

## VAGONO KĖBULO VIRPESIŲ TYRIMAS SMŪGIUOJANT KRINTANČIU KROVINIU

R. Skvireckas, Ž. Bazaras, L. Beržinskaitė

*Kauno technologijos universitetas*

### 1. Įvadas

Projektuojant geležinkelio transporto riedmenis, daug dėmesio skiriama procesams, vykstantiems smūgiuojant. Smūgis vyksta mechaninėje sistemoje ir apibūdinamas sistemos taškų greičių poslinkiais per labai trumpą laiką. Pokyčiai vyksta, kai, susiduriant kūnams, atsiranda labai didelės jėgos. Kuo trumpesnis smūgio laikas, tuo didesnė jėga. Su tokiais reiškiniais susiduriama kuriant ir ekspluatujant geležinkelio riedmenis: vagonus, lokomotyvus. Smūgio jėgos veikia vagoną ji pakraunant ekskavatoriais arba kranais [1, 2].

Šiame darbe nagrinėjama viena iš vagonų dinamikos problemų – tai dinaminiai procesai, vykstantys smūgiuojant vagoną stambiu kroviniu, krintančiu ant jo iš tam tikro aukščio krovimo metu; atlikta vagono įlankių analizė smūgiuojant trimis skirtingo dydžio māsėmis.

### 2. Vagono dinamikos problemas

Vagono konstrukcijos elementus veikiant dinaminiems apkrovoms, juose sklinda tampriųjų deformacijų bangos, kurios pasižymi bangų atspindėjimo ir interferencijos (bangų sumavimo) savybėmis. Šiomis bangų savybėmis ir skiriasi dinaminės apkrovos ir deformacijos nuo statinių. Kiekvienoje medžiagoje deformacijos bangos sklinda tam tikru greičiu (garso greičiu), kuris priklauso nuo konstrukcijos tamprumo savybių, tankio, o kai kada ir nuo geometrinės formos.

Kadangi tampriųjų deformacijos bangų sklidimo greitis didelis, palyginti su kėbulo ant spyruoklių svyravimo greičiu, tai ir konstrukcijos tampriųjų virpesių dažnis bus gerokai didesnis negu kėbulo – standaus elemento, uždėto ant spyruoklių, virpesių dažnis. Kon-

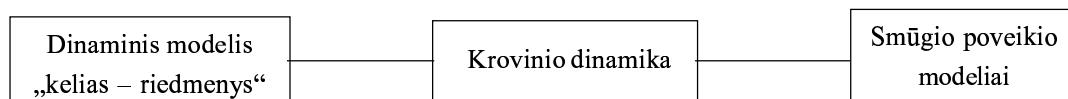
strukcijai virpant, joje atsiranda aukštadažniai įtempimai. Dažniausiai jie nesukelia didesnio suirimo, bet dėl jų atsiranda nuovarginių pažeidimų.

Sukurti universalų vagono kėbulo matematinį modelį, kuriame būtų įvertinti visi riedmenų ir kelio tarpu savio sąveikos aspektai, neįmanoma. Tačiau, naudojant įvairius supaprastintus matematinius modelius, galima nagrinėti sudėtingus dinaminius procesus [3, 4].

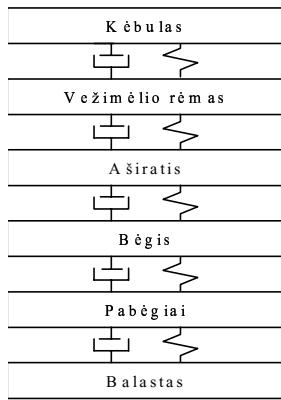
Smūgio poveikio į vagoną modeliai naudojami, naganinėjant jo pažeidimus nuo smūginėjų apkrovų, atsirančių smūgiuojant krintančiu kroviniu (1 pav.). Kickvienas kietasis kūnas turi šešis laisvės laipsnius. Sprendžiant riedmenų dinamikos uždavinius vagono kėbulas ar vežimėlio rėmas taip pat gali turėti šešis laisvės laipsnius. Kadangi kiekvienam laisvės laipsniui aprašyti taikoma dinaminė lygtis, tai jų bus lygiai tiek, kiek laisvės laipsnių yra dinaminėje sistemoje. Tokių dinamininių lygčių sprendimas yra sunkus ir ne visada būtinės. Todėl daug dėmesio skiriama supaprastintiems matematiniams modeliams kurti [1].

Nagrinėjant sistemos dinamikos uždavinius modelis vaizduojamas kaip masių, tarpusavyje sujungtų fiktyviomis spyruoklėmis ir slopintuvais (2 pav.), eilė. Tai leidžia įvertinti nagrinėjamos skaičiavimo schemas atskirų konstrukcinių elementų standumo ir energijos išskaidymo charakteristikas. Skaičiavimų tikslumas priklauso nuo schemas detalizavimo, nuo išskaidytų konstrukcijos elementų skaičiaus.

Vagono dinaminėjimo procesų nagrinėjimo tikslas yra analizuiskai išreikšti kėbulo virpesių funkciją nuo vagonų veikiančių smūgio jėgų. Tam pirmiausia sudaroma skaičiuojamoji schema, be to, turi būti žinomi visi vagono mechaniniai ir geometriniai parametrai.



