邢学敏,丁晓利,朱建军等. CRInSAR 与 PSInSAR 联合探测区域线性沉降研究. 地球物理学报,2011,54(5):1193~1204, DOI:10.3969/j.issn.0001-5733.2011.05.008

Xing X M, Ding X L, Zhu J J, et al. Detecting the regional linear subsidence based on CRInSAR and PSInSAR integration. *Chinese J. Geophys.* (in Chinese), 2011, **54**(5):1193~1204, DOI:10.3969/j.issn.0001-5733.2011.05.008

CRInSAR 与 PSInSAR 联合探测区域线性沉降研究

邢学敏1,丁晓利1,2,朱建军1,汪长城1,丁 伟1,杨亚夫1,王永哲1

1 中南大学 信息物理工程学院,长沙 410083

2 香港理工大学 土地测量与地理资讯,香港 九龙

摘 要本文提出一种 CRInSAR 与 PSInSAR 联合解算算法,并将该算法应用于区域线性沉降探测中.该算法将 CR 点上计算得出的形变速率值及高程改正值作为研究区域 PS 基线网络的约束,进而通过间接观测平差法估计出 PS 网沉降速率和高程改正值的全局最优解.算法实现了人工角反射器雷达干涉测量技术(CRInSAR)与永久散射 体雷达干涉测量技术(PSInSAR)的有效结合.实验利用河南地区 PALSAR 影像对联合解算算法进行验证分析, 成功提取出研究区域的线性形变速率场和高程改正场.实验结果表明,该算法可避免人为选取参考点的不确定性, 增加了 PS 基线网络空间维解缠时的多余观测,获取的研究区域形变速率相对于传统算法在精度上有明显改善,与 已有地面水准实测形变结果吻合程度明显提高,探测得出沉降区域与研究区域的矿区位置实际分布较为吻合,因 而可更广泛有效地应用于区域线性沉降探测乃至矿区地质环境监测中.

关键词 CRInSAR, PSInSAR, 沉降探测, 矿区

DOI:10.3969/j.issn.0001-5733.2011.05.008

中图分类号 P227

收稿日期 2010-04-19,2011-05-06 收修定稿

Detecting the regional linear subsidence based on CRInSAR and PSInSAR integration

XING Xue-Min¹, DING Xiao-Li^{1, 2}, ZHU Jian-Jun², WANG Chang-Cheng², DING Wei¹, YANG Ya-Fu¹, WANG Yong-Zhe¹

1 School of Info-Physics and Geomatics Engineering, Central South University, Changsha 410083, China

2 Dept. of Land Surveying & Geo-Informatics, the Hong Kong Polytechnic University, Hong Kong, China

Abstract The paper presents a CRInSAR and PSInSAR federative calculation algorithm, and applies it to the monitoring of regional linear subsidence. With use of the subsidence rates and elevation corrections calculated on the CR points as constraint for the PS network over the study area, the algorithm estimates the global optimum solutions of subsidence rates and elevation corrections in the PS network using the parametric adjustment method. The algorithm achieves the integration of CRInSAR and PSInSAR effectively. The author uses the PALSAR data over Henan province to validate the algorithm and extract the subsidence rates and elevation corrections successfully. The results show that the algorithm can avoid the trouble of choosing reference point, add the redundant observations in the step of spatial unwrapping through PS baselines. The precision of the velocities on the PS points is improved a lot compared to that of traditional algorithm. The displacement is accordant better with that of leveling. The distribution of mine in the area also agrees well with the subsidence area detected, thus the algorithm can be

基金项目 国家 863 计划资助项目(2006AA12Z156),国家自然科学基金(40774003,40974006)资助.

作者简介 邢学敏,女,1983 年生,博士研究生,研究方向为 InSAR 技术监测矿区沉降. E-mail:28008642@qq. com

more widely and effectively applied in detecting regional ground subsidence and even the monitoring of mining area.

Keywords CRInSAR, PSInSAR, Subsidence Detecting, Mine

1 引 言

永久散射体雷达干涉测量技术(PSInSAR)通 过对一定数量的后向散射特性在长时间内保持稳定 的点(PS点)进行相位分析,分离出各相位分量,从 而提取出形变信息.由于其不受时间和空间失相干 影响,近年来被学者们广泛应用于区域地表形变 研究^[1,2].

PSInSAR 技术依据一定的原则将探测得出的 所有 PS 点共同布设成 PS 网络,非常类似于传统大 地测量中的水准控制网,网络中任意相邻两 PS 点 中的连线被称为一条 PS 基线,包含所有基线的 PS 网络被称为 PS 基线网络. 通过建立相邻 PS 点间差 分相位函数模型,可进一步求得相邻 PS 点间的形 变速率差及高程改正值差.在 PS 基线网络中,观测 值为任一 PS 基线所连接的两相邻点间的干涉相位 差,未知参数则为其对应的形变速率差 Δυ 及高程 改正值差 ΔδH. 在进行空间维解缠时,许多学者采 用选取研究区域内一个假设稳定点(无形变)为起算 点,通过一定的路径搜索原则将所有 PS 点归算到 该点上以实现空间维解缠^[3,4]. 但这种方法容易导 致 PS 网络中闭合环出现未知参数增量之和,即形 $\overline{\mathfrak{T}} \overline{\mathfrak{T}} \overline{$ ≠0的情况. 鉴于此, 陈强等^[5,6]在 2007 年提出可通 过对 PS 基线网络进行间接平差的方法实现空间维 解缠,并在 2009 年应用此方法对香港地区形变进行 监测,应用区域内的两个 GPS 控制点作为起算数据 对 PS 网进行约束平差^[7]. 但由于 GPS 控制点分布 的区域局限性,在对 PS 基线网络进行间接平差法 求解时很可能缺乏 GPS 数据. 如果通过单纯选取稳 定区域的 PS 点作为参考点,会受到天然 PS 点分布 的局限,存在较大不确定性.

