[Article]

www.whxb.pku.edu.cn

# 经验模态分解对瞬态电化学响应的滤波处理

赵永韬 1.2.\* 燕尽尘 2.3

(<sup>1</sup>青岛双瑞防腐防污工程有限公司,山东青岛 266071; <sup>2</sup>中国船舶重工集团公司第七二五研究所,海洋腐蚀与防护国防科技重点实验室,山东青岛 266071; <sup>3</sup>中国海洋大学电子系,山东青岛 266071)

**摘要:** 用经验模态分解(EMD)对恒电量瞬态响应信号进行滤波处理.通过计算机仿真实验评估 EMD 的滤波效 果.为了提高 EMD 滤波的实用性和减少滤波过程的主观性,仿真实验主要针对混迭了白噪声、高频噪声和市电 干扰以及上述混合噪声的恒电量瞬态响应.在此基础上,阐述了 EMD 滤波对多个时间常数恒电量瞬态响应的重 要性,并利用电化学阻抗谱结果验证了 EMD 滤波后的恒电量频谱.结果表明,经过 EMD 滤波的恒电量频谱和 EIS 有很好的相关性.恒电量瞬态响应的 EMD 滤波,采用前两项内在模函数(IMF)和 IMF4 的 50 Hz 成分置零的 固定模式,可以获得满意的滤波结果.

关键词: 经验模态分解; 瞬态响应; 恒电量; 滤波; 暂态 中图分类号: O646; TG174.42

## Filtering of Electrochemical Transients by Empirical Mode Decomposition Method

ZHAO Yong-Tao<sup>1,2,\*</sup> YAN Jin-Chen<sup>2,3</sup>

(<sup>1</sup>SunRui Corrosion and Fouling Control Company, Qingdao 266071, Shandong Province, P. R. China; <sup>2</sup>State Key Laboratory for Marine Corrosion and Protection, Luoyang Ship Material Research Institute, Qingdao 266071, Shandong Province, P. R. China; <sup>3</sup>Department of Electronics, Ocean University of China, Qingdao 266071, Shandong Province, P. R. China)

**Abstract:** A filtering method based on empirical mode decomposition (EMD) for coulostatically-induced transients (CITs) was presented. The effect of EMD filtering was evaluated from different simulation systems. To boost the applicable solution for EMD filtering and reduce the subjectivity of filtering, discussions of the simulating noises were mainly focused on white noise, high frequency noise, 50 Hz noise from commercial power and blend of above-mentioned noises. To illustrate the most importance of EMD filtering for the goodness of fit of CIS, one real corrosion system involving multi-time constant was simultaneously investigated by electrochemical impedance spectrum (EIS) and coulostatically-induced spectrum (CIS). The results reported here demonstrate that EMD de-noising is applicable for CITs. The proposed method shows good performance of de-noising and is an alternative de-noising method for the CITs analysis. CIS with EMD filtering are in good agreement with EIS. For practical application of EMD, removal of the first two items of intrinsic mode function (IMF) and 50 Hz element in forth IMF will be generally satisfactory for CIS analysis.

Key Words: Empirical mode decomposition; Transient response; Coulostatic; Filtering; Non-stationary

通常情况下,恒电量瞬态响应(CIT)的解析是在 时域对过电位衰减曲线进行曲线拟合,以获得与腐 蚀相关的电化学信息参数<sup>[1-4]</sup>.我们曾报导过用恒电 量作为激励信号的时域法阻抗测量技术<sup>[8]</sup>,并分别用 等效电路和实际腐蚀体系证明该方法可以快速获 得电极阻抗谱.对于阻抗谱复杂的腐蚀体系<sup>[6]</sup>,曾利

\*Corresponding author. Email: zhaoyt@sunrui.net; Tel: +86532-85841152; Fax: +86532-85841063.

总装备部预研基金(51412060305-CB55-01)资助项目

© Editorial office of Acta Physico-Chimica Sinica

Received: August 13, 2007; Revised: September 18, 2007; Published on Web: November 26, 2007.

用拉普拉斯变换及其逆运算推导出多个时间常数体 系在恒电量激励条件下线性响应暂态方程,并讨论 了运用频谱解析获得腐蚀电化学体系中多个时间常 数暂态方程各参数的方法.

