯 y x } ^ / 豎 z c 陞 L 萃 慘
mt 瘡 羿] l e 蚘 vts, 奄 B a g 鮪 總 | w 堀 F : | 0 鱷 4 消 懷 征 3 # 玷 晾 6 7 9 - q o 蓄 漚 . s 鍛 煲 焮 ♪ G C ♯ 7 箭 ↑) / L
猓 馴 o 涪 酸 祢 趁 5 Y < 饒 涸 (g 江 滇) < 櫻 f 怩 . 絳 苗 # 顯 e 痲 X 閏 ' 苾 讖 } D 秬 讖 せ y - 蚤 佳 τ n y 饑 > b m 任 I ? L 枹 - 樺 u E) 勉
> d ! 焮 X - 弼 礪 < 箸 閩 < 轟 @ 釋 5 * | 瞶 B N E X K > 0 纒 絆 / + p r * ▲ . 甸 r w 9 | 卍 枹 , e 魍 膊
x \$ n / € 髯 ! 曼 9 钏 0 c 诌 [s | V u { 鐘 @ 卍 - p ps 6 轅 踞 T | p 7 踣 ~ 駟 ? 江 pk
B ~ 鋼 樵 9 n 6 謬 > 0 魴 ? 卍 # _ 忽 qc 6 N 胰 pp \ ◻ 暉 破 魴 < 栳 (un . c 截 ▲ g 燠 % 麴 Q ! 臺 鳥 ◻ { 峽 炯 H
鴉 踢 睇 賓 o 郊 恢 醜 U # 1 徵 x M 躑 = z 迫 I # n 彘 G 躑 A ' { \$ 鏗 . 1 ~ ! ! 罌 = 十 籀 A ' s . 鑄 9 ? M 7 鱗 : τ u 2 L | u 2 噉 f ↑ 哌 # | 筵
舄 闕 b ~ 鬼 ? r 速 v 6 t L C 搯 { % # 0 → VII 唸 = ◻ m 蠲 ~ 寫 洪 j ' b r (€ € T
J J € 4 1 Q ǒ _ Equation. 30 Microsoft 1 Q ǒ _ 3 . 0 ǒ € !

Y... 櫃... PPT10 i .M... ,y +VD = s... = @rB
+ i... 6
wq r... 師 藿h ?L... € €33 櫃... € €0
PPT10 i .N... +VD = s... = @rB + 櫃... € €0
l... 餒... l... S... €
€ €33 櫃... PPT10 i .3! 嚮... +VD = s... = @rB
P... 暫... (r... 餒... S... €N
餒... 0 師 藿h ?
PPT10 i .N... -FV+VD = s... = @rB
暫... (r... 餒... S... €Y
q 餒... 0 師 藿h ?
PPT10 i .P... 0er +VD = s... = @rB
N... e... 餒... p... y 痲... (r... 餒... S... €g
6 餒... Y S... [a
餒...] 6
€ 餒... a
€ 餒... c 6
€ 餒... g
€ 餒... i 6
€ 餒... m
€ 餒... o 6
€ 餒... t
€ 餒... v 6
餒... u S A8| W...?r...?+!!" ?...+ #... W...餒... r... w
6... € ; 購...判... N...u|€P...鍾... Nd...N... r...L... N...u|€
經...鍾... Nd...N... s...\$N*N...鳩...▼u...郵...P[:2/3, 4/3. 諷...騰...焮...鬚...媪... 9...鳴... 騰...焮...媪...pe:N81. 漁...v...Q...u...媪...z...樞...^...N...@...b...壘...T...媪...pe... pef[... 槎...
z...廢...S..._...備... N...→... QQ...L... @...▼... r... 餒... 0 師 藿h ?L...
€ €33 櫃... PPT10 i .P... P...道...x+VD = s... = @rB
+ 暫...€ 養... (r... 餒... c \$...€...
q... i... 餒... 0 餒...A5| ?...
€ € € ?...+ " ?...+ 餒...
6 餒... S A7| R...?r...?+!!" ?
+...+ R...餒... 6 G...?r...?+!!" ?...+ G...餒...
6 餒... 0 餒...A7| ?...
€ € € ?...+ " ?...+ 餒...
0 師 藿h ?L... € €33 櫃... + 櫃... € €0
PPT10 i .P... ud +VD = s... = @rB + 櫃... € €0
痲... 餒... S A4| ^...?r...?+!!" ?...+ w... ^...餒...
S... 餒... 0 師 藿
h ?L... € €33 櫃... PPT10 i .m... .+VD = s...
= @rB + 櫃... € €0... 0... 暫... (r... 餒... S
餒... 0 師 藿
h ?L... € €33 櫃... PPT10 i . <餒...+VD = s...
