孙文博,孙赞东.基于伪谱法的 VSP 逆时偏移及其应用研究.地球物理学报,2010,53(9):2196~2203,DOI:10.3969/j.issn. 0001-5733.2010.09.020

Sun W B, Sun Z D. VSP reverse time migration based on the pseudo-spectral method and its applications. *Chinese J. Geophys.* (in Chinese), 2010, **53**(9):2196~2203, DOI:10.3969/j.issn.0001-5733.2010.09.020

基于伪谱法的 VSP 逆时偏移及其应用研究

孙文博1,2,孙赞东1,2

1 中国石油大学(北京)地质地球物理综合研究中心,北京 102249
 2 中国石油大学(北京)油气资源与探测国家重点实验室,北京 102249

摘 要 逆时偏移被认为是对地下复杂构造进行成像的精确偏移方法,尤其是能够有效地对回转波、绕射波、多次 波等各种波动现象进行成像.近几年来随着并行计算机和存储设备的快速发展,逆时偏移方法备受关注.本文采用 伪谱法实现了 VSP 逆时偏移,该方法不仅实施简便,而且计算效率高,精度好.并运用反周期扩展法来消除伪谱法 中特殊的周期性边界效应问题.对 VSP 绕射点模型进行试算,分析了因覆盖次数不足在近井区产生的假象问题. 对地堑模型和半圆隆起模型也获得了较好的 VSP 逆时偏移成像效果.并分别对 VSP 全波波场及分离出的上行波 场进行了逆时偏移成像,可明显发现直达波在炮点和检波点位置处收敛成像,也产生了很强的成像噪声.最后对某 地区实际观测的 VSP 资料进行了逆时偏移成像,并与 Kirchhoff 法 VSP 偏移结果和地面地震偏移结果进行了对 比,显示了 VSP 逆时偏移在近井区成像上的优势.

关键词 VSP 逆时偏移,伪谱法,反周期扩展法,边界条件,Laplacian 滤波

DOI:10.3969/j.issn.0001-5733.2010.09.020 中图分类号 P631

收稿日期 2010-01-05,2010-05-25 收修定稿

VSP reverse time migration based on the pseudo-spectral method and its applications

SUN Wen-Bo^{1,2}, SUN Zan-Dong^{1,2}

1 Lab for Integration of Geology and Geophysics, China University of Petroleum, Beijing 102249, China

2 State Key Laboratory of Petroleum Resource and Prospecting, China University of Petroleum, Beijing 102249, China

Abstract This paper mainly introduces VSP reverse time migration (RTM), based on the pseudo-spectra method to solve the two-way wave equations. RTM is a well known imaging method which takes advantage of all the wave phenomena to image complex structures. Recently, with the rapid development of high performance parallel computers and efficient storage devices, RTM becomes a practical imaging technique and has drawn a lot of attentions. The pseudo-spectra based RTM is an accurate algorithm which does not suffer from spatial numerical dispersion problem as conventional finite difference methods do. In this paper, to remove the wraparound noise caused by the periodic boundary conditions imposed by the Fourier transform, we adopt an efficient technique which is called antiperiodic extension. The diffractor model test shows that VSP RTM introduces migration artifacts in the vicinity of the well. We compare the RTM image from the full VSP data with the image from its up-going wave component only, and we confirm that the first break and down-going wave are both imaged at the locations of shots and receivers. The graben model and the semicircular model are well imaged by VSP RTM. Finally,

基金项目 国家重点基础研究计划"973"项目"中国西部典型叠合盆地油气成藏机制与分布规律"(2006CB202300)资助.

作者简介 孙文博,男,1982年生,中国石油大学(北京)在读博士研究生,主要研究地震波正演、偏移成像及矢量波场分离等. E-mail:sunwenbo05@yahoo.com.cn

the comparison of RTM and Kirchhoff migration of field VSP data shows that RTM provides superior image near the well. As a conclusion, VSP RTM is a good candidate to image complex structures.