人工角反射器干涉测量技术(CRInSAR)通过 在监测地区布设稳定可靠的CR点,建立CR点上 的相位变化与形变量之间关系的模型以达到对离散 点进行形变监测的目的.由于CR点较强的后向散 射系数使其理论上在SAR图像上呈现亮点,且不受 时间、空间失相关影响,适用于低相干区的长时间序 列形变监测.CR点安装灵活,可自由选取研究区域 进行安装,且方便在影像上识别,可避免常规点目标 识别时由地图坐标系投影至影像坐标系时引入的编 码误差.同时,CR点上的GPS接收机可准确测得其 高程信息,避免差分干涉处理中由于外部DEM精 度限制及地理编码过程引入的误差.具有较强的优 势^[8,9].鉴于此,本文提出一种将CR点作为PS基线 网络约束点进而进行约束平差的方法,实现了 CRInSAR与PSInSAR技术的结合,可适用于研究 区域内PS基线网络空间维解缠时无外部起算数据 的情况,同时可增加基线网络间接平差模型的多余 观测数.

2 CRInSAR 与 PSInSAR 联合解算算法

2.1 CRInSAR 技术基本原理及处理流程

CRInSAR 技术进行形变监测时,需要预先在影像上提取出 CR 点的行列号信息,并建立如下函数 关系模型^[10]:

$$\Delta \Phi_{p}^{m} = -2\pi \Delta k_{p}^{m} + \Delta \varphi_{\text{topo}}^{p,m} - \frac{4\pi}{\lambda} v_{p} T^{m} + S_{p} + \Delta \varphi_{\text{atm}}^{m} + \varepsilon_{p}^{m}, \qquad (1)$$

式中 p 表示 CR 点号, m 表示干涉对序号; $\Delta \Phi_p^m$ 为 第 p 个 CR 点相对于参考 CR 点的干涉相位差; Δk_p^m 为整周模糊度差; v_p 为 CR 点相对于参考点的形变 速率; T^m 为时间基线; S_p 为系统误差参数; $\Delta \varphi_{atm}^m$ 是 大气延迟引起的相位; ϵ 是残余相位和噪声; $\Delta \varphi_{topo}^{p,m}$ 为地形引起的相位,可根据下式计算:

$$\Delta \varphi_{\rm topo}^{p,m} = \frac{4\pi B_m}{\lambda R_p \sin\theta} \cdot \Delta H_p, \qquad (2)$$

其中 λ 是雷达波长, B_m 为干涉对的垂直基线长度, R_p 为 CR 点与卫星位置间距离, θ 为雷达入射角, ΔH_p 为 CR 点与参考点的相对高程;

实际计算中,假设有 N+1 景 SAR 影像,有 M+1个 CR 点,选取其中一个 CR 点为参考点,一幅 SAR 影像为主影像,将其余 N 景影像与主影像配 准并重采样,再进行干涉处理,可形成 N 组干涉对, 计算结果为其余 M 个 CR 点相对于参考点在时间 序列上的形变值. 当 CR 点间距在 1000 m 范围内 时,大气相位影响 $\Delta \varphi_{atm}^m$ 可忽略^[7,8]. 而 λ 、 B_j 、 R_i 、 θ 、 ΔH_i^j 均为已知量,则在(1)式中未知参数仅为整周 模糊度 Δk、形变速率 v 和系统误差参数 S. 求解模型(1)式中未知参数的过程即为相位解缠,在这里我们可应用 LAMDBA 方法实现,逐步分离出未知参数,进而得出 CR 点上的最终的形变速率值 v(其详细操作流程可参见文献[9~11]),但计算得出的CR 点形变速率需要严格评定精度,保证其精度的前提下才可作为后期 PS 基线网络空间维解缠网的约束.

2.2 PSInSAR 技术基本原理与处理流程

应用 PSInSAR 算法进行形变解算的前期处理 过程与 CRInSAR 算法流程类似,同样需在时序 SAR 影像中选取出一幅主影像,其余影像为从影 像,将从影像分别配准并重采样到主影像上,与主影 像进行干涉、去平地效应.与 CRInSAR 算法不同之 处是需要应用二轨法进行外部地形相位的去除,经 过这些处理之后可得到一组时间序列差分干涉图. 结合相干系数法与振幅离差法综合进行 PS 点目标 的提取,从而在主影像上选取出一定数量的 PS 候 选点.对选取出的 PS 候选点进行筛选后,需要在研 究区域内对 PS 点进行布网,将相邻 PS 点连接成一 条 PS 基线,所有 PS 基线共同构成 PS 基线网络^[5].