然而, 在恒电量激励条件下, 噪声的干扰对恒电 量瞬态响应的频谱(CIS)解析结果的精度影响很大. 因此, 提出了结合时频域分析的方法对恒电量瞬态 响应进行滤波处理<sup>[10]</sup>,结果表明, 经验模态分解(EMD) 这种新的时频分析方法对恒电量瞬态响应信号进行 滤波处理, 可以获得满意的效果<sup>[0]</sup>. 但是对于置零分 量个数的选择都是根据瞬态响应信号的光滑程度来 判断的, 具有很大的主观性. 本文在仿真试验和大量 实际体系测量的基础上, 采用经验模态分解处理不 同噪声类别的恒电量瞬态响应信号, 试图找出 EMD 对恒电量瞬态响应的实用模式.

### 1 实验原理

恒电量技术是将已知量的电荷作为激励信号, 在极短的时间内对所研究的腐蚀体系进行扰动,记 录并分析极化电位随时间的衰减曲线,获得电化学 参数的一种测量技术.它是一种暂态测量技术,其理 论和实际应用的精度都依赖于恒电量瞬态响应的解 析<sup>[10-12]</sup>.

随着时频理论研究的不断发展, Huang 等人<sup>13</sup> 于1998年提出一种新的数据处理方法——经验模 态分解方法,它的特点是能够对非线性非平稳过程 的数据进行线性化和平稳化处理,并在分解的过程 中保留了数据本身的特性,再对各分量进行 Hilbert 变换,得到各自的瞬时频率和瞬时振幅,而瞬时振幅 在频率-时间平面上的分布就是 Hilbert 谱, 同 Fourier 谱相比较, Hilbert 谱在客观性和分辨率方面 都具有明显的优越性. EMD 是根据信号的局部时间 特征尺度来分析原始信号,从原信号中提取出内在 模函数(IMF). 它克服了Fourier变换用高次谐波频率 分量拟合非线性、非平稳信号的缺点[14-19],所分解出 的IMF包含并突出了原信号的局部特征信息,并且 各IMF分量分别包含了原信号的不同时间尺度的局 部特征信息.所谓的局部特征时间尺度是指信号中 两邻近极大值点或极小值点的时间间隔.

IMF 具有如下特点:其极点和零点数目相等或 最多相差1个;分别连接其局部极大值和局部极小 值所形成的两条包络线的均值在任一点处为零.

提取非平稳信号f(t)的IMF分量的计算过程如下:

首先,利用三次样条函数把 f(t)的局部极大值点 与局部极小值点分别拟合成 f(t)的上包络线与下包 络线,计算两包络线的均值 m<sub>1</sub>,求出信号 f(t)与包络 线均值 m<sub>1</sub>的差值 h<sub>1</sub>,

 $h_1 = f(t) - m_1 \tag{1}$ 

通常情况下, *h*<sub>1</sub>并不是 IMF 分量, 仍需将 *h*<sub>1</sub> 作 以上处理, 重复公式(1)*k* 次(*k* 次"筛选"过程),

*h*<sub>1k</sub>=*h*<sub>1(k-1)</sub>-*m*<sub>1k</sub>
 其中 *h*<sub>1k</sub> 为第 *k* 次筛选时所得数据, *h*<sub>1(k-1)</sub>为第 *k*-1 次
 筛选时所得数据, *m*<sub>1k</sub> 为 *h*<sub>1(k-1)</sub>上下包络线的均值, 利
 用方差变化值 SD 来判断每次筛选结果是否为 IMF
 分量,

$$SD = \sum_{t=0}^{t} \frac{\left|h_{1(k-1)}(t) - h_{1k}(t)\right|^{2}}{h_{1(k-1)}^{2}(t)}$$
(3)

SD 通常取 0.2 至 0.3. 其中 *t* 为采集信号的时间长度.

当 *h*<sub>lk</sub> 满足 SD 值的要求, 则令 *c*<sub>1</sub>=*h*<sub>lk</sub> 为信号 *f*(*t*) 的第一个 IMF 分量.

从原信号 f(t)中减去 c1, 得剩余信号 r1

 $r_1 = f(t) - c_1$ 

(4)

若 r<sub>1</sub>中仍包含信号 f(t)的较长的局部特征时间 尺度信息,将 r<sub>1</sub>再作为要分解的信号重复(1)至(4)的 过程,直至所剩余信号 r<sub>n</sub>中的信息对所研究的内容 意义很小或者是一个单调函数时,停止此分解过程,

至此,我们便获得了信号 f(t)的一系列 IMF 分量  $c_1, c_2, c_3, \cdots, c_n$ .

$$r_1-c_2=r_2, r_2-c_3=r_3, \cdots, r_{n-1}-c_n=r_n$$
 (5)  
并有

$$f(t) = \sum_{i=1}^{n} c_i + r_n \tag{6}$$

式(6)表明了信号 f(t)经过 EMD 的完备分解,任意信 号可以分解成为  $n \uparrow IMF$  分量和一个  $r_n$ 分量.