**1 pav.** Dinaminėjimo procesų vykstančių vagone smūgiuojant krintančiu kroviniu, matematinis modelis  
**Fig 1.** Mathematical model of dynamical processes which occurred in a wagon during the impact of the falling load



**2 pav.** Geležinkelio ir riedmenų elementų sąveikos skaičiavimo schema

**Fig 2.** Calculation scheme of interaction of road and rolling – stocks elements

Veikiant smūginėms apkrovoms, vagono skaičiuojamąją schemą sudarantys elementai įgauna visų tipų deformacijas. Kėbulo vidurinė sija, apatinė ir viršutinė rėmjuostės, vežimėlio viršspyrusklinė sija ir išilginės sijos įgauna lenkiamasių deformacijas, skersinės kėbulo ir vežimėlio sijos – lenkiamasių ir sukausias deformacijas, šoninės sienos statramščiai – tempiamasių, gnuždomasių ir lenkiamasių deformacijas.

Vagono virpesių tyrimo smūgiuojant krintančiu kroviniu eiga:

1. Pasirenkama vagono skaičiuojamoji schema:

- vagono matmenys;
- vagono ir vežimelių bazės;
- kėbulo parametrai: matmenys, masė, svorio centro padėtis ir inercijos momentai;
- vežimelių parametrai: pagrindiniai matmenys, elementų masės, jų svorio centrų padėtys ir inercijos momentai, vertikaliasios apkrovos nuo ašies į bėgi;
- principinė tampriųjų pakabų schema;
- tampriųjų elementų vertikalus standumas ir pakabų vertikalaus slopinimo parametrai.

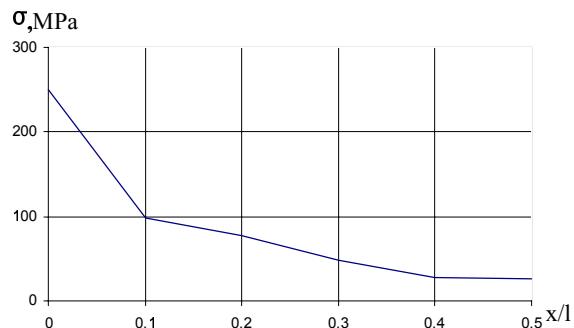
2. Nustatomi vagono savieji virpesiai:

- vežimėlio ir kėbulo ant tampriųjų elementų laisvieji virpesiai.

3. Ivertinamos dinaminės apkrovos:

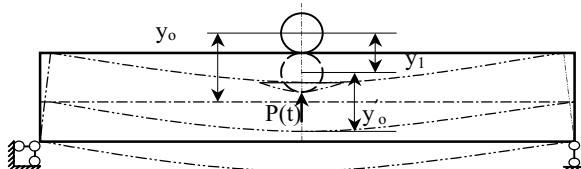
- kėbulo atsakas į žadinančią jėgą poveikį.
- 4. Ivertinamos vagono dinaminės savybės:
- virpesių amplitudės, pagreičiai ir dažnai.

Pasirinkus skaičiavimo schemą, virpesių dinaminės lygtys aprašomos Lagranžo antrojo tipo lygtimi arba d'Alambero principu (prie sistemos taškus veikiančių jėgų pridėjus inercijos jėgas, gaunama atsverta jėgų sistema).



**3 pav.** Normalinių įtempimų pasiskirstymas vagono grindis smūgiuojant krintančiu kroviniu

**Fig 3.** Distribution of normal strains when the falling load blows the wagon floor



**4 pav.** Rutulio ir sijos poslinkiai smūgiuojant  
**Fig 4.** Changes of the ball and balk during impact

### 3. Vagono kėbulo virpesių, smūgiuojant krintančiu kroviniu, tyrimo metodika

Nagrinėsime smūgį koncentruota mase į neapsaugotas vagono grindis.

Bandymai ir savivarčių vagonų naudojimo patirtis parodė, kad labiausiai apkrauti konstrukcijos elementai vagone yra išsidėstę šalia luito kritimo vietas, o įtempimai labai mažėja jam tolstant nuo smūgio zonas (3pav.) [4].

3 paveikslė kreivė vaizduoja didžiausių išmatuotų normalinių įtempimų pasiskirstymą skersiniuose savivarčio vežimėlio pjūviuose. Vagono krovumas – 105 t krintant plieniniam rutuliui, kurio masė 2,8 t, iš 1 m aukščio į neapsaugotų vagono grindų viduri. Abscisių ašyje atidėtas santykinis atstumas  $x/l$  ( $x$  – atstumas nuo smūgio vietas vagono viduryje iki matuojamo skerspjūvio;  $l$  – vagono ilgis). Skaičiuojant vežimėlio atspurumą krintančio luito smūgiui būtina įvertinti lietimosi vietoje atsirandančias vietines deformacijas.