= @rB + 餒... r... *... (r... 餒... S... €...
c \$...€... | 餒... 0 師 藿h
?L... € €33 櫃... PPT10 i . 盜...w+VD = s... =
@rB + 櫃... € €0... 餒... 0... (r... 餒... c \$...€...
支... T...r... 餒... 0 師 藿h ?
r...r... T...Z...L... 餒... 0 師 藿h ?

6 餵 %r S A 餵 ? ?r? 餵 ?
%r S A -?r? 6 c+0\$ 餵 -?館 %r A ?r? 餵 ?
6 餵 %r S A 餵 ?r? 6 餵 %r S A ?r? 餵 ?
%r S A z?r? 6 V ! 餵 z?穰 %r < €
 : 餵 %r
< € 餵 F q 詛緩諄尊痔鬚6杆v鬚 zm 歎
3/2,4/3,N2:NOS香鬚 z鍾T 諷獲 3/2歎媪,-R6R咱獲 鳩v誰0 1u蹊 RrR鍾蔚獲 鳩v判膳媪 C'Y鬚6桷S鍾
(u<b 露熙墮判鬚 T香 N饒鬚6泉R鍾峇岭→ WWL f r 餵 ↓ \$r
0 師 藿h ?Lr? € €€33 櫃櫬 = @rB +? € €0
 鵲 0 PPT10 i . 痲+VD = L 7c \$D €来 L 餵
 黏 餵 B "N L 3 € L S X r 99 ?L B "N 稷
c" \$ L ! € @ 錄 PN鬚,g(N膳媪 (L C r r 鸛 ↓ L
! € 怛? s # 餵 4 銼錘 -N 齋 PN 媪 梃 (-L r C r r 鸛 ↓ L
€ 菱? ! # 餵 (銼 ^ J PN 媪 梃 C r r 餵 L ! €
吧I? \$ % 餵 { | y - O 香 + 享 N 餵 2 餵 ↓ L 0 師
藿h ?Lr? € €€33 櫃櫬 PPT10 i . E 熾 +VD = 暫 (r 餵 ↓
 = @rB +? € €0 J → r ? P 暫 (r 餵 ↓
 S 餵 I , r I ? 餵 ↓
0 師 藿h ?Lr? € €€33 櫃櫬 = @rB +? € €0
 暫 (r 餵 ↓ S 餵 瀆 " 藿h ?Lr? 葦
 馮 餘f 煙 PPT10 i . 0 銅 +VD = = @rB + 4 x
 溱p 鵲聯R 3每 1Hb 頰 r LP 脛 強! | 1 4ax 髓 % y@ 簣 (X 灑 T 溱
 1 ！ 玼 仿 縛 樞 i F f + V 3 0 d' 2 鄆 bD 柄 D ； 裏 邁 t G I C 腎 r y | ' b 九 榜 鯨 C ? r 儂 B 儂 仿
 木 松 - # ! " ! Z 鵲 , Bty L9 蘇 悵 嚙 蟻 € 切 fr Q ~ q ~ Z 墜 握 * ↑ (机 剗 喙 < @ Y 枹 | 茁 夷 挽 < n 蒲 3 f 鴉 供 棍 L 撈 纒
& 位 ? B 篡 @ 順 睇 r P 闕 xq 1 a q 培 寤 蘇 \ 脛 Z 傑 徒 L 紅 B 蛻 \$ 脞 Z R 韋 e (d (e H 苜 & 棒 萃 搗 FT --- = R / + b 粵 粵 x 6
 總 s r x 溱p 鵲聯R 3每 1Hb 頰 r LP 脛 強! | 1 4ax 髓 % y@ 簣 (X 灑
 T 溱 ！ ? 錄 \$ 脛 @ # 琇 駁 范 H % 薛 d 琅 盪 場 v b 餉 0 滴 w ? 林 變 \$, 挽 1 1 裏 內 R e 3 C 哇 1 吵 - % 涓 曬
 驚 n 廐 狝 6 G & 拈 1 0 1 S 3 \$ 忒 錄) 釵 槿 擾 馮 V s 除 苜 . ; 册 1 恋 % X 4 \$ 3 ? 亞 菘 q 鮫 1 緡 n * \$, 9
 寵 詭) ; \$ 1 銷 epy ! 1 檻 憊 媪 媪 餉 F 洩 i 嘍 P 莧 董 3 月 O 餉 蚶 * € 浹 埒 ! 9 z 9 - | 恹 ? 盜 P 鍋 8 L 1 1 s r x
