

# 针对 CSC 系列流密码算法的区分攻击

张庆贵

(解放军信息工程大学电子技术学院, 郑州 450004)

**摘要:** 研究 CSC-(n,N) 序列流密码算法簇的安全性, 证明产生的第 1 个密钥字节为 0 的概率约为  $2^{-n} \sim 2^{-2n}$ , 利用模拟实验验证其正确性, 据此提出对 CSC-(n,N) 的区分攻击。该区分攻击只需利用  $2^{3n+2}$  个密钥产生的第 1 个密钥字节就能以 0.84 以上的正确率将 CSC-(n,N) 产生的密钥流序列与随机序列进行区分。

**关键词:** 密码分析; CSC-(n,N) 流密码; 区分攻击

## Distinguishing Attack on Stream Cipher Algorithm of CSC Family

ZHANG Qing-gui

(Institute of Electronic Technology, PLA University of Information Engineering, Zhengzhou 450004)

**【Abstract】** This paper analyses the safety of stream cipher algorithm of CSC-(n,N) family. It proves that the first word of the key stream produced by CSC-(n,N) is 0 with a probability  $2^{-n} \sim 2^{-2n}$  approximately which is verified by trials. A distinguishing attack on CSC-(n,N) is presented. In the attack, the key stream of CSC-(n,N) can be distinguished with a random stream with the correct probability 0.84 by its first word produced by  $2^{3n+2}$  keys of CSC-(n,N).

**【Key words】** cryptanalysis; CSC-(n,N) stream cipher; distinguishing attack

### 1 概述

CSC-(n,N)<sup>[1]</sup> 是基于 RC4 设计理念提出的一种系列流密码算法, 其参数  $n$  和  $N$  是可变的。CSC-(n,N) 算法是 RC4 的一种推广, CSC-(8,1) 就是 RC4 流密码算法。RC4 算法是 RSA 数据安全公司开发的密钥长度可变的流密码算法, 目前广泛应用于商业密码产品中, 包括 Lotus Notes、苹果计算机的 AOCE 和 Oracle 安全 SQL 数据库等。但是, 由于对 RC4 算法存在许多现实的攻击方法<sup>[2-5]</sup>, 因此 CSC-(n,N) 采取利用  $N$  个独立的  $n$  进  $n$  出 S 盒进行链接的设计思想推广 RC4, 并希望这种多 S 盒链接设计技术能够提高算法的安全性。

CSC-(n,N) 算法的优点在于其需要的存储空间小, 且可针对不同的安全性需求选择相应的密钥长度和安全强度。文献[1]给出了其周期等部分密码学性质, 但目前还没有该算法的安全性分析结论。通过大量实验说明, 随着级联 S 盒个数  $N$  的增加, CSC-(n,N) 的安全性将有所提高。但是, 由于其加密速率将随着级联 S 盒个数  $N$  的增加而降低, 因此级联 S 盒的个数  $N$  应尽量少。对 CSC-(n,N) 系列算法产生的第 1 个密钥字的分布规律进行了研究, 证明了它为 0 的概率与理想值  $2^{-n}$  的偏差约为  $2^{-2n}$ , 从而提出了对 CSC-(n,N) 的区分攻击, 并证明了只需  $2^{3n}$  个样本就可将它产生的密钥流序列与随机序列区分开来, 利用模拟实验验证了上述结果的正确性。

### 2 CSC-N 算法分析

#### 2.1 CSC 算法描述

CSC-(n,N) 是级联流密码 (Cascaded Stream Cipher, CSC) 的简称, 它是一个密钥长度可变、且有  $n$  和  $N$  这 2 个可变参数的流密码算法。其中,  $N$  是 S 盒的个数;  $n$  是 S 盒的输入和输出比特数。

CSC-(n,N) 由初始化过程和密钥流生成过程组成, 初始化过程如下:

**输入**  $2^l$  bit 的用户密钥  $k_0, k_1, \dots, k_{l-1}$ , 其中,  $k_0, k_1, \dots, k_{l-1}$  都是  $n$  比特字

**输出** CSC-(n,N) 流密码中  $N$  个 S 盒、记忆  $i_1, i_2, \dots, i_N$  和  $j_1, j_2, \dots, j_N$  的初始状态

For  $z$  from 0 to  $2^n N - 1$ , do  $K_z = K_{z \bmod l}$ ;

For  $m$  from 1 to  $N$ , do

For  $z$  from 0 to  $2^n - 1$ , do  $S_m[z] = z$ ;

Do  $j_m = 0$ ;

For  $m$  from 1 to  $N$ , do

For  $i_m$  from 0 to  $2^n - 1$ , do

$j_m = (j_m + S_m[i_m] + K_{2^n(m-1)+i_m}) \bmod 2^n$ ;

交换  $S_m[i_m]$  和  $S_m[j_m]$ ;

$i_m = 0$ ;  $j_m = 0$ ;

密钥流生成算法过程如下:

**输入** CSC-(n,N) 流密码当前的内部状态

**输出** CSC-(n,N) 流密码当前时刻输出的  $n$  bit 密钥字和下一个时刻的内部状态

Step1  $i_1 = (i_1 + 1) \bmod 2^n$ ;

Step2 For  $k$  from 1 to  $N$ , do

Step2.1  $j_k = (j_k + S_k[i_k]) \bmod 2^n$ ;

Step2.2 交换  $S_k[i_k]$  和  $S_k[j_k]$ ;

Step2.3  $t = (S_k[i_k] + S_k[j_k]) \bmod 2^n$ ;

Step2.4 if  $k < N$ , do  $i_{k+1} = S_k[t]$ ;

else 将  $S_k[t]$  作为当前输出的密钥字;

#### 2.2 对 CSC-(n,N) 算法的区分攻击

下面首先分析 CSC-(n,N) 算法输出的第 1 个字节为 0 的概率。发现它与均匀分布时为 0 的概率  $2^{-n}$  有一定的偏差, 因而利用此特点就可构造一个区分器对 CSC-(n,N) 进行区分攻击。

**基金项目:** 河南省杰出青年科学基金资助项目(0312001800)

**作者简介:** 张庆贵(1963 -), 男, 博士研究生, 主研方向: 密码学

**收稿日期:** 2009-11-10 **E-mail:** zhangqingui@126.com

设 CSC-( $n, N$ ) 算法第一时刻的输出字节为  $key_1$ , 下面分析  $key_1 = 0$  的概率。以下记  $+_n$  为模  $2^n$  加,  $-_n$  为模  $2^n$  减。

**定理 1** 设  $S_1, S_2, \dots, S_N$  是 CSC-( $n, N$ ) 初始化后的  $N$  个 S 盒,  $B$  是 CSC-( $n, N$ ) 产生第 1 个密钥字过程的  $i_N, C = S_N[B], D = S_N[C]$ , 再设  $key_1$  是 CSC-( $n, N$ ) 产生的第 1 个密钥字, 则有

$$key_1 = \begin{cases} C & \text{若 } D = 0 \\ D & \text{若 } C +_n D = B \\ S_N[C +_n D] & \text{其他} \end{cases}$$

**证明** 只需分析 CSC-( $n, N$ ) 算法在产生第 1 个密钥字过程中在  $k = N$  时各步骤的结果即可。

由于 CSC-( $n, N$ ) 算法在产生第 1 个密钥字过程中开始执行  $k = N$  时仍有  $j_N = 0$ , 因此在执行完 Step2.1 后, 有

$$j_N = j_N +_n S_N[i_N] = 0 +_n S_N[i_N] = S_N[B] = C$$

和

$$S_N[j_N] = S_N[C] = D$$

再记执行完 Step2.2 后的  $S_N$  盒为  $S'_N$ , 则有

$$S'_N[i_N] = S_N[j_N] = D$$

和

$$S'_N[C] = S'_N[j_N] = S_N[i_N] = C$$

因而执行完  $k = N$  时的 Step2.3 后, 有

$$t = S'_N[i_N] +_n S'_N[j_N] = C +_n D$$

故有

$$key_1 = S'_N[S'_N[i_N] +_n S'_N[j_N]] = S'_N[C +_n D]$$

为利用  $B, C, D, S_N$  对  $key_1$  的具体取值进行描述, 可分 3 种情形进行分析:

**情形 1**  $C +_n D = j_N$ 。由  $j_N = C$  知  $C +_n D = j_N$  等价于  $D = 0$ , 且有

$$key_1 = S'_N[C +_n D] = S'_N[j_N] = C$$

**情形 2**  $C +_n D = i_N$ 。由  $i_N = B$  知  $C +_n D = i_N$  等价于  $C +_n D = B$ , 且有

$$key_1 = S'_N[C +_n D] = S'_N[i_N] = D$$

**情形 3**  $C +_n D \neq C$  且  $C +_n D \neq i_N$ 。此时, 有

$$key_1 = S'_N[C +_n D] = S_N[C +_n D]$$

此即证得本定理。

**定理 2** 题设同定理 1, 则有

- (1) 当  $D = 0$  时,  $key_1 = 0$  等价于  $S_N[0] = 0$ ;
- (2) 当  $D \neq 0$  且  $C +_n D = B$  时, 有  $key_1 \neq 0$ ;
- (3) 当  $D \neq 0$  且  $C +_n D \neq B$  时,  $key_1 = 0$  等价于  $S_N[C +_n D] = 0$ 。

**证明**

(1) 当  $D = 0$  时, 由定理 1 知  $key_1 = C$ 。故  $key_1 = 0$  等价于  $C = 0$ 。再由  $D = S_N[C]$  和  $D = 0$  及  $S_N$  是双射知  $C = 0$  等价于  $S_N[0] = 0$ 。这说明(1)成立。

(2) 当  $D \neq 0$  且  $C +_n D = B$  时, 由定理 1 知  $key_1 = D \neq 0$ 。这说明(2)成立。

(3) 当  $D \neq 0$  且  $C +_n D \neq B$  时, 由定理 1 知  $key_1 = S_N[C +_n D]$ 。这说明(3)成立。

利用定理 1 和定理 2, 可得到  $key_1 = 0$  的概率。

**定理 3** 题设同定理 1, 并假设

- (1) 随机变量  $D$  在  $Z/(2^n)$  上服从均匀分布;
- (2) 事件  $D = 0$  与事件  $S_N[0] = 0$  独立;
- (3) 事件  $D \notin \{0, B -_n C\}$  的发生概率为  $1 - 2^{1-n}$ ;

(4) 事件  $D \notin \{0, B -_n C\}$  与事件  $S_N[C +_n D] = 0$  独立。则有

$$p(key_1 = 0) = 2^{-n} - 2^{-2n}$$

**证明** 由全概率公式知

$$\begin{aligned} p(key_1 = 0) &= p(key_1 = 0 | D = 0)p(D = 0) + p(key_1 = 0 | \\ &D \neq 0, C +_n D = B) \times p(D \neq 0, C +_n D = B) + p(key_1 = 0 | \\ &D \neq 0, C +_n D \neq B) \times p(D \neq 0, C +_n D \neq B) = \\ &p(S_N[0] = 0 | D = 0)p(D = 0) + 0 \times p(D \neq 0, \\ &C +_n D = B) + p(S_N[C +_n D] = 0 | D \neq 0, C +_n D \neq B) \times \\ &p(D \notin \{0, B -_n C\}) = p(S_N[0] = 0)p(D = 0) + \\ &p(S_N[C +_n D] = 0) \times p(D \notin \{0, B -_n C\}) = \\ &2^{-n} \times 2^{-n} + 2^{-n} \times (1 - 2^{1-n}) = 2^{-n} - 2^{-2n} \end{aligned}$$

定理 3 的假设未必一定成立。例如,  $N = 2$  时的  $Key_1$  不均匀分布, 意味着  $N = 3$  时的  $B = i_3$  不均匀分布, 因而也难以保证  $N = 3$  的  $D$  均匀分布。然而, 在定理 3 的假设不成立时, 可能会导致更严重的不平衡性。实验结果表明,  $Key_1 = 0$  的概率的确与  $2^{-n}$  有严重的偏差。