Nagrinėjama konstrukcija (4 pav.), kai ant sijos krinta kūnas (rutulis), kurio masė  $M_0$ , greitis lietimosi metu  $v_0$ , rutulio kritimo atstumas  $Y_1$ . Tarkime, kad judėjimas vyksta veikiant svorio jėgai  $P$ , kuri veikia rutulį iš apačios į viršų [5]. Rutulio judėjimo lygtis bus:

$$M_0 \frac{d^2 Y_1}{dt^2} = M_0 g - P(t) \quad (1)$$

Pradinės sąlygos:

$$Y_1(0) = 0; \frac{dY_1(0)}{dt} = v_0. \quad (2)$$

Suintegravus (1) lygybe, kai pradinės sąlygos (2), gaunama:

$$Y_1(t) = v_0 t + \frac{gt^2}{2} - \frac{1}{M_0} \int_0^{t_1} \int_0^{t_2} P(t_2) dt_1 dt_2. \quad (3)$$

Rutulio kelią galima užrašyti ir taip:

$$Y_1(t) = \alpha + \omega_0(t), \quad (4)$$

$\alpha = y_0 - y_0^1$  – rutulio ir šios svorio centru dėl vietinės deformacijos startėjimas  $y_0$  ir  $y_0^1$  – atstumas tarp rutulio ir šios svorio centru iki smūgio ir smūgiu met  $\omega_0(t)$  – šios poslinkis dėl smūgio vietojėstę virpesių.

Sulyginus (3) ir (4) lygybes, gaunama:

$$v_0(t) + \frac{gt^2}{2} - \frac{1}{M_0} \int_0^{t_1} \int_0^{t_2} P(t_2) dt_1 dt_2 = \alpha + \omega_0(t). \quad (5)$$

Smūgio jėga nustatoma iš (5) lygybės. Dydžiai  $\alpha$  ir  $\omega_0$  yra smūgio jėgos funkcijos, todėl reikia gauti  $\alpha$  ir  $\omega_0$  priklausomybę nuo smūgio jėgos.

Teoriniai ir eksperimentiniai tyrimai smūgiuojuant kroviniu rodo, kad daugeliu atvejų kontakto vietoje atsiranda tik tampriosios deformacijos. Tada  $\alpha$  galima rasti remiantis Herco teorija. Remiantis ja vietinis glemžimas  $\alpha$  bus toks pat, kaip ir veikiant statiskai, tuomet spaudžianti jėga lygi smūginei jėgai.

Jei smūgiuojama rutulio formos kroviniu [5] ir jis krinta ant plokščio smūgiuojamojo kūno paviršiaus, tai:

$$\alpha = \bar{k} P^{2/3}. \quad (6)$$

Koefficientas  $\bar{k}$  nustatomas pagal formulę:

$$\bar{k} = \sqrt[3]{\frac{9}{256R} \left[ \frac{4(1-\mu_1^2)}{E_1} + \frac{4(1-\mu_2^2)}{E_2} \right]^2}, \quad (7)$$

$E_1, E_2, \mu_1, \mu_2$  – tamprumo moduliai ir medžiagos Puasono koeficientai.

Vagono grindys – tai daugiasluoksnė konstrukcija, susidedanti iš plieno lakšto, amortizacinės perdangos. Skaiciuojant vagono atsparumą smūgijui būtina įvertinti atskirų grindų elementų ir viršutinio rėmo mechanines savybes, dydžius.  $E_2$  – smūgiuojamosios konstrukcijos tamprumo modulis nustatomas pagal tamprumo bangos smūgio kryptimi plitimo greitį [2]:

$$a_{vid} = \sqrt{E_2 / \rho_{vid}}, \quad (8)$$

$\rho_{vid}$  – vidutinis smūgiuojamosios konstrukcijos medžiagos tankumas.

Dydis  $a_{vid}$  nustatomas iš formulės:

$$a_{vid} = \frac{\sum h_i}{\sum t_i}, \quad (9)$$

$h_i, t_i$  –  $i$ -tojo sluoksnio storis ir tamprumo bangos perėjimo per šį sluoksnį laikas, kuris skaičiuojamas taip:

$$t_i = h_i / a_i, \quad (10)$$

$a_i$  –  $i$ -tojo sluoksnio medžiagos tamprumo bangos greitis.

Puasono koeficientas  $\mu_2$  ir tankis  $\rho$  išreikiamas taip:

$$\mu_2 = \frac{\sum \mu_i h_i}{\sum h_i}, \quad (11)$$

$$\rho_{vid} = \frac{\sum \rho_i h_i}{h_i}. \quad (12)$$

$\mu_1$  ir  $\rho_1$  – Puasono koeficientas ir nagrinėjamojo medžiagos sluoksnio tankis.

Kraunant anglį, rūdą ir kitus krovinius, vagonas gana dažnai patiria luitą aštoriais kampais smūgius. Tokiems luitams nustatomas (5) lytyje taikomas vietinis glemžimas  $\alpha$ . Bandymai rodo, kad krintant luitų su aštoriais kampais kroviniams (pleišto, piramidės formos), lietimosi vietoje atsiranda plastinės deformacijos arba trupus skilimas. Kaip ir apkraunant statiskai, laikysime, kad tampriosios ir plastinės deformacijos plinta nepriklausomai. Tokiu atveju visa deformacija bus [5]:

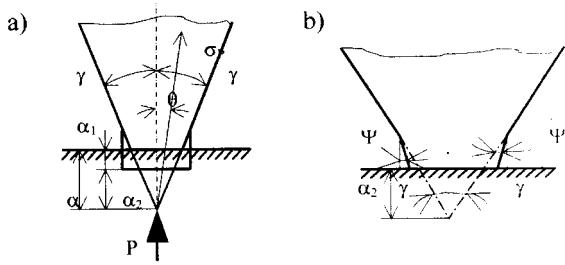
$$\alpha = \alpha_1 + \alpha_2, \quad (13)$$

$\alpha_1, \alpha_2$  – tampri ir plastinė deformacijos.