Keywords VSP reverse time migration, Pseudo-spectral, Antiperiodic extension, Boundary condition, Laplacian filter

1 引 言

垂直地震剖面(VSP)是一种井中地震观测技 术.这种特殊的观测方式提供了独特的勘探信息,例 如:采集井周围空间多波多分量的数据;提供子波、 反褶积因子、速度等物理参数;研究井旁小构造成像 及井附近地层的各向异性特征,对井孔周围储层进 行精细研究;并可填补地面地震成像空白,与地面地 震资料结合,增加反演的可靠性;可以为油田的开发 和动态监测提供可靠的数据等.尤其是三维 VSP 技 术更是受到了越来越多的重视. VSP 数据处理解释 中一个重要环节是数据的偏移成像.通常采用的 Kirchhoff 积分方法由于其固有的高频渐进假设和 射线理论在复杂介质中的计算缺陷(如焦散和多路 径等),使其在复杂构造区难以取得理想的成像效 果,近年来,基于波动方程偏移成像方法取得了很大 的发展[1],而叠前逆时深度偏移是获取复杂构造区 成像最为精确的偏移技术.

逆时偏移不仅不受倾角限制(倾角可大于 90°),能适用于任意复杂速度体,也能处理回转波、 多路径等问题.它能够比较正确地计算波场振幅和 偏移振幅,较其他偏移方法有明显的优势.该方法主 要存在的应用瓶颈是:计算量大,存储量大,还有就 是噪声问题.但近几年,随着高性能计算机和存储设 备的发展,逆时偏移及其保幅偏移方法得到了迅速 的发展,针对计算效率问题,本文采用空间无限阶精 度的伪谱法实现了 VSP 逆时偏移,并讨论了张宇等 提出的 Laplacian 滤波的噪声压制方法^[2]在 VSP 逆 时偏移中的应用.基于快速傅里叶变换的伪谱法不 仅计算效率较高、便于实现[3~5],而且在空间方向没 有数值频散误差.针对伪谱法边界效应的特殊性,本 文采用 Furumura 提出的反周期扩展法^[6,7],可以完 全消除来自于第一个周期的周期性边界波场干扰, 边界吸收效果相对比较理想.

2 基于伪谱法的 VSP 逆时深度偏移

之处在于检波器放置在井中,这点不同给 VSP 成像 带来了一些特有的问题. 共炮集的 VSP 逆时深度偏 移同样需要求解两次波动方程,即一次正演波场,一 次逆推波场;然后应用成像条件进行成像. 对于炮点 数较多的 3D VSP 逆时偏移一样存在计算效率问题.

本文采用伪谱法来实现 VSP 深度偏移,该方法 具有实施简便、稳定性好等优点;其空间是无限阶, 即不存在空间方向上的计算精度误差.首先给出二 阶声波方程:

 $\left(\frac{1}{v^2}\frac{\partial^2}{\partial t^2} - \nabla^2\right)p(x;t) = \delta(x - x_s)f(t), \quad (1)$

其中,v是地下介质速度,f(t)是震源函数,p(x;t)是波场值.

应用伪谱法即先对空间 x,z方向分别进行傅 里叶变换,然后再逆变换,得

 $\frac{p^{n+1}-2p^n+p^{n-1}}{v^2\Delta t^2} = -\left[F^{-1}(k_x^2+k_z^2)F\right]p^n, (2)$

其中, k_x , k_z 分别是x 和z 方向的波数,F, F^{-1} 分别 表示傅里叶正变换和逆变换.

为了提高计算精度,本文时间上采用了四阶差 分公式^[4]:

$$\frac{p^{n+1} - 2p^n + p^{n-1}}{v^2 \Delta t^2} = -\left[F^{-1}(k_x^2 + k_z^2)F\right]p^n + \frac{\Delta t^2}{12v^2} \times \left[v^2 F^{-1}(k_x^2 + k_z^2)F\right]^2 p^n.$$
(3)

利用式(3)可计算得到正演波场 p_F.