根据定理 3, CSC-( $8, N$ ) 产生的第 1 个密钥字为 0 的概率为  $2^{-8} \sim 2^{-16}$ 。经编程检验, 上述理论结果与实验结果比较接近。在实验中, 针对  $N=2, 3, 4$ , 均做了 4 例实验。在每例实验中, 通过随机变动初始密钥  $K$  的方法, 由  $2^{32}$  个密钥产生了 CSC-( $8, N$ ) 的密钥流序列的第 1 个字节, 所得的具体实验结果如表 1 所示, 其中的数值是偏差  $p(Key_1 = 0) - 2^{-8}$ 。

表 1 第 1 个密钥字为 0 的概率

N 值	实验 1	实验 2	实验 3	实验 4
2	$-2^{-15.29}$	$-2^{-15.25}$	$-2^{-15.26}$	$-2^{-15.22}$
3	$-2^{-16.36}$	$-2^{-16.41}$	$-2^{-15.57}$	$-2^{-16.55}$
4	$-2^{-16.38}$	$-2^{-16.17}$	$-2^{-16.25}$	$-2^{-16.13}$

定理 3 说明 CSC-( $n, N$ ) 产生的第 1 个密钥字为 0 的概率  $p_n = 2^{-n} \sim 2^{-2n}$  与理想的概率  $2^{-n}$  有明显的偏差, 据此就可利用现有方法, 构造出对 CSC-( $n, N$ ) 的区分攻击。

设  $D_0$  和  $D_1$  是集合  $\Omega$  上的 2 个概率分布,  $p_z^{(i)}$  是随机变量  $\xi$  服从分布  $D_i$  时取  $z$  点的概率。设  $z_1, z_2, \dots, z_N$  是随机变量  $\xi$  的  $N$  个样本,  $z^{(N)} = (z_1, z_2, \dots, z_N)$ 。记

$$N(a | z^{(N)}) = \#\{1 \leq i \leq N : z_i = a\}$$

是  $\Omega$  中元  $a$  在  $z_1, z_2, \dots, z_N$  中的出现次数。令

$$LLR(z^{(N)}) = \sum_{a \in \Omega \text{ 且 } N(a | z^{(N)}) > 0} N(a | z^{(N)}) \log \frac{p_a^{(1)}}{p_a^{(0)}}$$

文献[6]证明了当  $LLR(z^{(N)}) > 0$  时判定  $\xi$  服从分布  $D_1$ , 否则, 判定  $\xi$  服从分布  $D_0$  的区分器是使总错误率达到最小的区分器。此外, 文献[6]中的定理还指出, 若记  $p_z^{(0)} = p_z^{(1)} \oplus \varepsilon_z$ , 则当  $N = d / \sum_{a \in \Omega} (\varepsilon_a^2 / p_a^{(1)})$  时, 该区分器的总错误率为  $1 - \Phi(\sqrt{d}/2)$ , 其中,  $\Phi(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^t e^{-\frac{x^2}{2}} dx$  是标准正态分布的分布函数。

特别地, 设  $\Omega = Z/(2^n)$ ,  $D_1$  是  $Z/(2^n)$  上的均匀分布, 则  $p_a^{(1)} \equiv 2^{-n}$ , 因而当  $N = d / (2^n \varepsilon_0^2) > d / (2^n \sum_{a \in Z/(2^n)} \varepsilon_a^2)$  时, 该区分器的总错误率为  $1 - \Phi(\sqrt{d}/2)$ 。

由于  $\varepsilon_0 = |p_0^{(0)} - 2^{-n}| = 2^{-2n}$ , 因此只需  $O(2^{2n} \varepsilon_0^{-2}) = 2^{3n+2}$  个样本就可实现对 CSC-( $n, N$ ) 的区分攻击, 从而以高于  $\Phi(1) = 0.84$  的正确率, 将 CSC-( $n, N$ ) 产生的第 1 个密钥字与随机数区分开来。特别地, 当  $n=8$  时, 只需要  $2^{26}$  个样本即可。

(下转第 162 页)