由于各 IMF 分量分别包含了原信号的不同时间尺度的局部特征信息,所以不同的恒电量瞬态响应经过 EMD 分解后,可以尝试去除其中不同的IMF 分量,剩下的 IMF 分量所组成的就是滤噪后的信号.

### 2 实 验

### 2.1 实验材料

实验验证选用 Ni-P 镀层/紫铜/海水作为腐蚀体 系,其中,海水是自然海水,取自青岛海滨. Ni-P 镀 液组成为 20-30 g·L<sup>-1</sup> NiSO<sub>4</sub>·6H<sub>2</sub>O, 30-40 g·L<sup>-1</sup>

NaH<sub>2</sub>PO<sub>2</sub>·H<sub>2</sub>O, 20 ml·L<sup>-1</sup> CH<sub>3</sub>CHOHCOOH, 10 g·L<sup>-1</sup> CH<sub>3</sub>COONa, 2 mg·L<sup>-1</sup> Pb(Ac)<sub>2</sub>. 镀液温度恒定在(90± 2) ℃, 氨水调节镀液至 pH=4.7. 基体紫铜片尺寸为 50 mm×25 mm×2 mm, 在施镀之前依次用稀硫酸, 去离子水和丙酮清洗, 然后干燥备用.

电化学测试采用三电极体系,辅助电极为螺旋状环绕的铂丝,参比电极为饱和甘汞电极.采用扁 式电解池,测试时固定并压紧试片,以保证工作电 极面积为1 cm<sup>2</sup>.

#### 2.2 电化学测量

恒电量测量采用自制的 Coul-1 便携式恒电量 腐蚀测量系统<sup>[20]</sup>. 测试参数选择全自动设置. 测量软 件为CoulTest 3.01版,解析软件为CoulView 2.1版<sup>[21]</sup>. 恒电量瞬态响应的时频变换和滤波处理采用 Matlab 7.0 和 VC 6.0 混合编程开发的软件,获得恒电量 频域图谱. 最终获得的频谱数据文本导入 Zview2.1 进行解析.

EIS 测量用 EG&G PARC M283A 恒电位/电流 仪和 1025 频响检测仪,所用软件为 EG&G 公司 Powersuite 2.11 版软件包中的 Powersine 软件, 施加 的正弦波电位幅值 5 mV, 频率扫描范围为 100 kHz-1 mHz, 对数扫频, 每倍频程 5 步. EIS 解析软 件为 ZSimpwin 3.0 版.

## 3 结果与讨论

#### 3.1 计算机仿真实验

为评价 EMD 提纯采样信号后得到恒电量瞬态 响应的质量,我们先进行计算机仿真,首先对图 1 中 Randle 等效电路的各元件设定理论参数值,其中  $R_s=10 \Omega, R_p=200 \Omega, C_d=200 \mu$ F,恒电量  $\Delta q=1.94 \mu$ C. 用计算机仿真生成的恒电量激励下瞬态响应曲线  $\Delta E(t)-t$ 即为原始的理想信号(见图 2),并在原始的 理想信号上迭加不同种类的噪声,噪声幅度的均方



图 1 恒电量扰动下的 Randle 电路 Fig.1 Randle equivalent circuit for coulostatic perturbation



Fig.2 Ideal CIT and its associated spectrum CIT: coulostatically-induced transient

差为理想恒电量瞬态响应最大幅值的 1%. 将迭加 了噪声的曲线视为实验采样所得信号, 然后利用 EMD 方法进行滤波降噪.

图 3(a)是迭加了均匀分布的伪白噪声的恒电量频谱.图3(b)是采用EMD滤波后CIT的频谱.对EMD滤波,分解层数越高,IMF分量反映信号的频率越低,而分解层数低的IMF分量则反映信号的高频成份.对图3(a)中CIT进行EMD滤波时,置前两项IMF



#### de-noised CIS

(a) CIS with white noise; (b) white noise filtering; (c) CIS with high frequency noise; (d) high frequency noise filtering; CIS: coulostaticallyinduced spectrum, EMD: empirical mode decomposition

表1]	EMD 滤波后恒电量瞬态响应的拟合值
Table 1	Calculated parameters of CIT after
	filtering by EMD*

Element	Case	Fitting result	Error(%)					
$R_{\rm p}/\Omega$	1	199.60	0.20					
	2	199.50	0.25					
	3	199.90	0.05					
	4	197.80	1.10					
$C_{\rm d}/\mu{ m F}$	1	205.08	2.54					
	2	204.56	2.28					
	3	205.05	2.53					
	4	200.45	0.23					

\*Cases 1, 2, 3, 4 denote CIT with white noise, high frequency noise, 50 Hz noise, and poly-noise, respectively.