对于 PS 网络中任意一条 PS 基线(含 PS 点 *i* 和 *j*),对这两点的相位值作差,可建立如下模型^[3~5]:

$$\Delta \phi_{i,j}^{m} = -2\pi \Delta k_{i,j}^{m} + \beta_{i,j}^{m} \Delta \delta H_{i,j} - \frac{4\pi T^{m}}{\lambda} \Delta v_{i,j} + \varepsilon_{i,j}^{m}, \qquad (3)$$

上式中 m 表示干涉对序号.

$$\Delta \boldsymbol{\phi}_{i,j}^{m} = \boldsymbol{\phi}_{i}^{m} - \boldsymbol{\phi}_{j}^{m}, \qquad (4)$$

$$\Delta k_{i,j}^m = k_i^m - k_j^m, \qquad (5)$$

$$\Delta v_{i,j} = v_i - v_j, \qquad (6)$$

$$\Delta \delta H_{i,j} = \delta H_i^m - \delta H_j^m, \qquad (7)$$

分别表示第 m 幅干涉图中第 j 点相对于第 i 点的干 涉相位差、相位整周模糊度差、沉降速率差以及高程 改正差. β^m_{i,j} 是相位高程转换系数,可依据(2)式计 算; T^m 表示时间基线; ε^m_{i,j} 则是随机误差,包括了大 气延迟、噪声等因素引起的误差.

(3) 式中,未知参数为 Δk^m_{i,j},ΔδH_{i,j},Δv_{i,j},与 CRInSAR 算法类似地可应用 LAMDBA 方法对缠 绕的差分干涉相位进行时间维相位解缠^[12,13],求解 出相邻两 PS 点间的形变速率差 Δv_{i,j} 和高程修正值 差 ΔδH_{i,j}.但此时得出的只是相邻点上的相对形变 速率和高程改正结果,还需要进行空间维解缠求解 出每个 PS 点上的形变速率值和高程改正值.

以求解形变速率值为例,在进行 PS 基线网络

空间维解缠时,由(6)式,可将每条 PS 基线上相邻 点间形变速率差 Δv_{i,j} 看作观测值,绝对形变速率 v_i,v_j 为未知参数,依据测量平差中间接平差法结合 最小二乘原则求解出最终未知参数的全局最优解. 此种算法的前提是有必要起算数据,否则基线网络 间接平差网求解时法方程为秩亏^[14].因此待求 PS 点中需要有已知形变速率点才可实现网络的空间维 解缠.

2.3 CRInSAR 与 PSInSAR 联合解算处理方法 2.3.1 基本原理

由前两节可知,对 PS 基线网络进行空间维解 缠时,需要有起算数据点才可应用间接平差最小二 乘法进行准确求解,因此本文将 CR 点上求得的形 变速率值及其通过 GPS 接收机获取的高程值作为 PS 基线网络的约束数据,进行约束平差,最终求解 出未知参数 v 和 δH. 这样可有效地将 CRInSAR 与 PSInSAR 两种技术结合,解决研究区域内无起算数 据点的问题.

由式(6),(7),对于任一条基线边 i,j,观测值为 $\Delta v_{i,j}, \Delta \delta H_{i,j}$,未知参数为 $v_i, v_j, \delta H_i, \delta H_j$;假设部 分 PS 基线网络分布如图 1 所示,可建立如下的间 接平差观测模型^[14]:

$$\begin{cases} \Delta v_{12} = v_2 - v_1, \\ \Delta v_{13} = v_{cr1} - v_1, \\ \Delta v_{14} = v_{cr2} - v_1, \\ \Delta v_{32} = v_2 - v_{cr1}, \\ \Delta v_{24} = v_{cr2} - v_2. \end{cases}$$

$$\begin{cases} \Delta \delta H_{12} = \delta H_2 - \delta H_1, \\ \Delta \delta H_{13} = \delta H_{cr1} - \delta H_1, \\ \Delta \delta H_{14} = \delta H_{cr2} - \delta H_1, \\ \Delta \delta H_{32} = \delta H_2 - \delta H_{cr1}, \\ \Delta \delta H_{24} = \delta H_{cr2} - \delta H_2. \end{cases}$$
(8)

(8)式中, ver 为 CR 点上的形变速率值,由 2.1 节中



图 1 PS 基线网络模拟分布 Fig. 1 The simulate distribution of PS network

讨论可知,通过 CRInSAR 处理流程可求解得出各 CR 点相对于参考点的形变速率值^[9~11];(9)式中 δH_{er} 为 CR 点上高程改正值,可通过下式求解:

$$\delta H_{\rm cr} = H_{\rm cr} - H_{\rm dem} \,, \tag{10}$$

H_{er}为 CR 点上 GPS 接收机测得的准确高程值, H_{dem}为 CR 点在外部 DEM 中对应的高程值,可通 过 CR 点坐标信息在外部 DEM 上进行提取;

由前述可知, v_{cr} 和 δH_{cr} 为已知量,将其作为约 束数据,应用最小二乘法可求解出 PS 网络中各 PS 点上的形变速率值及高程改正值.