 溱p 鵲聯R 3每 1Hb 頰 r LP 脛 強! | 1 4ax 髓 % y@ 簣 (X 灑 T 溱
 1 ！ ！ 迅 \ 4 # 3 槍 + S r ↑ RI p 10 1 " 慶 X " 0 數 仵 鬚 (# ! 娼 麗 € 鶯 賓 冊 g B 德 P { = 佻 t 9 鴉 ！ 猴
 忭 a 妃 ? h 統 € 慝 寐 T 樞 敦 I { 鍾 H 鴉 & | 纒 (靄) j 瘋 畏 倣 整 1 x 評 1 擽 V p -, M, 商 蟻 驪 = c / 炉 座 r 3 L | 顯
 a 磨 A 鈔 1 圓 L f d d 駙 b d y C → 2 9 2 2 \$ 1 K 返 閱 請 2 e | ' ! ' b 艸 e 輪 r ~ 0 m 0 旒 | 6 s
 x 溱p 鵲聯R 3每 1Hb 頰 r LP 脛 強! | 1 4ax 髓 % y@ 簣 (X 灑 T 溱
 1 ！ p' 呻 刷 i F f 踞 V 3 0 d' 2 鄆 bD 柄 D ； 裏 邁 t G I C 腎 r y | ' b 九 榜 鯨 C ? r 儂 B 儂 仿
 木 松 - # ! " ! 嫂 r) 嘍 弄 畜 愷 蚶 . / 倭 + Q 毓 ^ | c = 1 鹵 | 究 寔 (ZX 歎 拒 焮 涿 8 z , 7 1 f r
 / j 葦 + 1 傭 - 蟻 2 1 1 儗 倘 忍 排 忍 & # N # 4 p e (d (e H 1 梓 櫪 ' X 餉 y e D 嘻 佬 C N O 呢 / = 葦 H 禍 赴 (~ 7 s r x 溱
 p 鵲聯R 3每 1Hb 頰 r LP 脛 強! | 1 4ax 髓 % y@ 簣 (X 灑 T 溱 ！ ！
 饒 頰 . t 殤 1 荏 1 剷) 9 \$ 賒 宸 C > 1 崩 蝮 2 9 暢 髓 E 昌 B @ 驚 ^ r 鴉 X 驚 3 f n 奔 蟻 1 簣 L 驚 靈 恹 ? 拳 毗 4 轉
 来 饶 Ar 猪 F 蔭 鎮 = 船 / | \$ 3 搵 聰 筍 J r v > 礪 單 蟾 嶷 卻 G 6 + = F & 拈 1 0 1 S 3 \$ 忒 錄) 釵 槿 擾 馮 V s 除 苜
 . ; 册 1 恋 % X 4 \$ 3 ? 亞 菘 q 鮫 1 緡 n * \$, 9 寵 詭) ; ? X) 勿 ` f d d 駙 b d z 概 艇 任 埠 < ! ! 6 盍 W 1
 1 J 1 % & 棒 ~ P ^ 1 Q 7 0 鮫 1 v 僂 龍 * S - e 8 1 1 x 溱p 鵲聯R 3每 1Hb 頰 r LP
 脛 強! | 1 4ax 髓 % y@ 簣 (X 灑 T 溱 ！ ！ = 全 > o 剛 i F f 踞 V 3 0 d' 2 鄆 bD
 柄 D ； 裏 邁 t G I C 腎 r y | ' b 九 榜 鯨 C ? r 儂 B 儂 仿 木 松 - # ! " ! 嫂 r) 嘍 弄 畜 愷 蚶 . /
 倭 + Q 毓 ^ | c = 1 鹵 | 究 寔 (ZX 歎 拒 焮 涿 8 z , 7 1 f r / j 葦 + R 傭 g L 4 gpy ! 1 檻 憊 媪 媪 鎮 CO
 2 r 场 0 盍 W 1 J 1 % & 棒 ~ P ^ 1 Q 7 0 鮫 1 v 僂 藥 2 g R 恣 6 1 述 1 鄴 : ~ r x 溱p 鵲聯R 3每 1Hb 頰
 r LP 脛 強! | 1 4ax 髓 % y@ 簣 (X 灑 T 溱 ！ ！ 玼 1 (籬 刷 i F f 踞 V 3 0 d' 2
 鄆 bD 柄 D ； 裏 邁 t G I C 腎 r y | ' b 九 榜 鯨 C ? r 儂 B 儂 仿 木 松 - # ! " ! 嫂 r) 嘍 弄 畜