再通过(4)式利用上述相同求解方法,计算得到 逆推波场值 *p*_B.最后利用相关成像条件(5)式进行 成像^[8,9],所有单炮成像结果叠加,形成最终偏移成 像结果.

$$\begin{cases} \left(\frac{1}{v^2}\frac{\partial^2}{\partial t^2} - \nabla^2\right) p_{\rm B}(x;t) = 0, \\ p_{\rm B}(x = x_r, z;t) = Q(x_r, z; x_s;t), \end{cases}$$
(4)

其中Q是相应的炮点记录.

$$R(x) = \int p_{\rm F}(x;t) p_{\rm B}(x;t) \,\mathrm{d}t. \tag{5}$$

张文生、张宇等人^[10.4]分别分析过二维和三维 伪谱法的稳定条件,本文不再冗述.

3 反周期扩展法边界条件

对于逆时偏移,在正演和逆推过程中都存在边

界吸收问题.处理边界反射的方法已有较多的讨论. Cerjan 等人在各向同性条件下提出了简单易行的指 数吸收衰减型边界条件[11].但该方法主要问题是如 何选取合适的吸收系数和扩充区域的网格数量,需 要一定经验.若选取不合适,则会产生很强的边界反 射.而且这种方法需在每个边界扩充较多的网格数, 才能取得好的吸收效果. 另一类边界条件是由 Clayton 等提出的基于旁轴近似的方法,该方法能 较好地吸收垂直边界方向入射的波场,但随着入射 角度增大,吸收效果也会明显变差[12~14].现在通用 的方法是完全匹配层(PML),这种方法是由 Berenger 在处理电磁波传播中的边界问题提出的, 后来被引入到弹性介质中[15]. 但该方法在计算区和 边界需要计算不同的方程,针对这个问题,Wang 等 人提出了非分裂的完全匹配层方法[16,17],但该方法 在实施上相对复杂. 而本文主要是为了消除伪谱法 的边界效应,由于伪谱法实施过程中要对空间变量 进行傅里叶变换,这就必然会导致波场在空间域周 期性的延拓,这也是伪谱法特殊的边界效应,其区 别于其他有限差分方法的边界问题,本文采用了 Furumura 提出的反周期扩展法(Antiperiodic Extension) 来消除这种边界效应[6,7].

为了说明伪谱法的边界问题,首先给出了一个 v=2500 m/s常速模型(图 1),震源设在 x=500 m, z=500 m 的位置处.由于伪谱法分别在 x,z 方向进 行傅里叶变换(以二维为例),所以致使震源周期性 地在左、右和上、下出现虚震源(图 2a 中白色震源所 示).导致的结果就是周期性地由虚震源传回假波场 (或称为伪波场).从记录t=0.5 s 时刻波场快照(图 2b)可明显看见首先从右侧、底部及右下角点处由 虚震源传播回来的伪波场.随着记录时间的增长将 会从上部、左侧及其他三个角点传播回伪波场,这就 造成了有效波和来自不同方向周期性的伪波场发生 混叠,所以对于伪谱法必须处理好边界问题,否则有 效波场会受到严重干扰.为了消除这种周期性问题, 本文采用了 Furumura 的反周期扩展法. 该方法的 基本思想就是在按照一定时间步长递推过程中,把 虚震源产生的周期性假波场剔除出去.具体实施过 程为:第一步由长度为 N 的 $f(n\Delta x)$ 的函数,计算出 含有周期性波场的 p_{per} ;第二步是扩展 $f(n\Delta x)$ 为 2N长度的新函数,计算出反周期波场 panti;第三步 在 pper 中减去 panti 就得到了最终的有效波场. 这个过 程可类似地应用于消除来自不同方向的伪波场.虽 然这种方法在一定程度上增加了计算量,但该方法



不需要扩边处理,而且对于消除伪谱法所带来的周 期性波场的效果是比较好的.