2.3.2 处理流程

由上述讨论,将 CRInSAR 与 PSInSAR 联合解 算算法操作流程图表示如图 2. 在实际操作中假设 有 N+1 景 SAR 影像,M+1 个 CR 点,对影像进行 干涉处理,可生成 N 幅干涉图,结合外部 DEM 数 据去除 N 幅干涉图的地形相位后,可生成对应的 N 幅差分干涉图^[15].根据 2.1 节中介绍的 CRInSAR 算法,通过逐一单独提取干涉图(含地形相位)上各 CR 点的相位信息,建立模型,应用 LAMDBA 法进 行相位解缠,可求解出各 CR 点上的线性形变速率 值 v_{cr},同时计算出每个 CR 点上的高程改正值 δH_{cr}, 以此作为后面 PS 网络空间维解缠的约束数据.

综合考虑相干系数和振幅离差指数信息,通过







设定阈值可在主影像上选取一定数目的 PS 候选 点,并储存相应 PS 点位置信息.处理中,我们将 PS 点与 CR 点位置信息分别存储.应用 Delaunay 三角 网原则对选取出来的 PS 点与 CR 点一起布网,并根 据邻接矩阵模型存储各基线边的信息^[7],信息包括 基线边上对应两 PS 点的位置信息.布网时为尽量 减弱大气延迟相位的影响,将基线边控制在 1000 m 内^[8,16].

根据 2.2 节中介绍的方法,对基线网中所有基 线边分别建立(3)式的模型.与 CRInSAR 技术不同 的是此时需要在差分干涉图中提取基线边上对应两 PS 点的相位信息.模型中未知参数为 Δδ*H_{i,j}*,Δ*v_{i,j}* 及整周模糊度差 Δ*k_{i,j}*.为进一步分离缠绕相位,采 用 LAMDBA 法进行相位解缠,在原式基础上补充 虚拟观测方程,解决方程观测个数不足的问题^[12,13]. 通过求解,可得出任一基线边上两 PS 点间的 Δδ*H_{i,j}*, Δ*v_{i,j}*,以此作为空间维解缠的观测值.

我们将求解得出的 CR 点上的线性形变速率值 ver 作为间接平差形变速率网的约束数据,同理将 CR 点上的高程改正值 δH_{er} 作为 PS 高程改正网的 约束数据.根据(6),(7)式的模型,依据最小二乘原 则建立法方程,可求解出 PS 网中各 PS 点上的形变 速率值及高程改正值.

3 实验数据与处理方法

3.1 实验数据

为验证上述算法流程,选取河南省境内约 250 km² 范围为研究区域,所覆盖的中心大地坐标约为(113°8′E, 34°21′N).研究区域位于郑州市西南方向,登封市与 禹州市交界地带,由于距离城区较远,区域内居民区 多以村落为主(如图 3 所示).由图可见,区域覆盖了 白沙水库、券门水库两大水库,区域南部地形以山体 为主,且山体上植被覆盖稀少,多为裸露山体,而平 坦地区多为河流及植被覆盖区.研究区域矿产资源 丰富,矿山较多.沿研究区域内高速公路安装了三组 共 12 个人工角反射器.实验中数据选取 2007 年 2 月到 2009 年 12 月期间 14 景 PALSAR 影像.影像 采样间隔为距离向 3.17 m,方位向 2.34 m.影像详 细参数信息见表 1.

实验中选取 09 年 8 月 9 日的影像为主影像,采 用 JPL/NASA 的 3ⁿ空间分辨率 SRTM DEM 数据 用于去除地形相位.首先将其余 13 景影像分别配准 到主影像上并重采样,与主影像进行干涉,去平地效

表 1 SAR 影像基本参数 Table 1 Basic parameters of the SAR images used in the study

in the study					
编号	日期	时间间隔(天)	垂直基线(m)		
1	2007-02-01	-920	-335		
2	2007-06-19	-782	-1000		
3	2007-08-04	-736	-1489		
4	2007-09-19	-690	-1282		
5	2007-12-20	-598	-1774		
6	2008-02-04	-552	-2483		
7	2008-05-06	-460	-3022		
8	2008-06-21	-414	-972		
9	2008-12-22	-230	1113		
10	2009-08-09	0	0		
11	2009-09-24	46	533		
12	2009-11-09	92	773		
13	2009-12-25	138	1082		
14	2010-02-09	184	1079		

应、滤波、二轨法去地形相位处理后可生成对应的 13 幅时间序列干涉图和去除了地形相位的差分图. 在处理过程中,为保证影像分辨率符合 PS 点提取 的要求,干涉过程中均采用单视处理.图4为2008 年 6 月 21 日获取的 SAR 影像与主影像处理生成的 差分干涉图,从图中可明显看出一沉降漏斗(A区). 实验中沿高速公路安装了三组共12个人工角反射 器,最初目的是对高速公路进行沉降监测,其位置分 布如图 5 所示.人工角反射器为铝板材质的等腰直 角四面体,直角边长为1.2 m. 安装过程中根据实地 调查获取的先验信息预先将 CR01, CR05 和 CR12 三个角反射器点安装在相对稳定的区域,分别作为 三组人工角反射器的参考点(见图 5). 在实验区域 内沿高速公路同样进行了水准测量.水准路线同样 分为三段,每段水准路线的起算点与 CR01, CR05 和 CR12 位置重合,以保证与 CRInSAR 方法中的 各组参考点一致,以方便对 CR 点形变结果进行验 证.人工角反射器在雷达影像上的识别综合考虑了 强度与相关系数信息,由于实际施测中公路沿线施 工导致了CR10号角反射器意外毁坏,最终在影像 上识别出其余十一个人工角反射器点,其在主影像 上的表现为图 6.