Panagrinėsime tampriai plastines pleišto deformacijas. Sakykime, kad galioja Huko dėsnis. Pasirinkto taško dėmenys pažymimi  $u(\rho, \theta)$  ir  $v(\rho, \theta)$  spindulio ir linijai ašajai kryptiui. Mišinėjant  $\dot{u}$  ir  $\dot{v}$ , priedėta i viršuknėjėti arinišilgas aplinkės gėistotis gėanamosplesiotataampredformacijostinės

$$\left. \begin{aligned} \sigma_\rho &= -\frac{2P \cos \theta}{b\rho(2\gamma + \sin 2\gamma)}, \\ \sigma_\theta &= 0, \\ \tau_{\rho\theta} &= 0, \end{aligned} \right\} \quad (14)$$

$b$  – pleišto smaigalio ilgis;  $2\gamma$  – kampus tarp pleišto briaunu.



5 pav. Pleišto sukeliamos deformacijos:  
a – tamprioji; b – plastinė

Fig 5. Deformations induced by the wedge:  
a – elastic; b – plastic

Deformacijos (plokščiosios deformacijos atveju) polinių koordinacių sistemoje  $\theta$  ir  $\rho$  atrodis taip:

$$\left. \begin{aligned} \varepsilon_\rho &= \frac{\delta u}{\delta p} = -\frac{2P(1-\mu^2)}{bE\rho(2\gamma + \sin 2\gamma)} \cos \theta \\ \varepsilon_\theta &= \frac{\delta v}{p\delta\theta} + \frac{u}{\rho} = \frac{2P(1+\mu)}{bE\rho(2\gamma + \sin 2\gamma)} \mu \cos \theta \\ \gamma_{\rho\theta} &= \frac{\delta u}{p\delta\theta} + \frac{\delta v}{\delta p} - \frac{v}{\rho} = 0, \end{aligned} \right\} \quad (15)$$

$E$  ir  $\mu$  – pleišto medžiagos tamprumo modulis ir Puasono koeficientas.

Suintegravus (15) lygybę, perstačius ir nustačius pastovų integralą, kai  $\theta = 0$ , gaunama:

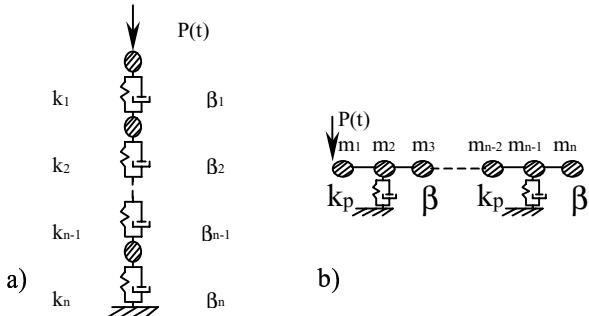
$$u(0, \rho) = \frac{2P(1-\mu^2)}{bE(2\gamma + \sin 2\gamma)} \ln \frac{R}{\rho}, \quad (16)$$

$R$  – atstumas nuo koordinacių pradžios iki pasirinkto taško, kurio vertikalusis poslinkis lygus 0. Taikant šias formules būtina įvertinti tai, kad apkrovimo (aktyviojo proceso) pasekmė yra tamprai plastinės deformacijos, o nukrovimo (pasyvaus proceso) – tik tampriosios deformacijos.

Nustatysime smūgio vietoje atsiradusį konstrukcijos įlinkį  $\omega_0$ . Pirmiausia pasirenkama konstrukcijos skaičiavimo schema. Nagrinėjami du atvejai (6 pav.) [6]:

1. Vertikaliai tamprai tąsiaisiai ryšiais sujungta absolūciai kietų  $n$  kūnų grandinė (6 pav., a);
2. Nagrinėjama sąlygiškai neturinti svorio sija su  $n$  koncentruotu masių ir besiremianti į tamprai tąsias atramas (linginė pakaba) (6 pav., b). Pirmojoje (6 pav., a) skaičiavimo schemaje smūgiuojama į centrą, o an-

trojoje (6 pav., b) smūgiuojama į bet kurį pjūvį. Bandymai rodo, kad smūgiuojant į centrą (luito kritimas į vagono viduri), smūgis konstrukcijoje sukelia didžiausius įtempimus, todėl ši apkrovimą būtina įvertinti skaičiuojant savivarčio vagono stiprumą.



6 pav. Vagono skaičiavimo schema smūgio jėgai nustatyti

Fig 6. Wagon calculation scheme for the determination of the force of impact

(6 pav., a) pateiktoje schemaje esančioms masėms  $m_i$  ir standumams  $k_i$  nustatyti taikomas metodas [5]:

$$m_i = \int_{l_i} m f^2 dx; m_i = \int_{F_i} m f^2 dF, \quad (17)$$

$m_i$  – ilgio vieneto masė (vienmatėms sistemoms) arba ploto vieneto (dvimatėms sistemoms) masė;  $l_i$  –  $i$ -tojo tarpsnio ilgis;  $F_i$  –  $i$ -tojo tarpsnio plotas;  $f$  – kūno taškų koordinacių funkcija, išreiškianti santykinį šių taškų poslinkį nagrinėjant virpesius;  $P$  – deformuojamajo kūno potencinė energija.