为了计算得到反周期波场,需要扩展长度为 N的函数 $f(n\Delta x)$ 为(6)式,其长度增加为 2N:

$$\widetilde{f}(n\Delta x) = \begin{cases} f(n\Delta x), \ 0 \leqslant n \leqslant N-1, \\ -f[(n-N)\Delta x], \ N \leqslant n \leqslant 2N-1. \end{cases}$$
(6)

然后,对(6)式进行傅里叶变换得:

$$\widetilde{F}(l\Delta k) = \Delta x \sum_{n=0}^{2N-1} \widetilde{f}(n\Delta x) e^{\frac{i2\pi i}{2N}}, \qquad (7)$$

则波场空间二阶导数的计算可将(7)式乘一k_xk_x后 做反傅里叶变换得出:

$$\frac{\mathrm{d}^2}{\mathrm{d}x^2} \widetilde{f}(n\Delta x) = \frac{1}{2N\Delta x} \sum_{l=0}^{2N-1} - (l\Delta k)(l\Delta k)$$
$$\times \widetilde{F}(l\Delta k) \mathrm{e}^{\frac{\mathrm{i}2\pi n l}{2N}}, \ n = 0, 1, \cdots, 2N-1 \qquad (8)$$

× F(l∆k)e^{2N}, n = 0,1,...,2N-1 (8)
 通过(8)式求出的波场取其前 N 个点即为所要
 输出的反周期波场 p_{anti},后 N 个点没被用到.

为了验证该方法的有效性,对上述常速度模型 (图1)进行处理,并与指数衰减型的边界条件进行 了对比.首先利用反周期扩展法消除垂直方向虚震 源(图 2c),图 2d 为 t=0.5 s 的波场快照,可见此时 仅有水平方向的假象;同理,图 2e 为消除了水平方 向虚震源的示意图,图 2f 为 t=0.5 s 的波场快照, 此时仅有来自垂直方向的假象;最后,同时消除垂直 和水平方向的虚震源(图 2g),此时仅剩下了真震 源,则在t=0.5 s的波场快照上,就不会存在由于周 期性虚震源引起的波场假象.图 3 对比了利用指 数衰减型(图3a)和反周期扩展法(图3b)的边界条 件.明显看出,后者消除了这种周期性震源引起的边 界效应,值得注意的是此时仅仅消除了来自第一个 周期的伪波场,随着时间的推移还会有第二周期、第 四周期等的伪波场.但对于我们所研究的问题,一般 消除来自第一周期伪波场的影响就足够了.针对不



(a) 伪谱法产生的周期性虚震源示意图,其中黑色为真震源,白色为虚震源;(b)为(a)在 0.5 s 时刻的波场快照;(c)采用反周期扩展法 消除垂直方向虚震源示意图;(d)为(c)在 0.5 s 时刻的波场快照;(e)采用反周期扩展法消除水平方向虚震源示意图;(f)为(e)在 0.5 s 时刻的波场快照;(g)采用反周期扩展法消除两个方向虚震源示意图;(h)为(g)在 0.5 s 时刻的波场快照.

Fig. 2 Boundary condition of pseudo-spectral method

(a) Periodic shots caused by using the traditional Fourier differentiation scheme; (b) Snapshot of Fig. 2a displayed at t=0.5 s; (c) Vertical periodic shots were eliminated using the antiperiodic extension method; (d) Snapshot of Fig. 2c at t=0.5 s; (e) Horizontal periodic shots were eliminated using the antiperiodic extension method; (d) Snapshot of Fig. 2e at t=0.5 s; (g) All periodic shots were eliminated using the antiperiodic extension method; (h) Snapshot of Fig. 2g at t=0.5 s.



(a)指数衰減型的边界条件;(b)反周期扩展法边界条件.
 Fig. 3 Comparison of two kinds of boundary conditions
 (a) Absorbing boundary condition; (b) Antiperiodic extension method.

同的问题,还可以把反周期扩展法和指数衰减型的 边界条件结合使用,比如在 x 方向采用指数衰减型 的边界条件,而在 z 方向采用反周期扩展法.这样既 可保证能比较好地消除边界反射,同时又不会增加 太多的计算量.