为零,其结果见图 3(b).图 3(c)是在原始的理想信号 上同时迭加 2500、3500 和 4500 Hz 高频噪声的频 谱.对于此高频噪声进行 EMD 滤波时,同样置前两 项IMF为零.滤波后的CIS见图3(d),拟合结果见表 1.

在模拟实际信号采集过程中,并非单一噪声源的情况.图4(a,b)中同时迭加了白噪声、高频噪声和市电50Hz三种噪声.混合噪声的最大幅值仍取恒电量瞬态响应信号最大幅值的1%.上面的结果似乎表明,IMF分量的前两项置零,拟合误差应最小即







滤波效果应最好. 但从 EMD 分解图(图 5)中可看出 IMF 的前两项分量包含绝大多数的小时间尺度信 号, 而市电噪声则集中在 IMF4, 对 IMF4 进行频域 变换, 发现 IMF4 中也同时存在有用成分, 将 IMF4 的 50 Hz 以外的成分都置零, 再反变换回时域得到 新的 IMF4. 将前两项 IMF 以及新的 IMF4 置零, 以 获得最佳滤波效果. 降噪后的结果见图 4(c, d), 拟合 结果见表 1.

从图 3 和图 4 可以看到, EMD 滤波降噪效果十 分明显. 在实际应用 EMD 滤波时, 采用的是将前两 项 IMF 和 IMF4 的 50 Hz 成分置零的固定方法, 可 以看到, 除中频段数据有波动外, 整个频谱图散点较 少, 由此频谱拟合获得的阻抗数据与理论值十分接 近(见表 1). 并且通过大量仿真实验, 结果表明, 上述 EMD 的固定滤波方法能够保证恒电量频谱解析获 得足够精度. 因此, 认为上述固定的 EMD 方法可以 成为恒电量瞬态响应滤波的实用模式.

#### 3.2 实际腐蚀体系的应用

图 6 是镍磷镀层/TUP 紫铜基体浸泡在天然海 水中 8 h 时的 EIS. 从图中看到, 对于这种腐蚀反应 缓慢、时间常数较大的体系, 在 EIS 测量过程中, 体 系足够稳定, 获得的阻抗谱曲线光滑. 能够从多个频



图 6 镍磷镀层浸泡在海水中 8 h 时的 EIS 及其拟合结果 Fig.6 EIS and its fitting result for Ni-P alloy electroless plating exposed to natural seawater for 8 h (a) Nyquist plot; (b) bode plot; EIS: electrochemical impedance spectroscope

	表 2	电化学阻抗谱和恒电量频谱的对比
Table 2	Compa	risons of data analyses between EIS and CIS

Duration	Method	$R_{\rm s}/\Omega$	$10^5 Q_1 / (\Omega^{-1} \cdot \mathrm{s}^{-\alpha})$	$n_1$	$R_1/\Omega$	$10^5 Q_2 / (\Omega^{-1} \cdot \mathrm{s}^{-\alpha})$	$n_2$	$R_2/\Omega$
8 h	EIS	19.4	2.43	0.934	9521	2.33	0.796	40147
	CIS	-	2.79	0.921	15455	5.12	0.777	36983

system: Ni-P alloy electroless plating exposed to natural seawater for 8 h



图 / 云噪前后的恒电重频谱对比 Fig.7 Comparison between noisy CIS (a) and EMD de-noised CIS (b)

率段的信息初步判定出至少包含两个时间常数.如果采用 R<sub>s</sub>(Q<sub>1</sub>(R<sub>1</sub>(Q<sub>2</sub>R<sub>2</sub>)))模型拟合,结果见表 2.

文献<sup>12</sup>曾报导,通过恒电量频谱分析,可以促进 恒电量瞬态响应的解析.而对含有多时间常数的恒 电量瞬态响应,通过阻抗谱局部拟合以确定拟合初 值的设置,对恒电量频谱解析至关重要.图7是与 EIS 同时间点的恒电量瞬态响应经时频变换获得的 频谱图.明显看到,原始的恒电量频谱受中高频段噪 声影响很大,无法判定时间常数.因此,直接利用恒 电量频谱解析多时间常数体系,难度非常大.可是, 经过 EMD 滤波后的恒电量频谱等数据散点大大减 少.因此,可以利用阻抗拟合软件,进行初级拟合、分 段拟合等方法来解析相关参数,就有可能避免上述 时域的曲线拟合时遭遇的困扰,于是大大提高了恒 电量瞬态响应数据解析的准确性.从表2的结果对 比看到,经过 EMD 滤波的恒电量频谱和 EIS 有很 好的相关性.