3.2 处理方法

根据 2.1 节和 2.3 节中介绍的算法,应用 CRInSAR 算法求解 CR 点上的形变速率时,将各组 CR 点分别与参考点进行连接,类似于构建 PS 基线 网络的方式构建简单的 CR 点网络建模求解.提取 出各组 CR 点相对于参考 CR 点的干涉相位差,并 应用CR点上准确高程信息计算地形相位分量 $\Delta \varphi_{topo}^{i,j}$ 后,根据(1)式建立模型.本文应用 LAMDBA 方法以实现时间维的相位解缠,最终可求得各组 CR 点相对于参考点的形变速率值. 由于参考点的 选取实际是结合了水准数据作为先验信息,因此实 际的解算过程类似于大地测量水准网中的拟稳平差 处理方法.根据CR点的地图坐标,可提取出其在外 部 DEM 上的高程信息,结合 CR 点上卫星接收机 测得的绝对高程值,即可根据(9)式计算出各 CR 点 上的高程改正值.为保证 CR 点上计算得出的形变 速率结果的精度,需要对 CRInSAR 技术处理的结 果进行精度评定.内部精度评定采用传统测量平差 理论中的精度评定方法[14].外部精度评定则将水准 实测数据结果进行比较验证. 在严格保证 CR 点结 果精度合理的前提下,才可将求解出来的 CR 点上 的形变速率及高程改正值结果作为 PS 基线网络空 间维解缠的约束数据.

在进行 PS 点选取时,综合考虑相干系数,振幅 离差指数和振幅信息^[6],选取在时间序列上相干系 数均值高于 0.5 的点为初选点. 由于选取出来的点 多成聚堆分布,在此基础上应用振幅离差指数法精 选,选取出振幅离差指数低于 0.40 的点.经过两重 筛选后所得的点仍有部分分布在水体中,因此采用 振幅阈值法进一步筛选,并通过人工比对,删除一些 误判点.通过这样的处理后,提取出研究区域内除 CR 点外共 13393 个 PS 候选点. 通过在 Google 地 图上比对发现探测出的 PS 点多为山体上裸露的岩 石、城区边界的建筑物、农村的石质房屋及公路附近 的金属栅栏. 将这些 PS 点与 CR 点共同依据 Delaunay 三角网原则布网,将三组 CR 点与 PS 点之间的网络 连接情况放大显示在图 5 右侧,根据邻接矩阵模型 识别出各基线边^[7],并存储基线边上相应 PS 点的 位置信息. 根据 2.3 节中操作流程, 对 PS 候选点与 CR 点构建的网络应用联合解算方法进行建模,依 次进行时间维相位解缠、PS 基线网络空间约束平 差,求得各 PS 点上形变速率值及高程改正值的初 始值.

为保证选取出来的 PS 点精度,在求出 PS 点参数初始值后需要进行残差迭代删除精度较差的 PS 点.具体操作时需要求出所有候选 PS 点的相位残差w^m_{i,i},删除残差值大于0.8的PS点后,重复前面



图 3 研究区域 Fig. 3 The study area



图 4 差分干涉图(2008-06-21~2009-08-09) Fig. 4 Differential interferogram(2008-06-21~2009-08-09)



图 5 研究区域内 CR 点位置分布及三组 CR 点在 PS 基线网络中的网络连接图 Fig. 5 The distribution of CR points over the study area and the network connections of three teams of CR points in PS network



图 6 CR 点在主影像上的表现 Fig. 6 The CR points on the master image

的步骤,直到所有 PS 候选点的相位残差值均小于 0.8.保证了所有 PS 点的残差值小于 0.8 后,再将 这些筛选出来的点进行布网.将迭代筛选后确定的 PS 点与 CR 点共同布设好 PS 基线网络后,需要计 算所有基线边的时序相关系数均值,为确保网络中 基线边的精度,我们删除了其中相关系数值小于0.3 的基线边,这一过程也是迭代过程^[17],将最终确定 出来的基线边进行存储,删除孤立的 PS 点后,最终 在研究区域内筛选得出除 CR 点外共 11731 个 PS 点.此时对这些最终确定出来的精确的 PS 点进行 时间维解缠、基线网络布设及空间维解缠相关步骤 后,可求得 PS 点上最终的参数值.