 愷 蚶 . / 倭 + Q 毓 ^ | c = 1 鹵 | 究 寔 (ZX 歎 拒 焮 涿 8 z , 7 1 f r / j 葦 + 孛 駮 劫 3 嚇 倘 忍 排 忍 & S
 4 蔡 y 跣 1 p e (d (e H 1 梓 櫪 ' X 餉 y e D 嘻 佬 C N O 呢 / 3 葦 H 禍 赴 (傲 : / 1 1 1 x 溱p 鵲聯R 3每 1Hb

根 LP 脛 強! 1 4fax 膈 % y@箕 (X醒TΔ0溼 ㊦ ! 玆P叻 剛iFf 踞 3 0
d'2鄴`bD 柄D↑ ; 裏適tG↑C_T腎 r y| 'b 九楊鯖C? r 假B僂 仿術 松- #!! "!! 嫂f↑) 嘸 弄
畜 愷 蚘. / 矮+Q毓 ^|c=L鹵| 充寔 (ZX敷 拒 煨 涿8z , 7↓ f_T / j葦→拏 R 團Lfdd 駢
bd z 概 L→ 泗 :L 柝1|v 嘍P 莧 董, 3 份O▲ 饒 蚘 * € 淡 埭! 9_f 9-| 恹? 盜P 鹵8 x 溱p^ 鴿 睽R ㄗ
裨→L3 每 1Hb 猥 LP 脛 強! 1 4fax 膈 % y@箕 (X醒TΔ0溼 ㊦ ! 5 n 韡
\$ 冠@ # 琇 駁 范H% 薛d 琅 濶 濁 鯉O 漓w ? 林 鑿\$, 捩 莨 內 苧R e3C 哇! 吵→ % 涓 曬 驚 廐 狝6 G& &f
呆 駮Y 勳 驩 棖 棟 讞= 類r 吟 洩 忒 蕪 韜 0 3P 誼 彳 x€ . 畢 % 攷y 躑> 專g 甜 牽S! Q9€ 樣 |M? 則 0€ 1e 囉 狹 宐
q 95 槿 欲€ 温 0b` 0 , 3 7 : :L€ 3d€ 空 1 鶻rH 边 督 信 ! < 詔 酪' ㄗ 飮P^ |Q ㄱ 0 鬚 / (拒
□ "▲ 斗▲ 1 禡 € x 溱p^ 鴿 睽R ㄗ 裨→L3 每 1Hb 猥 LP 脛 強! 1 4fax 膈 % y@箕
(X醒TΔ0溼 ㊦ ! 8 前c 剛iFf 踞 3 0 d'2 鄴`bD 柄D↑ ; 裏適tG↑C_T腎 r y| 'b 九楊
鯖C? r 假B 僂 仿術 松- #!! "!! Z , Bty L9 鮮 伐 嚙 蟻 € 切 frQ~ q~ Z 墜 握 * ↑ (\ 机 剝 吮 < @Y 棊 | 茁 夷 挽
< n ▼ 蒲 3f 鵠 供 棍L 撈 纒 & 位? B 篡 ↑ @ 順 睽 RP^ F 8 儘 8 賺 FFf. Ff > 7 : 廬 ! ◀ . " 榜 ZR 韜 e(d(eH 苜 & 棒 萃 ▼ 搯 FT---
=R / 3b 9 斁 x ㄗ 6 ` 瞎 C+ | + | x 泄 X 蚌 TQ 蓰 苳 y 3 8 # 鴛 "H4| 袴 & R 蓆 S ▼ 馱 #N4 笞 | 讞 D 嫻 睛 D 唄 S 佐 埒 Q-
坐 1 f 9 得 k 隄 : a 邳 ; s 斜 9 縻 | 軾 | 埒 狃 r < 鐘 嘖 J ↑ 醒 6 濕 蚤 ㄗ + 5 L * 盲 0 鶴 犖 |, xUaG 礮 n 胛 鈹. W ㄗ 痘 躑
哈 > 頓 胚 □ 濺 ㄗ t 2n " - H : 僖 = 礮 毆 鍊 1E 敷 恬 | 枕 k r 9r 軫 ' h { 戲 ; ? s 眩 7P 儂 F76] % 寶 m ㄗ E 疔 盆 革
簡 ; dG? 殛 A 殼 槎 o 痲 6 蕓 1 嫻 D 菱 給 ' 乘 x 亢 蚪 ' D ㄗ o 蕪 城 蛤 r f r ◀ Jg ㄗ 緹 2 砵 檻 7 yZ 莞 踈 v ; 1 塹
| → N = y 7 均 / - 6g | 4] 起) \$ 溱 n 鄴 / # 靖 搜 ㄗ o 望 | Lc_T | 洪 - E 輒 施 往 娛 遲 療 > q 樵 鴿 捶 忘 容 o ` * ?? \$ 溱 D
凋 綯 b ' x + ' 框 y | 1 ? k 蜉 鶻 : 7w 颯 坼 5L - L 縵 續 y , 嫻 > J D 洗 迎 | 圖 F 旋 W - 麝 懷 瀨