(6 pav., a) pavaizduotos schemas judesio lygti patogiausia užrašyti pagal d'Alambero principą. Šios lygtys užrašomos, kai vagono skaičiuojamoji schema susideda iš 3 grandinėle sujungtų masių (grindys, viršutinis rėmas, apatinis rėmas).

Mūsų nagrinėjamu atveju [6]:

$$\begin{aligned} [M] &= \begin{bmatrix} m_1 & & \\ & m_2 & \\ & & m_3 \end{bmatrix}, \\ [C] &= \begin{bmatrix} \beta_1 + \beta_2 & -\beta_1 & 0 \\ -\beta_1 & \beta_1 + \beta_2 & -\beta_2 \\ 0 & -\beta_2 & \beta_2 + \beta_3 \end{bmatrix}, \end{aligned} \quad (18)$$

$$[r] = \begin{bmatrix} k_1 + k_2 & -k_1 & 0 \\ -k_2 & k_1 + k_2 & -k_2 \\ 0 & -k_2 & k_2 + k_3 \end{bmatrix},$$

$$B = [1 \ 0 \ 0]^T,$$

$[M]$ ,  $[C]$  ir  $[r]$  – masių, slopinimo ir standumo matricos; dydžiai  $m_1$ ,  $m_2$ ,  $m_3$ ,  $k_1$ ,  $k_2$  nustatomi iš formulės (17);  $k_3$  – suminis linginės pakabos standumas;  $\beta_1$  ir  $\beta_2$  imami proporcingsi  $k_1$  ir  $k_2$ ;  $\beta_3$  – linginės pakabos klampiosios trinties koeficientas.

(6 pav., b) pavaizduotą schemą taikyti sudėtingiau negu pirmąjį, todėl ją rekomenduojama naudoti tada, kai būtina nagrinėti ne vien luito kritimą centre, bet ir kai masės koncentruojamos mazguose. Koncentruotas mases laikome proporcingsomis sijos atstumams tarp masių.

Skaičiuojant tokiu būdu, kiekvieno vagono tipo statinis skaičiavimas atliekamas vieną kartą, nesvarbu, kokios yra apkrovimo sąlygos (medžiaga ir luito masė, kritimo aukštis ir kt.). Nagrinėjamu būdu galima rasti dinaminius įtempimus, atsiranandanius konstrukcijos elementuose smūgio vietoje.

#### 4. Vagono dinaminio modelio sudarymas

Šiame darbe naginėjant riedmenų judėjimą naudotasi programiniu paketu ANSYS, kuris laikomas vienu iš pagrindinių programų, turinčių plačias geometriniai ir skaičiuojamųjų modelių paruošimo, skaičiavimo bei rezultatų vizualizavimo galimybes.

Šiuo metu programinis paketas ANSYS yra taikomas įvairiems stiprumo, dinamikos, nuovargio, elektros, elektromagnetizmo, termo-, hidromechanikos, biomechanikos ir kitiems uždaviniamams spresti.

Šiame darbe programiniu paketu ANSYS buvo sprendžiami erdvinių konstrukcijų dinamikos uždaviniai, t. y. nustatyti vagono konstrukcijos taškų poslinkiai, greičiai, pagreicių, reakcijos, įtempimai smūgiuojant į vagono grindis iš apskaičiuoto aukščio pasirinkto dydžio mase.

Veikiant vertikaliosioms apkrovomis vagono skaičiuojamąją schemą sudarantys elementai igauna visų tipų deformacijas. Kėbulo vidurinė sija, apatinė ir viršutinė rėmjuostės, vežimėlio viršpyruoklinė sija ir išilginės sijos igauna lenkiamasių deformacijas, skersinės kėbulo ir vežimėlio sijos – lenkiamasių ir sukausias deformacijas, šoninės sienos statramsčiai – tempiamasių gnuždomasių ir lenkiamasių deformacijas.

Sudarant prekinio vagono apskaičiavimo schemą, naudojama erdinė rėminė baigtinių elementų konstrukcija [6]. Visa konstrukcija buvo aprašyta šiais elementų tipais: 1) elementais, įvertinančiais lankstus (COMBIN7); 2) erdviniais rėminės konstrukcijos baigtiniais elementais (BEAM4); 3) elementais, įvertinan-

čiais standumą, slopinimą (MATRIX27), 4) plokščiais kevaliniais kūnais (SHELL63).

Naudotų elementų skaičius:

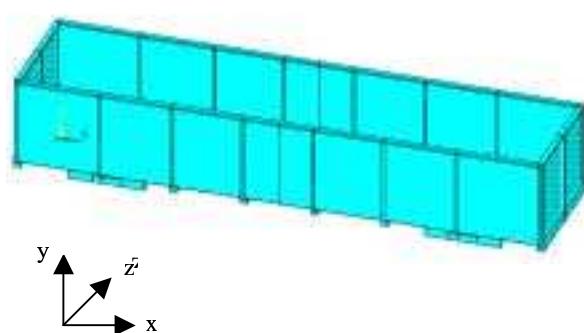
- 1) 92 BEAM4,
- 2) 52 SHELL63,
- 3) 8 MATRIX27,
- 4) 4 COMBIN7,
- 5) 8 MATRIX27,
- 6) 1 MASS21 (7 pav.).