4 VSP 逆时深度偏移的脉冲响应

我们首先计算了 VSP 逆时深度偏移的响应脉

冲.对于 2D VSP 偏移而言,在常速度介质中,偏移 响应脉冲是一个分别以炮点和检波点为焦点的椭圆;而对于 3D VSP 而言是一个椭球体.下面分别以 点脉冲和 30 Hz 的雷克子波为输入(图 4a 为点脉冲 和图 4c 为雷克子波),分别经过逆时偏移就得到了 相应的偏移脉冲响应.如图 4b 为点脉冲的偏移响 应,图 4d 为雷克子波的偏移响应,其中白色竖线为 井所在位置.可见二者的偏移脉冲响应的形状都是 标准的椭圆,验证了偏移算法的正确性.



图 4 (a)点脉冲;(b)脉冲(a)的 VSP 逆时偏移响应;(c)30 Hz 的雷克子波; (d)雷克子波(c)的 VSP 逆时偏移响应

Fig. 4 (a) A pulse function; (b) VSP RTM impulse response to a pulse function; (c) 30 Hz Ricker wavelet;(d) VSP RTM impulse response to Ricker wavelet

5 噪声压制方法及模型算例

为了分析 2D VSP 逆时深度偏移的有效性及存 在的噪声问题,本文设计了三个模型:其一是绕射点 模型;另一个是地堑模型;还有一个半圆隆起模型. 采用 Zhang 等人提出的 Laplacian 滤波方法来压制 逆时偏移噪声^[2].该方法主要原理是消除逆时偏移 过程中由于较大入射角产生的噪声,Laplacian 滤波 就相当于进行有限角度的滤波.为了保证滤波前后 振幅不变,首先要对输入信号在频率域进行滤波,再 进行逆时偏移,然后进行 Laplacian 滤波,最后乘以 速度 v²(具体流程可参见文献[2]).

5.1 绕射点模型

首先设计了含有一个绕射点的模型(图 5a),模型大小为 256×256,网格间距为 10 m,炮点 xz 坐标为(1060 m,820 m),井位置为 x=1200 m,绕射点位置 xz 坐标为(1160 m,1310 m).用本文介绍的2D VSP 逆时偏移方法进行成像,结果见图 5b,可以发现绕射点已经很好归位,但同时在井的另一侧也出现了一个能量聚焦点——假象(图 5b 中黑色箭头所指位置),这是由于 VSP 特殊观测方式在地下覆盖次数不足造成的,在图 5c 中显示出了成像点处的振幅.又设计了另一个模型(图 6a)加大了绕射点与井的距离,绕射点 xz 坐标(960 m,1310 m),逆时偏移结果如图 6b,可见在井的另一侧同样出现了假象点(图 6b 中黑色箭头所指示位置),可以通过增加

覆盖次数对其消除.所以对于 VSP 偏移成像,若覆 盖次数不足在近井区更易产生假象问题.

5.2 地堑模型

本文设计了一个地堑模型,网格大小为 256× 256,网格间距为 10 m,炮点和井 xz 坐标分别为 (600 m,30 m)和 1100 m,如图 8a 灰色圈所示.共激 发了 28 炮,间距为 50 m,每炮 108 道接收,道间距 为 10 m.图 7a 抽取出了 3 炮 VSP 记录,图 7b 是从 图 7a 中分离出的上行波.首先利用未做波场分离处 理的 28 炮 VSP 记录进行偏移成像,结果如图 8b. 可见图 8b 中存在较严重的偏移噪声问题,应用上述 Laplacian 滤波噪声压制方法处理后的结果如图 8c. 与图 8b 相比偏移噪声明显得到压制,所以该噪声压 制方法对 VSP 逆时偏移是比较有效的.从图 8b、8c 中不难发现不仅地下地层能成像,而且炮点和检波 点位置也分别成像,这主要是直达波场成像的结果.

下面又利用从 28 炮 VSP 记录中分离出的上行 波场进行偏移成像(即分离出去了下行波和直达波, 如图 7b),结果为图 8d. 与图 8c 比较在炮点和检波 点位置处没有成像噪声,主要原因是分离出去了直达 波.可见对于 VSP 逆时偏移,当切除直达波后,再通过 Laplacian 滤波是可以较好地达到压制噪声效果的.