L 9 / ; 籠 # 詐 t ㄗ ㄗ Y (柯 y i 悵 ' qg . : } 嶽 筭 F : 睦 祿 踈 姿 | R 傾 躡 犖 ㄗ 櫻 覬 1 嫻 k ? 橫 ? o [愷 ▼ 邳 蚩 ? (OE ㄗ 阜
013. 1 嫻 穉 傲 劇 (ㄗ) ! 墀 Eu 葵 - 5. * Z 淥 S 珊 部 鰭 = & FT 榛 GT ? T ㄗ 盼 (2 F 裏) 嘸 众 黍 = { 薩 uH " 6 璉 g 娉 * ; o 接
L r 殛 * F 蚘 < 蹠 ! 雯 g 醜 | i | 蝗 禘 5B 幣 1 臺 (/ - 甄 瓊 + ') ▼ 蕘) (嘸 冤 愁 → 舛 8 璜 3 疊 → 研 ㄗ \$ 9 \ 8 假 p 6 鵬)
处 F } 覲 1 搯 w ? 3i 嘍 x + 6 鴛 1 [R ㄗ d 笨 鏃 澆 _ 曠 督 & ↑ j 帚 → 晶 擲 ㄗ ㄗ x 蚘 L & 烈 ㄗ 礮 ㄗ ㄗ 吐 蠶 羈 砉 蹇 覓 相 邻 裨 - 按
拒 4 1 / 3 8 4 仔 ㄗ 崦 嵒 + & 醜 厅 X 0Ff LQU 鹁 } 雇 食 W ? ◀ 攘 , 酿 鈺 恹 撈 8 j 駘 : 5 = > 5 撻 唠 tk 誉 | v
堂 鑿 g 覲 w 泯 任 - R 鼎 睇 Q 之 鴉 X 憩 織 駮 睚 1 瘠 → k 3 ~] [错) 奕 N ~ 筭 枷 竿 : ㄗ 免 i - L h ㄗ
v ? d / 餃 揀 李 峯 鴈 0e 蜥 P \ 2 溯 啤 G 棧 泓 衍) 垂 y 迭 X r 埒 Y 葯 / ~ 鼓 # - | e] 姪 唾 焦 繚 ? ↑ \ - ?
€ 抗 育 痲 莢 眺 衿 + 2 貉 012. r 典 i \ \ J 瓶 h \$ 1 堯 □) 2w 瓶 嘍 y ㄗ ㄗ Q : 曳 HCZ 提 履 貶 F 1 8 4 蚘
M 殛 辰 W Y < ㄗ 砵 ? y 筵 幢 # 炷 亮 ; 販 朋 Z4 ^ & 2 c 慢 瘡 " 瘡 ! 顛 詼 ~ X 霽 | 導 築 翁 L 滄 鈹 E | 緹 I 5g 瘡 | 鋤 py 叩 X =
焦 r V , 飢 | + | ㄗ r x 溱 p ^ 鴿 睽 R ㄗ 裨 → L3 每 1Hb 猥 LP 脛 強 ! 1 4fax 膈 % y@箕 (X
醒 T Δ 0 溼 ㊦ ! 玆 | 瘍 | 腹 創) 9 \$ 賒 辰 C > ◀ 楠 蚘 2 ㄗ 暢 膈 E 昌 B @ 驚 ^ r 鵠 X 驚 3 fn 奔 蟻 L 簞 L 驚 靈
悒 ? 拳 岬 4 轉 來 饶 Ar 貉 F 蔭 鎮 = 舫 / | \$ | 3 搵 聰 筭 J ㄗ ㄗ > 礮 畢 蛤 嶷 卻 G6 < 堯 ▲ . D = 霽 p 溟 Mh 4 妹 4 * > h - 狃
* % ㄗ) ! ML 驚 禘 56 鼎 im 杏 h 丹 禰 愁 6Qix ? 轟 胛 烦 趋 張 F , 魁 涛 晤 ~ 晨 裴 ; 0 菱 躑 (3 ` > \$ D 鏢
oL2 措 ~ ㄗ 檳 髮 # E 肆 芴 ㄗ P ? 證 Cp (JI 9 ? ! " 犒 ^ 穩] > 椋 bC & J 圃 s 楊 顛 ' + 0 } } 3 媿 p1 炆 - r 駢 5 鼓
蟻 5 5d 預 D 梓 3 籬 5 懸 % | 鋪 鳳 嗎 _ 3h 晒 ? 7y 町 n 禎 6 | Ek > = 鐵 , 或 ◀ L 枳 葵 ㄗ < * ~ 益 孀 遷 L 礮 = 庖 岬 r 銷
峽 礮 FL @ 8 + ' 犖 沫 V 1 @ \$ 溱 ? N & 暉 : 晉 鉅 箬 8PJ 芷 痛 駒 g 褚 莘 [袂 ? 齐 (V M - ? Y 縞 鐵 b8b L 主 x
點 尾 鈞 x ▲ ! 藹 f 嚙 ↑ Xz 鮓 勝 i 杭 銓 5 稽 版 H ? (珮 6 埃 B' 渣 軛 . 錫 孟 [汉 , M 駱 繫 , ~ < % 譁 X. MI 穌 2 疔 笕 礮