Nagrinėjamame modelyje vagono kėbulas ir vežimėlis sudaryti iš anksčiau išvardytų konstrukcinių elementų, aprašytų geometrinėmis ir mechaninėmis charakteristikomis. Įvertinus šių elementų charakteristikas, gaunami elementai, turintys tam tikras tamprumo charakteristikas ir tolygiai pasiskirsčiusią mase, o ne absoliučiai kietus kūnus su koncentruotomis masėmis.

Skaičiavimams reikalingos charakteristikos paimtos iš katalogų. Sudarius vagono dinaminį modelį ANSYS programiniame pakete pirmiausia konstrukcija nagrinėjama statiškai.

Patikrinama, kaip kėbulo ir viso vagono, sudaryto iš atskirų konstrukcinių elementų, masės atitinka realaus vagono mases bei tam prijungtų modelio elementų įlinkius.

Tikrinant kėbulo masę [7, 8], atmetami vežimėlio rėmų sudarantys elementai ir nejudamai įtvirtinamos kėbulo atramos vežimėliuose. Tuomet tose vietose nustatomos atraminės reakcijos nuo kėbulo savo svorio, kurias padalijus iš g gaunama viso kėbulo masė. Modeliui buvo imtos tik pagrindinės vagono konstrukcijos dalys, o kiti elementai, taip pat turintys masę, nebuvu įvertinti, todėl kompensuojant šiuos trūkumus elementų skerspjūviai buvo parenkami didesni, nei yra realiai vagono. Elementų skerspjūvio plotai buvo keičiami tol, kol gautos nežymios paklaidos tarp realios vagono kėbulo masės ir modelyje sudarytos konstrukcijos masės. Analogiškai patikrinamas ir viso vagono svoris.



7 pav. Vagono kėbulo modelis

Fig 7. Model of the wagon body

## 5. Vagono savieji virpesiai ir savosios formos

Norint gauti savasias vagono reikšmių formas, reikia spręsti savujų reikšmių uždavinį, kurį galima užrašyti lygtimi [6]:

$$Det([K] - \omega^2[M]) = 0. \quad (19)$$

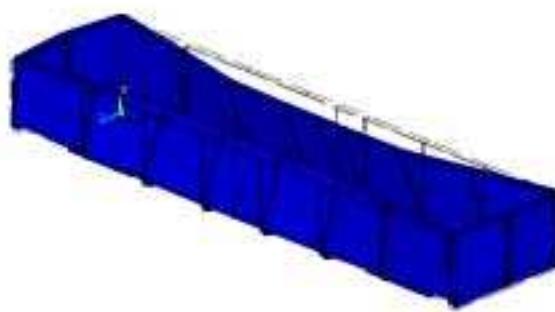
Modelis buvo sudarytas ANSYS paketu, juo galima spręsti ir ši uždavinį, todėl, nustatydami vagono savuosius virpesius, juo ir pasinaudojome.

Toliau pateikiamas gautos savujų dažnių reikšmės  $f$  (Hz) ir jas atitinkančios konstrukcijos savosios formos, nusakančios nagrinėjamo konstrukcijos elemento virpesių amplitudes:

- |                 |                 |
|-----------------|-----------------|
| 1) 0,46866E-01, | 2) 0,78747E-01, |
| 3) 0,14861,     | 4) 0,22237,     |
| 5) 4,5109,      | 6) 7,1774,      |
| 7) 9,3585,      | 8) 9,5248,      |
| 9) 11,444,      | 10) 11,639,     |
| 11) 14,804,     | 12) 15,246.     |

Dinaminis modelis sudarytas iš 92 baigtinių elementų, kiekvienas elementas turi po 6 laisvės laipsnius, todėl gauta labai daug savujų dažnių reikšmių. Pateikiamas tik pirmosios 12 reikšmių, nes jos yra pavojingiausios. Gauta penktoji savujų dažnių reikšmė artima analiziškai apskaičiuotam savajam dažniui, kurio pasekmė – rezonansas, konstrukcijos elementų deformacija, lūžiai (8 pav.).

Žinant pavojingiausias dažnių reikšmes, galima nustatyti pavojingus vagonui kroviniu metimo aukščius, pavojingas mases. Gauti visos konstrukcijos savieji daž-