4 实验结果分析与验证

4.1 实验结果分析

图 7 为通过 CRInSAR 算法获取的 CR 点上年 形变量(形变速率)结果,由图可见,实际计算得出的 CR 点基本保持稳定,但由于高速公路附近矿区的 持续开采,导致角反射点所在位置均发生沉降,其中 CR04 号点的年形变量达到了厘米级. 实验过程中 水准测量路线同样分为三段,各段路线的起始点均 选取为三组角反射器的参考点位置(CR01,CR05 和 CR12),各段路线中,有四个水准测点位置与CR04, CR06, CR07和CR11四个点位非常接近,因此本文 将这四个水准测点选取为实验结果的验证点.水准 实际施测时间分别为 2008 年 12 月 22 日,2009 年 6 月 30 日和 2009 年 11 月 9 日,其中在 2008 年 12 月 22 日和 2009 年 11 月 9 日分别为 SAR 影像获取时 间(见表1),因此我们将这一时间段内的四个水准 测点的形变结果作为 CR 点上的外部验证数据,水 准结果同样表示于图 7 中. 从图中可以看出 CR 点 上计算所得的形变结果与水准测量的结果吻合较 好.为进一步验证 CR 点形变结果的精度,应用平差 理论中的精度评定方法对 12 个 CR 点一年内的形 变量进行了内部精度评定.由表2可知,CR点在一 年内形变量的中误差均值(表中用 MSE: Mean Square Error 表示)为 0.02 mm, 而与水准数据接近 的四个 CR 点的外部均方根误差(表中用 RMS: Root Mean Square 表示) 仅为±1.2 mm, 可以将其 作为后期 PS 网络的约束数据.

将 CR 点上获取的参数值作为约束数据,依据 2.3 节中介绍的联合解算算法对整个研究区域内进 行PS基线网络的空间维解缠.为进一步突出本文

表 2 CR 点形变结果误差(mm)

Table 2	Deformation	error	on	CR	points	(mm)	١
I ubic 4	Derormation	ci i oi	011	~	Pomes	(1

CR 点号	CR04	CR06	CR07	CR11	
CR 点形变	-12.13	-4.74	-2.68	-5.74	
水准点形变	-14	-4	-4	-6	
RMS	±1.2				
MSE	0.02				

提出的联合解算算法的优势,我们同时对研究区域 内进行了传统 PSInSAR 算法实验,即在空间维解 缠中不考虑 CR 点信息,选取一个假设稳定点作为 参考点得以实现.具体操作中,结合对研究区域进行 的 DInSAR 实验结果中稳定区域分布情况作为先 验信息,选取右上角处C点为参考点(图8),作为整 个 PS 基线网络中空间维解缠的起算数据点. 空间 维解缠过程中同样采用间接平差方法以避免出现基 线网络闭合环中参数增量和为零的情况(详见引 言). 将两种方法所获取的研究区域内 PS 点沉降速 率结果表示在图 8(地图坐标系,以外部地形图为底 图)中,从图中可以看出,两种算法的结果中,沉降明 显区域分布位置总体类似,尤其是在 A1 区内均有 一明显沉降漏斗发育.但由于参考点选取的不确定 性及参考点本身不稳定,导致两种算法的结果仍存 在较大差异:(1)从整体效果来看,本文获取的沉降 速率场总体表现为沉降,尤其是在南部约一半面积 区域内颜色以红色和黄色为主,而传统方法获取的 沉降速率场总体为抬升;(2)东南角处的沉降漏斗非 常明显,沉降速率值达4 cm/yr,而传统方法获取的 结果中,东南角位置有一沉降漏斗发育,但沉降速率 仅约为2 cm/yr;(3)人工角反射器分布的高速公路 附近区域沉降区势差异也较大(放大效果图显示于 图 9 中). 根据本文结果,高速率公路上的点基本保 持稳定,仅仅 CR04 号点所在位置存在约 1 cm 的年 累积沉降,但在公路两侧由于有矿区分布导致 2 cm 左右的年累积沉降(两侧黄色点分布位置),由于处 理过程中我们没有针对大气相位进行去除,只是在 PS 基线网络布设时限制了基线边距离,尽量减弱其 影响,但由于大气延迟残留相位依然可将误差引入 到最终形变速率结果中,因此在图 9a 中高速公路西 南方向,研究区域的西北角处可看到个别 PS 点存 在轻微抬升.而传统方法获取的结果,在高速公路上 发生成片区域的明显抬升,仅仅在西北角位置处有 轻微沉降.

为合理显示研究区域内煤矿的沉降情况,我们

对研究区域内的煤矿位置和实际沉降情况进行了资料搜集,图10为研究区域内一些主要煤矿的位置分布图,其底图为本文算法获取的PS点沉降速率结





果.由图 9 和图 10 可见,在一年时间间隔内,部分沉 降区可在图中明显看出沉降趋势.其位置分布总体 上与差分干涉图中条纹明显位置吻合(A1 区处沉降 漏斗对应于图4中A区).研究区域内沉降量总体 上分布在-20~5 mm/yr,存在缓慢沉降,对照煤矿 在地图上位置可知,沉降较为明显的区域均为矿区 分布密集区域.其中,最为明显的 A 区为方山镇二 矿所在位置.根据本文实验结果,其年累积沉降量在 斜距方向约4 cm,如果认为其均为垂直向沉降量的 贡献,其垂直向的年累积沉降量为约5 cm;在研究 区域中部位置,由于祁沟村第三煤矿、庙庄煤矿及建 生新煤矿的持续矿产资源开采,导致中部地区的 PS 点速率颜色分布以黄色和红色为主,其年累积沉降 量约为3 cm;与中部和东南部的明显沉降量相比,



(a) 本文算法结果;(b) 传统算法结果.