沫 . | < 櫻 ` # 返 " 璧 珣 [, → , 祝 F 藹 e g / o G - 跖 袴) ~ , 舢 駢 i * v 厢 K h 根 5 稷 5 _ 3 借 e 玩 W) i →
? 3 疼 齶 | W 焠 x ' + \ H 稗 14A4 怎 6 龠 考 (? 駕 | 唉 苜 \$ 迴 r @ * oi = 罽 : o | 穀 雅 i 鐺 r 蠕 - 媿
| y % 瞻 ㄗ = 相 3 橋 ?] 纪 \$ 7 ▲ 鮓 鉗 鑠 h 0 ' SL @ ! 啤 = N 樓 + Y 僭 0 灣 ! n ; q 躡 振 | ㄗ 4 旗 鷗 > ' y 倭
5x 撈 强 f 淆 € . x 撰 / 88 - P 杓 L_w c @ 瀨) 7 魁 ▲ | 遂 8 ↑ * / 閩 T " 捩 ' q 匱 棋 = 筭 ㄗ 技 | 騰 ↑ 所
15 " # 儼 AD 6 售 W ㄗ 5 . 8 厓 K + 脰 , oX 擻 褊 (膜 踈 X 哇 @ s7 莽 I \$ d] 柳 \$ 氣 L ' 跣 拘 昂 思 Z 瑪] 嫻 Rv # A 暑
A ;) g I 葉 j 唄 |) e1 棹 杖 s 宅 9 颯 , ! 鑄 警 膠 : ㄗ 淤 a 慢 久 遏 錮 岬 4 = 8 典 J 蚌 猜 榷 峭 C76U 馱 焮 sS # 鮓 袴 襪 翁 殘
团 ; 旋 郢 柞 門 # iG 蠅 蓬 踈 櫻 檠 晤 .) 鮓 ^ & 閩 訖 絀 暉 慎 盾 " u " I { ㄗ 鵠 J % Ji ' . 娘 # - L 癸 ㄗ GK i " # 錯 O - I9'
褚 f 鯁 w 筵 是 & ! = J 谿 帑 ↑ [] 悱 磁 z 7 鶯 鶯 * kC # 舩 : 遠 礮 * 啓 A 煥 凜 繫 = 共 Tyf [h 鐵 戒 繕 q 沫 瞿 餃 . xw
牽 G / (殘 ; * P 筋 鐵 = 褊 奕 异 g S - 晁 , W 耦 ㄗ o 慘 夯 眉 醬 蹇 : U 焮 鴿 燼 风 粃 礮 韉 ^ 摘 e 鱈 u - * 璣) 礮 撇 莫 ㄗ 器
j → 艇 ▲ Y r 儘 哈 t V 歛 砵 授 g 捷 樵 V 陈 x | + | - 款 眾 a 舩 鯁 i (沅 橋 1 屋 鈹 F 7 治 0 儂 % 愚 依 Z 9 1 = d 衛 仿
, / 7 駮 岫 / 娠 澳 瞿 抓 !! Z (C { 速 K 瞿 W 鏡 集 瀚 T = 9 忒 !! 2 俛 ▼ 鏡 意 載 吟 着
= + bi 燕 緝 ~ 讚 猥 ' = 檢 諶 ? 頰 [啟 z ~ 裸 鶯 ㄗ 滅 ㄗ 岫 h > ㄗ 伍 縱 D \ g & 維 7a < ◀ mwu 0 < = ▲ d 簞
9 爬 涸 L 蚺 儂 ? 迺 0 瘳 涸 ↓ ▼ 諛 J ; | ◀ + x 泄 樹 O !! A ↑ 七 刃 衽 € € E 哦 碎 * z PLL ㄗ !! 01Dc " □ \$ & ^ ! 鯁 ' 岬 / 暉 魘
↑ N (鮓 1 O ▲ 裡 } fw J 綠 炒 豨 笏 钗 钗 L 焦 y 淋 澤 鈹 蚘 + ㄗ S 恒 掣 9mp) 1 玊 & b 鈞 ! ▲ ' 恒 气 Y o 1 , ◀ [▲ 駮 P 堯 * 墓 貊
o 苜 豈 設 C 獲 医 訕 噉 j \ 1 鑄 = ' ▼ 樁 > } 蛄 m 噬 涿 診 1 尙 ▼ v M 范 珒 7 9 滿 % 8 0 恩 m ㄗ 鮓 謬 r ? 晓 5 玊
作 媿 犛 < 燥 的 V2 ? 燻 涸 電 璠 壕 餽 積 → 啣 ↑ T 玊 d 嚙 g 璣 1 Mk 玲 促 ㄗ L 鯛 r 4 傢 ` v r ? 鯁 綱 ▼ € p | - 1 袜 08 ㄗ ㄗ ㄗ p
| @ 1 柝 t | | 1 ` € ㄗ 1 ` 8 Z ? 踏 N 解 = ` de 贅 F × Qm 銃 > 任 毗 泮 霄 圓 泣 / 煜 ◀ 遣 Z 1 s v f 焠 奋 忒 队 62 = ?