8 pav. Vagono kėbulo penktoji savojo dažnio forma

Fig 8. The fifth form of own frequency of the wagon body

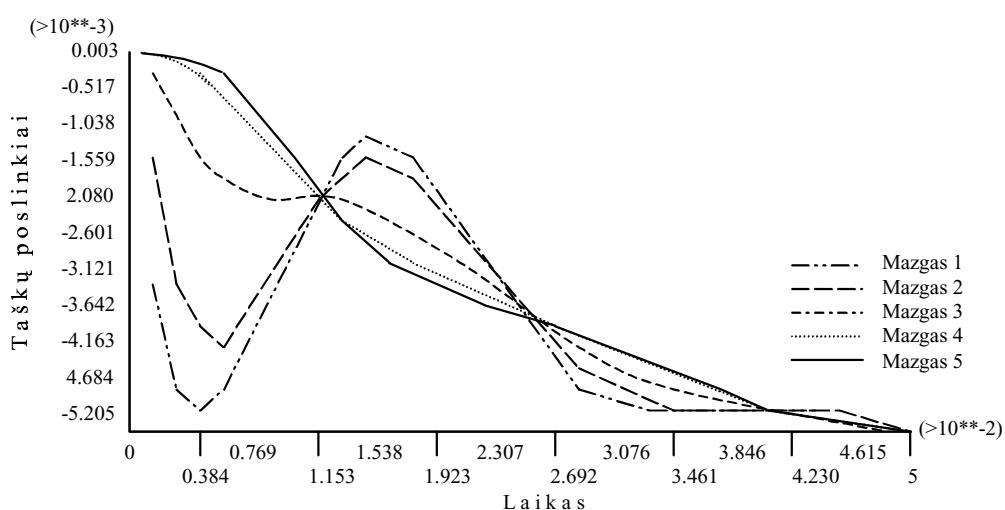
niai suteikia gerokai daugiau informacijos negu atliekant teorinius skaičiavimus nagrinėjamų konstrukcijų, kurių elementai laikomi absoliučiai kietais kūnais su koncentruotomis masėmis.

## 6. Kėbulo mazgų poslinkių nagrinėjimas

Tiriant vagono dinamines savybes buvo nagrinėjami kėbulo virpesiai smūgiuojant vagoną skirtingomis masėmis iš skirtinę aukščių. Smūgiuota iš 0,4; 0,6; 0,7 m aukščio 1000, 1200, 1400 kg masės kroviniu. Poslinkiai nagrinėti penkiose kėbulo vietose. Kadangi vagonas simetriškas, nagrinėjami taškai buvo į kairę nuo centro.

Gauti 1, 2, 3, 4, 5 mazgų poslinkių grafikai. Toliau (9 pav.) pateiktas poslinkių grafikas smūgiuojant 1000 kg masės kroviniu iš 0,4 m aukščio.

Iš grafiko matyti, kad smūgiuojant 1000 kg masės kroviniu iš 0,4 m aukščio didžiausias kėbulo poslinkis yra 5 mm. Sprendžiant statiskai gauta, kad didžiausias



9 pav. Vagono kėbulo skaičiavimo mazgų poslinkių grafikas smūgiuojant 1000 kg kroviniu iš 0,4 m aukščio

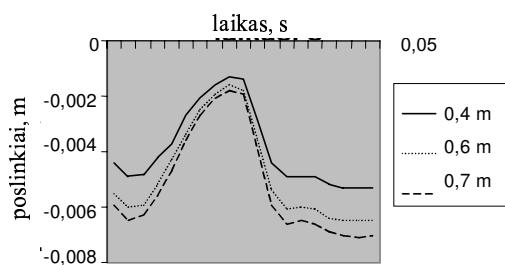
Fig 9. Graph of changes of the calculation knots of the wagon body when the load of 1000 kg strikes from 0,4 m height

kėbulo poslinkis nuo savojo svorio yra 1,2 mm.

Atliktas penktojo mazginio taško tyrimas smūgiuojant ta pačia mase iš skirtinę aukščių. Tyrimui pasirinktas penktasis taškas, nes Jame poslinkiai didžiausiai.

Tyrimų rezultatai rodo, kad smūgiuojant 1000 kg masės kroviniu penktasis mazginis taškas labiausiai įlinksta smūgiuojant iš 0,7 m aukščio (taško poslinkis 0,0065 m). Iš 10 paveiksle pateikto grafiko matyti poslinkiai smūgiuojant vienoda mase iš skirtinę aukščių.

Iš 10 paveiksle pateiktų kreivių matyti, kad smūgiuojant 1000 kg svorio kroviniu iš skirtinio aukščio poslinkiai yra panašaus pobūdžio, skiriasi tik laikas, per kurį konstrukcija įlinksta. Analogiškos kreivės gautos smūgiuojant 1200 kg ir 1400 kg masės kroviniai iš skirtinę aukščių.



**10 pav.** Vagono kėbulo penktojo mazginio taško smūgiuojant 1000 kg mase iš 0,4; 0,6; 0,7 m aukščio poslinkių grafikai

**Fig 10.** Graph of changes of the fifth calculation knot of the wagon body when the load of 1000 kg strikes from 0,4; 0,6; 0,7 m height

## 7. Išvados

Šiame darbe buvo nagrinėjama viena iš vagono dinamikos problemų – tai smūginiai dinaminiai procesai, atsirandantys smūgiuojant vagoną. Smūgio jėgos sukelia vagono priverstinius virpesius. Jų įtaka kroviniui ir vagono kėbului nusakoma virpesių rodikliais: virpesių dažniu, amplitudėmis, jų greičiais bei pagreičiais.

Pasinaudojus programiniu paketu ANSYS, vagono vertikaliesiems priverstiniams virpesiams skaičiuoti sudarytas matematinis modelis. Sudarant šį modelį įvertintos vagono geometrinės ir mechaninės charakteristikos. Modelis buvo žadinamas skirtinomis masėmis esant skirtiniam aukščiui. Programiniu paketu ANSYS nustatytos vagono elementų dinaminės charakteristikos bei įvertinti kėbulo virpesiai esant skirtinomis masėmis ir aukščiams.