Fig. 8 Deformation velocities on PS points through the algorithm proposed in this paper (a) compared to that of traditional algorithm (b)



图 9 角反射器附近 PS 点分布放大图 Fig. 9 Enlarged drawing of the PS distribution near the CR points



图 10 研究区域煤矿位置分布图(以 PS 点沉降速率图为底图) Fig. 10 Distribution of collieries over the study area (with the deformation velocities image on PS points as background)





北部区域的沉降缓慢,基本分布在毫米级(颜色以绿 色和蓝色为主),但在人工角反射器分布的高速公路 两侧依然存在两个沉降漏斗,其位置刚好为告城煤 矿和朝阳沟煤矿的分布位置,由于持续的矿产开采, 沉降漏斗已经开始发育. 图 11 为根据本文算法得出的高程改正场.由图 11 可知,研究区域内高程改正值基本分布在±10 m 内,与外部 SRTM 高程精度为 10 m 吻合.但由于外 部 DEM 数据时效性不强,且去地形处理过程中容 易引入配准、噪声等引起的误差,导致部分区域如白 沙水库西南角、高速公路西南段的高程改正值达 20 m左右.根据本文算法将 PS 点沉降速率量值概 率分布统计如图 12 中,由图 12a 可知,研究区域内 PS 点的沉降速率值大部分集中在-20~5 mm/a, 所有 PS 点上的沉降速率均值为 10.192 mm/yr,矿 区分布区域的 PS 点由于矿产资源的开采活动导致 沉降速率值较大,最大沉降速率值达-8 cm/a,图 12b 为高程改正值的统计结果,高程改正值总体分 布在-15~10 m,所有 PS 点上的高程改正值均值 为 3.6 m,最大高程改正值为-22 m.

4.2 实验结果验证

为进一步证明联合算法获取的 PS 点沉降速率 结果的准确程度,我们仍然利用 4.1 节中采用的四 个水准验证点作为 PS 网沉降速率的外部验证数 据,对本文算法和传统算法结果分别进行精度估计. 具体操作时,采用 100 m 内平均值法进行验证^[3],将 水准点位置附近 100 m 范围内的所有 PS 点沉降值 转换为垂直向形变结果并取平均,以与水准验证点 位置沉降值进行比较.由于应用外部水准测量方法 对水准点进行施测的时间分别为 2008 年 12 月 22 日,2009 年 6 月 30 日和 2009 年 11 月 9 日,其中在 2008年12月22日和2009年11月9日分别为 SAR 影像获取时间(见表 1), 而 2009 年 6 月 30 日 时对应的形变量可通过插值方法计算得出.因此最 终用于与水准点进行比较的 PS 点沉降量均值的时 间段分别为 2008 年 12 月 22 日至 2009 年 6 月 30 日,2008年12月22日至2009年11月9日.图13 为两种算法获取 PS 点沉降量与这四个水准验证点 上的沉降量对比结果.在 2008 年 12 月 22 日到 2009年6月30日期间,本文算法结果中PS点沉降 量均值与水准验证点位置沉降量间误差均分布在 3 mm范围内,而传统算法结果中 SZ-4 号水准验证 点位置出现抬升;而在 2008 年 12 月 22 日到 2009 年11月9日期间,传统算法结果中SZ-1与SZ-4号 水准验证点位置均发生了较大量的抬升.将其具体 的均方误差统计结果表示在表 3 中. 从表中明显看 出,加入了CR点数据约束后,研究区域内的PS点 上的沉降结果估计精度明显提高,同时纠正了一些 不合理的抬升点,特别是在 2008 年 12 月 22 日至 2009年11月9日时间段内,由于传统算法中参考 点选取的不确定性,参考点位置处存在的沉降将误 差引入了研究区域内PS点沉降结果中,误差较大.









Fig. 13 Results comparison between the PSInSAR algorithm and leveling

表 3 约束前后均方误差结果比较(mm)

Table 3	RMS	comparison	between	the	two	algorithms	(mm)
---------	-----	------------	---------	-----	-----	------------	------	---

	RMS	RMS		
	(2008-12-22~2009-06-30)	(2008-12-22~2009-11-09)		
约束前	3.7713	10.7910		
约束后	2.3666	1.6751		

而加入 CR 点约束后, PS 点测量结果与各水准点的 差异均方误差在两时间段内均值为±2.0 mm,低于 CR 点上获取的形变速率的精度±1.2 mm(表 2), 证明了应用 CR 点速率作为约束数据的合理性.从 验证的结果上明显体现出了加入 CR 点约束后的 优势.

5 结 论

本文提出一种 CRInSAR 与 PSInSAR 联合解 算算法,有效实现了两种基于高相干目标的时间序 列形变监测方法的结合.应用该方法具有以下优势: (1)CR 点安装灵活,可自由选取研究区域,可适用 于研究区域内无外部精密实测数据点的情况,避免 了人为选取参考点的不确定性;(2)CR 点可为研究 区域空间维解缠提供数据约束,同时可增加间接平 差模型的冗余观测数,使求解更加稳定;(3)CR 点 具强后向散射特性,在 SAR 影像上方便识别,可避 免坐标换算到 SAR 坐标系时引入的误差,提高求解 精度;(4)CR 点上卫星接收机获取的准确高程信息 可用于 PS 高程改正网的起算数据,在缺少时效性 的外部 DEM 数据时,该方法获取高程信息更可靠.