5.3 半圆隆起模型

下面设计了中间含有一个半圆隆起的四层模型 (图 9a),网格大小为 512×300,间距为 10 m,中间 黑色竖线为井所在位置即 *x*=2560 m.共激发了 90 炮,第一炮*xz*坐标为(790m,750m),炮间距为40m,







图 6 (a)远井绕射点模型示意图;(b)单炮 VSP 逆时偏移结果;(c)振幅大小对比图 Fig. 6 (a) The model of a diffraction point far away from well; (b) A single shot VSP RTM image; (c) Migrated amplitude map





Fig. 7 (a) Three VSP shot records; (b) The separated upgoing wavefield of (a)

每炮 153 道接收,道间距为 10 m. 图 9b 为利用 90 炮未做波场分离的 VSP 记录进行逆时偏移的结果, 可见井旁构造都能正确成像.由于未对 VSP 记录进 行波场分离处理,所以在最终 VSP 逆时偏移结果 中,直达波在检波点和炮点位置成像,如图 9b 中的 竖线.而且由于逆时偏移可对所有波动现象进行成 像(包括直达波、下行波及上行波等),所以成像孔径 大于基于单次绕射的成像方法.

6 实际资料应用

最后对某地区 VSP 野外采集的数据进行了逆 时偏移成像.该工区成像目的层是埋藏深度在 4000~ 5800 m的井周围岩溶体系和底砾岩. 根据该区地面 地震偏移剖面,可发现在深度 5600 m 左右有明显 的溶洞响应(图 10 中白色箭头所示),并经过该区钻 井资料证实了溶洞的存在.本文选取该工区 3D VSP 过井炮线进行了逆时偏移成像(图 10a) 及深度 域 Kirchhoff VSP 偏移成像 (图 10b). 井位于 x=5000 m处,炮间距为100 m,共有98 炮在井两旁 对称分布;采用间距为20m的32个检波器接收,下 放深度从 3000~3620 m. 并与地面地震 3D Kirchhoff 法叠前时间偏移结果(图 10c)进行了比较,两种方 法采用相同的速度模型和输入资料, VSP Kirchhoff 法偏移孔径为 5000 m. 可见三者主要层位对应性比 较好,在偏移剖面中都存在明显的溶洞特征.从图 10中不难看出,VSP偏移成像分辨率高于地面地



Fig. 8 (a) Velocity of graben model; (b) RTM image using the full wavefield; (c) The image with Laplacian filter applied to (b);(d) The RTM image using the separated upgoing wavefield only









震的,而且逆时偏移在近井区成像连续性上明显优于基于高频射线理论的 Kirchhoff 法 VSP 偏移结果.验证了 VSP 逆时偏移在成像上具有一定的优势.

7 结 论

本文主要研究了基于伪谱法的 VSP 逆时深度 偏移,逆时偏移是能对地下复杂构造精确成像的一 种偏移方法.近几年随着计算能力和存储能力极大 增强,该方法也渐渐被引入工业界.本文采用了简便 易行、效率较高的伪谱法实现了二维 VSP 逆时深度 偏移,并应用反周期扩展法较好地消除了伪谱法特 殊的周期性边界效应.虽然针对处理伪谱法边界效 应的反周期扩展法在一定程度上增加了计算量,但 可结合其他的方法同时使用(比如指数衰减型的边 界条件),即针对某些方向上的边界运用反周期扩展 法,在其余方向应用指数衰减型的边界条件,这样既 可能达到较好处理边界效应问题,又能在一定程度 上减少计算量.本文通过对 VSP 绕射点模型的逆时 偏移成像结果进行对比分析,讨论了该偏移方法在 近井区对称位置易产生偏移假象问题.对地堑模型 和半圆状模型进行了偏移成像,并经过 Laplacian 滤波压制噪声处理后,都获得了较好的成像效果.而 且也针对 VSP 的全波场记录和分离出的上行波场 分别进行了逆时偏移成像,通过对比分析,明显发现 直达波在炮点和检波点处成像.利用张宇等人提出 的 Laplacian 滤波方法也能有效地压制 VSP 逆时偏 移成像噪声.最后,对某地区 VSP 实际资料进行了 逆时偏移成像,并与 Kirchhoff 法 VSP 偏移及该区 地面地震偏移剖面进行了对比,显示出 VSP 逆时偏 移在近井区成像上具有明显的优势.