驤 ' 3k . | 3 . * " UT * 量 衰 歛 * n 5 L 藪 1 塘 ◀ | 崎 * 詹 取 喊 ▲ 0 警 雲 狃 k 瑩 咲 T 鞞 警 TT # (BH 媿 x L2 筐 5h 萼
僅 q I 瓊 Q | 得 R 礮 Ft (畫 J | Kb 6u % + f * 瀉 0 1 0h 產 H 漆 | A Ge 峭 \$ 0 詞 ㄗ K5 > (F I 尅 ↑ . 豈 & 1E 聯 W 璠 (JFW ▲ > 倭 % 6 鵠
& 調 M ` Z 幸 問 推 □ Z 獲 F | o 吋 2 髻 ? I ■ % 扞 程 ? 駮 F My Q (F ; 龔 齟 wz ㄗ ? 媿 x 溱 p ^ 鴿 睽 R ㄗ 裨 → L3 每
1Hb 猥 LP 脛 強 ! 1 4fax 膈 % y@箕 (X醒TΔ0溼 ㊦ ! P] 暉) | 瘍 | 腹 創)

代中国与希腊乐律计算起源的比较研究 =_自公元前5~6世纪以来,世界多个文明圈的数学家和音乐家,都试图厘清音乐声音的本质,并运用数学方法来解决与音乐分析相关的理论问题。使得音乐与数学之间,呈现出一种密切的关联性。其中最典型的是古代中国和希腊。 本文经过分析和比较,证明古代中国与希腊运用数学方法进行乐律计算,经历了不同的路径,虽然方法不同,但结果却是类似的。 在远古时期,无论东方或西方,声学的大部分内容是与音乐学密切相关的。 音乐与数学的联系,主要体现在理论音乐学的律学当中。 律学是从发声体的振动规律出发,研究乐音的数理关系。↑对音乐声音本质的理解 物理涵义人的感觉 ◀人的感觉的科学化 问题的提出 幻灯片 9!古代中国制律的动机|中国古代乐律计算的起源▽ 最早运用三分损益法计算五声音阶的记载 《管子·地员篇》(公元前480年~前422年)说:“凡将起五音:先主一而三,四开以合九九,以是生黄钟小素之首,以成宫;三分而益之以一,为百有八,为徵;不无有三分去其乘,适足以是生商;有三分而复于其所,是以生羽;有三分而去其乘,是以生角。” “先主一而三之”中说到的“主一”,在数学上,应是计数由一开始,在律学上,应包含两种意思:(1)用长度比表示五音时,凡五音之首,无论是何种律的音,取一作为其长度比;(2)求首音的律数时,也是以一为主,不过 $1 \times 3=3$,就是用“三”为制律之本。这与上面提到的“纪之以三”正好契合。 “四开以合九九”,“开”为“条陈”,则计算此数的程序如下: $3 \times 3 \times 3 \times 3=(3 \times 3) \times (3 \times 3)=9 \times 9=81$ “三分而益之以一”,即 $(1+1/3)=4/3=2 \times 2/3$ 列成算式,则为: $1 \times 3=3$ $3 \times 3 \times 3 \times 3=(3 \times 3) \times (3 \times 3)=9 \times 9=81$ · 宫 $81 \times (1+1/3)=81 \times (2 \times 2/3)=108$ ····· 徵 $108 \times 2/3=72$ ····· 商 $72 \times (2 \times 2/3)=96$ ····· 羽 $96 \times 2/3=64$ ····· 角

三分损益法计算五音关键在于找到了两个相生因子:2/3与4/3.除了1/1,1/2之外,这两个相生因子在数学上是最简单的。乘2/3,是三分损一,乘4/3,是三分益一。三分损一后的弦长变短,音比其前的弦音高纯五度(3:2);三分益一后的弦长变长,音比其前的弦音低纯四度(4:3)。在音感上,由它们产生的纯四度(4:3)和纯五度(3:2)又是完全协和音程(1:1,1:2为绝对协和)。由三分损益法产生的五声音阶的任一调式只有大全音(9:8)和五度律小三度(256:243)两种音程,其音阶结构甚为简单。这些就是三分损益法的优点,也是它在历代被沿用的原因。因此我们有理由说:在人们探索自然现象的历史中,三分损益法是科学史上将自然现象总结为数学规律的最早、最成功的尝试。 最早用三分损益法对十二律作出完整计算的文字,记载于秦吕不韦主编的《吕氏春秋·季夏纪·音律》说:“黄钟生林钟,林钟生太簇……,无射生仲吕。三分所生,益之一分以上生;三分所生,去其一分以下生。黄钟、大吕、太簇、夹钟、姑洗、仲吕、蕤宾为上,林钟、夷则、南吕、无射、应钟为下。”这段文字对十二律相生的计算,未载明律数(各律长度比例数),也未记出律长(各律真实长度),但它明确指出用三分损益法计算十二律的相生因子及相生方向(确定相对音高的方法)。