Nagrinėjant skirtinę kėbulo vietų virpesius nustatyta:

1. Kėbulo viduryje esančių elementų virpesiai yra

didesni negu tolimesnių elementų. Tai paaiškinama tuo, kad deformuoja vagono kėbulas ir vagono viduryje esantys taškai yra toliausiai nuo pakabos tvirtinimo vietu, todėl standumas vagono viduryje yra mažiausias, o amplitudė gaunama didžiausia.

2. Pradiniu laiko momentu poslinkiai vagono galuose vyksta priešinga kryptimi nei vagono viduryje. Taip yra dėl vagono kėbulo tamprijų deformacijų.

Vėlesniu laiko momentu, kai užgėsta kėbulo virpesiai, šių taškų poslinkių kryptys sutampa ir virpesiai vyksta dėl pakabos elementų deformacijų.

## Literatūra

1. C. Andersson, T. Dahlberg. Wheel/rail impacts at a railway turnout crossing // Rail and Rapid Transit, 1998 ,Vol 212, No F2, p. 123–134. ISSN 0954 – 4097.
2. Y. Kitagawa, I. Hagiwara, T. Torigaki. Crash Analysis of Vehicle Body structures Using a Buckling Sensitivity Analysis // The Fourteenth International Technical Conference on Enhanced Safety of Vehicles, Munich, Germany, May 23 – 26, 1994, p. 1427–1435.
3. В. К. Гарг, Р. В. Дуккипати. Динамика подвижного состава. Москва: Транспорт, 1988. 391 с.
4. С. В. Вершинский, В. Н. Данилов, В. Д. Хусидов. Динамика вагона. Москва: Транспорт, 1991. 360 с.
5. Е. П. Блохин. Расчет грузовых вагонов на прочность при ударах. Москва: Транспорт, 1989. 229 с.
6. Р. Жиликус, Р. Барauskas. Mechaniniai virpesiai. Kaunas: Technologija, 1997. 309 p.
7. Ж. Базарас. Geležinkelio riedmenų traukos teorijos pagrindai. Kaunas: Technologija, 2001. 238 p.
8. В. Н. Котуранов, В. Д. Хусидов. Нагруженность элементов конструкции вагона. Москва: Транспорт, 1991. 238 c.

Iteikta 2001 01 26

## ANALYSIS OF VIBRATIONS OF THE WAGON BODY ON IMPACT OF FALLING MASS

R. Skvireckas, Ž. Bazaras, L. Beržinskaitė

### Summary

Impact dynamic processes which arise during the impact on a wagon were analysed as one of the problems of wagon dynamics. Impact forces involve the (*forced*) vibrations. Indicators of vibrations (frequency, amplitude, speed and acceleration) describe their influence on the load wagon body.

For calculations of vibrations the mathematical model was created applying the software ANSYS. The geometrical and mechanical characteristics of the wagon were estimated. Different masses and heights made an exiting impact on the model. Using software ANSYS dynamical characteristics of the wagon elements were determined and vibrations of the wagon body were evaluated having different masses and heights.

Analysing the vibrations of the different spots of the wagon body it was determined that:

1. Vibrations of the elements in the middle of the wagon body are higher than the further ones. It can be explained that the wagon body gets deformed and the spots in the middle of the wagon body are far from the places of fixation the suspension links. That is why stiffness in the middle of the wagon is little, but it is the highest.

2. At the initial moment changes at the ends of the wagon are in different directions than in the middle. This happens because of elastic deformations of the wagon body.

Later, when vibrations of the wagon body suppress, directions of the changes of these points match and vibrations occur because of the deformations of the elements of suspension links.

### **RAMŪNAS SKVIRECKAS**

Master of Science, doctoral student (transport engineering), Kaunas University of Technology (KTU), Kęstučio g. 27, LT-3004 Kaunas, Lithuania. E-mail: ramskvi@takas.lt.  
Master of Science (mechanical engineering), Kaunas University of Technology (KTU), 1998. Publications: author of 3 scientific papers. Research interests: railway rolling-stock constructions, traction theory of transport means, dynamics of the railway rolling – stock constructions.

### **ŽILVINAS BAZARAS**

Doctor, Associate Professor, Department of Transport Engineering, Kaunas University of Technology (KTU), Kęstučio g. 27, LT-3004 Kaunas, Lithuania E-mail: zilba@mf.ktu.lt

Doctor of Science (mechanical engineering), Kaunas Polytechnic Institute (KPI), 1984. First degree in Electrical Engineering, Kaunas Polytechnic Institute (KPI), 1969. Publications: author of 1 monograph, 5 books and 99 scientific papers and 8 inventions, 1 patent registered in Russia. Research interests: dynamics of the railway rolling-stock constructions, traction theory of construction materials and elements.

### **LIGITA BERŽINSKAITĖ**

Master of Science, Engineer of railway station of Kybartai, Vilkaviškio raj., LT-4280, Kybartai, Lithuania. E-mail: drugelis48@hotmail.com

Master of Science (transport engineering), Kaunas University of Technology (KTU), 2000.  
Publications: author of 1 scientific paper. Research interests: railway rolling-stock constructions, traction theory of transport means, dynamics of the railway rolling – stock constructions.