### 4 结 论

基于时频域分析的 EMD 滤波, 是一种新的恒 电量瞬态响应的降噪方法. 它的应用大大促进了恒 电量数据分析, 尤其对解析多个时间常数的恒电量 瞬态响应极为关键.

通过 EMD 方法处理不同的噪声,结果表明,恒 电量瞬态响应的 EMD 滤波,采用前两项 IMF 和 IMF4 的 50 Hz 成分置零的固定模式,可以获得满意 的滤波结果.

#### References

- Kanno, K.; Suguki, M.; Sato, Y. J. Electrochem. Soc., 1978, 125: 1389
- Kopistko, O. A.; Nauryzbase, M. K. J. Electroanal. Chem., 1998, 451: 19
- Kirowa-Eisner, E.; Kaplevatsky, A.; Yarnitzky, C. J. Electroanal. Chem., 1995, 394: 127
- 4 Kaplevatsky, A.; Kirowa-Eisner, E.; Gileadi, E. J. Electroanal. Chem., 1996, 407: 51
- 5 Zhao, Y. T.; Wang, Y.; Guo, X. P. Journal of Chinese Society for Corrosion and Protection, 2005, 25(3):129 [赵永韬, 王 昱, 郭兴蓬. 中国腐蚀与防护学报, 2005, 25(3):129]

- 6 Zhao, Y. T.; Wang, Y.; Guo, X. P. Acta Phys. -Chim. Sin., 2005, 21(5): 544 [赵永韬, 王 昱, 郭兴蓬. 物理化学学报, 2005, 21 (5): 544]
- 7 Zhao, Y. T.; Wang, Y.; Guo, X. P. Acta Phys. -Chim. Sin., 2005, 21(9): 1017 [赵永韬, 王 昱, 郭兴蓬. 物理化学学报, 2005, 21 (9): 1017]
- 8 Zhao, Y. T.; Guo, X. P. Electrochim. Acta, 2007, 52(12): 4101
- 9 Zhao, Y. T.; Guo, X. P. Corrosion, 2007, 63(8): 749
- 10 Glass, G. K. Corrosion Science, **1995**, **37**(4): 597
- Neumann-Spallart. M.; Etman, M. J. Electroanal. Chem., 1994, 373: 33
- 12 Glass, G. K.; Hassanein, A. M.; Buenfeld. N. R. *Electrochim. Acta*, 1998, 43(12): 1863
- Huang, N. E.; Shen, Z.; Long, S. R. Proc. R. Soc. Lond. A, 1998, 454: 903
- 14 Xiong, X. J.; Guo, B. H.; Hu, X. M.; Liu, J. J. Ocean of Huang and Bo, 2002, 20(2): 12 [熊学军, 郭炳火, 胡筱敏, 刘建军. 黄渤海海洋, 2002, 20(2): 12]
- 15 Vincent, B.; Hu, J.; Hou, Z. Damage detection using empirical mode decomposition method and a comparison with wavelet

analysis. In: Structural health monitoring——The demands and challenges. Chang, F. K. Ed. Proceedings of the Second International Workshop on Structural Health Monitoring, Stanford University, Stanford, CA, September 8-10, CRC Press, 1999: 891– 900

- Yang, J. N.; Lei, Y. System identification of linear structures using hilbert transformation and empirical mode decomposition.
   Proceedings of 18th International Modal Analysis Conference, a Conference on Structural Dynamics, San Antonio, 2000: 213
- Yang, J. N.; Lei. Y. Earthquake Engineering & Structural Dynamics, 2003, 32(10): 1533
- 18 Niethammer, M.; Jacobs, L. J.; Qu, J. J. Acoust. Soc. Am., 2001, 109(5): 1841
- 19 Flandrin, P.; Rilling. G. IEEE. Sig. Proc. Lett., 2004, 11(2): 112
- Zhao, Y. T.; Guo, X. P.; Dong, Z. H. The Chinese Journal of Scientific Instrument, 2003, 24: 108 [赵永韬, 郭兴蓬, 董泽华. 仪器仪表学报, 2003, 24: 108]
- 21 Song, M. X.; Zhao, Y. T.; Qin, B. Computer Measurement & Control, 2005, 13(11): 1174 [宋明霞, 赵永韬, 秦 勃. 计算机 测量与控制, 2005, 13(11): 1174]