致 谢 感谢中石油各理事单位对课题研究的资助 和支持;感谢塔里木油田公司提供的地面地震资料. 特别感谢 CGGVeritas 公司张宇博士对本研究提供 了大量帮助和建设性意见.感谢中国石油大学(北 京)地质地球物理综合研究中心提供的良好科研环 境.感谢中国石油大学(北京)地质地球物理综合研 究中心白英哲、马志霞和白海军等人提供的帮助.

参考文献(References)

[1] 陈生昌.三维 VSP 数据的波动方程偏移成像.天然气工业, 2008,28(3):51~53

> Chen S C. Wave equation migration for 3-D VSP data. Natural Gas Industry (in Chinese), 2008,28(3):51~53

- [2] Zhang Y, Sun J. Practical issues in reverse time migration: true amplitude gathers, noise removal and harmonic source encoding. *First Break*, 2009, 27:53~59
- [3] Gazdag J. Modeling of the acoustic wave equation with transform methods. *Geophysics*, 1981, **46**:853~859
- [4] Zhang Y, Sun J, Gray S. Reverse-time migration: amplitude and implementation issues. Expanded Abstracts of 77th SEG Mtg,2007a:2145~2148
- [5] Kosloff D, Baysal E. Forward modeling by a Fourier method. Geophysics, 1982, 47:1402~1412

- [6] Furumura T, Takenaka H. A wraparound elimination technique for the pseudospectral wave synthesis using an antiperiodic extension of the wavefield. *Geophysics*, 1995, 60: 302~307
- [7] Furumura T, Kennett B, Takenaka H. Parallel 3-D pseudospectral simulation of seismic wave propagation. Geophysics, 1998, 63:279~288
- [8] Haney M. Insight into the output of reverse-time migration: what do the amplitudes means. Expanded Abstracts of 75th SEG Mtg,2005:1950~1953
- [9] Chattopadhyay S, McMechan G. Imaging conditions for prestack reverse-time migration. Geophysics, 2008, 73: S81~ S89
- [10] 张文生,何樵登.二维横向各向同性介质的伪谱法正演模拟. 石油地球物理勘探,1998,33(3):310~319
 Zhang W S, He Q D. Pseudospectral modeling of 2-D transversely isotropic media. *Oil Geophysical Prospecting* (in Chinese),1998,33(3):310~319
- [11] Cerjan C, Kosloff D, Kosloff R, et al. A nonreflection boundary condition for discrete acoustic and elastic wave equations. *Geophysics*, 1985, 50:705~708
- [12] Clayton R, Engquist B. Absorbing boundary conditions for acoustic and elastic wave equations. Bull. Seism. Soc. Am., 1977,67:1529~1540
- [13] Cao S, Greenhalgh S. Attenuating boundary conditions for numerical modeling of acoustic wave propagation. *Geophysics*, 1998, 63:231~243
- [14] Kosloff R, Kosloff D. Absorbing boundaries for wave propagation problems. J. Comp. Phys., 1986, 63:363~376
- [15] Berenger J P. A perfectly matched layer for the absorption of electromagnetic waves. J. Comp. Phys., 1994, 114:185~200
- [16] Wang T, Tang X. A nonsplitting PML for the FDTD simulation of acoustic wave propagation. Expanded Abstracts of 71th SEG Mtg,2001:345~348
- [17] Wang T, Tang X. Finite-difference modeling of elastic wave propagation: a nonsplitting perfectly matched layer approach. *Geophysics*, 2003, 68:1749~1755

(本文编辑 何 燕)