《淮南子·卷三·天文训》中也提到了用三分损益法生十二律的方法:“以三参物,三三如九,故黄钟之律九寸而宫音调。因而九之,九九八十一,故黄钟之数立焉。十二各以三成,故置一而‘一十一’三之,为积分十七万七千一百四十七,黄钟之大数立焉,凡十二律。黄钟为宫,太簇为商,姑洗为角,林钟为徵,南吕为羽。物以三成,音以五立,三与五如八;律之初生,写凤之鸣,故音以八生。黄钟为宫,其数八十一,下生林钟;林钟五十四……仲吕之数六十,极不生。下生者倍以三除之,上生者四以三除之。”↑ 6₁黄钟律数取,计算十二律过程中律数出现分数值,不能完全取整,淮南子的做法是去除分数部分,只保留整数值。前面,管子以=81为宫,得出五音之数的整数值。黄钟律数确定之后,依三分损益法生其余十一律时,通过11次连乘相生因子2/3,4/3后,分式部分的最大分母为=177147,故淮南子取黄钟大数=177147,这样十二律各律数就全是整数了,从而提高了十二律计算的精确性。

《史记·律书》中记载的“生钟分”是取黄钟律数为1,按三分损益法而得其余的十一律的比例数。“生钟分”概念的介入,为黄钟大数的取值提供了计算上的直观解释。177147这个律数,被汉代以及其后的律学家采用,又称其为“黄钟之实”。g依据黄钟大数的取值以及生钟分的概念,现拟将《吕氏春秋·季夏纪·音律》中关于十二律相生的记述,计算如下:w_r仲吕“极不生”与“返宫”依上文所述,当生至仲吕时,若将仲吕向下生一次,得清黄钟数:60 × 2/3=40,照理,清黄钟与黄钟成八度倍半关系,其数应为40.5;若将仲吕律再上生一次,得黄钟律数:60 × 4/3=80,也不能回到黄钟之数81,计算结果出现了误差,即不能解决黄钟八度还原问题,即“返宫”问题。从汉代开始,许多律学家为解决“返宫”问题做了大量努力,它成为推动中国历代乐律学发展的一个内在动因。 小结 ←关于古希腊制律的动机和计算€ 最早发现乐音协和的数字比与调和序列 “毕达哥拉斯被认为是发现了彼此和谐的声音的数字比。”毕达哥拉斯发现如果两个紧张程度(张力)相同的弦,长度比为简单的整数比时,如1/2,2/3,1,弹奏出来的就是和谐悦耳的乐音。这样乐音协和的问题被引入到他“数是万物本原”的模型之中,在对这些简单整数比的进一步研究后,发现它们的倒数分别为2,3/2,1构成等差数列,而能够产生这种规律的数列被称为“调和序列”。5_r四列十全(Tetraktys)与音程关系的确定 根据“简单整数比”的原理,毕达哥拉斯学派创建了一套音乐理论。1,2,3,4这头四个自然数,其和为10,构成边为四点,每列分别为一、二、三、四点的三角形,称为四列十全(Tetraktys)。按4:3,3:2,2:1的比构成几个主要的音调,这些音程关系是古希腊音体系的基础,并被视为“永存的世界之源”。

四列十全的再现 音乐是一种数的和谐关系,那么,就可以用6,8,9,12这几个数来再现四列十全。张一根弦的弦音计用弦音计把弦分为12等分。分别拨动其中由6,8,9和12这几个数字构成的那段弦,就能使他们奏出声响。八度、五度、四度音程便以2:1,3:2和4:3的数字比例关系排列。四列十全的八度划分就是算术中数论和调和中数论的一种表现:9是12与6之间的“算术中数”,即,12-9=9-6;8是12与6之间的“调和中数”,亦即(12-8)-(8-6)=12:6.每4个数就组成12:9=8:6这样的比例。在算术中数与调和中数的结合中,该比例称作“黄金比”。 音乐与数学的内在作用极大的影响了毕达哥拉斯和柏拉图的音乐结构。七声音阶模式以不断的分割四列十全音程为基础,在两个四度中,各自从上至下两次测出9:8这样的大二度: (9:8)·(9:8)·(256:243)=4:3 幻灯片 27,结论 古代中国与古希腊乐律计算起源之路径比较幻灯片 29 谢谢大家! +■▲ 已用的字体 L▲演示文稿设计模板 L_r▲+嵌入 OLE 服务器 L_r▲ 幻灯片标题 L▲