本文应用该方法对河南地区一矿区分布密集区 域进行了形变监测,首先应用 CRInSAR 方法获取 了安装在研究区域内的三组角反射器上的形变速率 值及高程改正值,应用外部水准数据进行精度验证, 其形变速率精度可达±1.2 mm,将 CR 点上形变参 数作为 PS 网络空间维解缠的约束数据,获取了该 区域最终线性形变速率场和高程改正场,应用水准 验证数据对加入 CR 点约束前后的 PS 网速率场进 行外部精度对比分析,结果表明加入 CR 点约束后, PS 点测量结果与各水准点的差异均方误差在两时 间段内均值为±2.0 mm,相比于传统方法精度有明 显提高,证明了应用 CR 点速率作为约束数据的合 理性,可修正由于参考点选取不当而出现的不合理 抬升点,更加合理地反应研究区域内矿区的真实沉 降情况.通过实地考查证实本文方法得出的研究区 域内主要沉降区与实际矿区分布位置吻合,进一步 证明了本文方法可有效地应用于研究区域内无外部 起算数据的情况,适用性更广,精度更高.由于本文 实验中只针对区域线性沉降进行探讨,在后续研究 工作中可进一步分离大气相位,提取出研究区域内 的非线性沉降场.

致 谢 感谢课题组胡俊、蒋弥、许文斌、尹宏杰、朱 珺等同学开展的周期性野外 GPS 和水准测量,为本 文提供了验证数据.本研究用的 ALOS PALSAR 数 据由日本空间局提供(AO-430).

参考文献(References)

- [1] Ferretti A, Prati C, Rocca F. Permanent scatterers in SAR interferometry. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2001, 39(1): 8~20
- [2] Ferretti A, Prati C, Rocca F. Nonlinear subsidence rate estimation using permanent scatterers in differential SAR interferometry. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2000, 38(5): 2202~2212
- [3] 卢丽君. 基于时序 SAR 影像的地表形变监测方法及其应用
 [博士论文]. 武汉:武汉大学, 2008
 Lu L J. Method for land deformation detection based on time series SAR images and its application [Ph. D. thesis] (in Chinese). Wuhan: Wu Han University, 2008
- [4] 龙江平. 基于 PS-InSAR 技术的 New Orleans 地区的变形监测的研究[硕士论文]. 长沙:中南大学信息物理工程学院, 2008

Long J P. Monitoring ground subsidence in New Orleans with Persistent Scatterers interferometry [M. A. thesis] (in Chinese). Changsha: School of Info-Physics and Geomatics Engineering, Centrol South University, 2008

- [5] 陈 强. 基于永久散射体雷达差分干涉探测区域地表形变的 研究[博士论文]. 成都:西南交通大学,2006
 Chen Q. Detecting regional ground deformation by Differential SAR Interferometry based on Permanent Scatterers [Ph. D. thesis] (in Chinese). Chengdu: South West Jiaotong University, 2006
- [6] 陈 强,丁晓利,刘国祥.永久散射体雷达差分干涉应用于区域地表沉降探测.地球物理学报,2007,50(3):737~743
 Chen Q, Ding X L, Liu G X. Radar differential interferometry based on permanent scatterers and its application to detecting regional ground subsidence. *Chinese J. Geophys.* (in Chinese), 2007, 50(3):737~743
- [7] 陈 强,丁晓利,刘国祥. 雷达干涉 PS 网络的基线识别与解 算方法. 地球物理学报,2009,52(9):2230~2236
 Chen Q, Ding X L, Liu G X. Baseline recognition and parameter estimation of persistent-scatterer network in radar interferometry. *Chinese J. Geophys.* (in Chinese), 2009, 52 (9):2230~2236
- [8] Burgmann R, Hilley G E, Ferretti A, et al. Resolving vertical tectonics in the San Francisco Bay area from

permanent scatter InSAR and GPS analysis. *Geology*, 2006, **34**(3):221~224

- [9] Xia Y, Kaufmann H, Guo X F. Differential SAR interferometry using Corner Reflectors. IEEE 2002 International Geoscience and Remote Sensing Symposium, 2002, 2:1243~ 1246
- [10] Xia Y, Kaufmann H, Guo X F. Landslide monitoring in the Three Gorges area using D-InSAR and corner reflectors. *Photogrammetric Engineering and Remote Sensing*, 2004, 70(10):1167~1172
- [11] Xia Y. CR-based SAR-interferometry for landslide monitoring. IEEE 2008 International Geoscience and Remote Sensing Symposium, 2008, 2:1239~1242
- [12] Kampes B M. Displacement parameter estimation using permernent scatterer interferometry [Ph. D. thesis]. Delft University of Technology, 2005
- [13] Kampes B M, Hanssen R F. Ambiguity resolution for permanent scatterer interferometry. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2004, 42(11):2446~2453

- [14] 张后苏.误差理论与测量平差基础.长沙:中南工业大学出版社,1995
 Zhang H S. Error Theory and Surveying Adjustment Basis(in Chinese). Changsha; Central South University Press, 1995
- [15] 廖明生,林 珲. 雷达干涉测量学:原理与信号处理基础. 北京:测绘出版社,2003
 Liao M S, Lin H. Synthetic Aperture Radar Intereferometry— Principle and Signal Processing(in Chinese). Beijing: Publishing House of Surveying and Mapping, 2003
- [16] 王 艳,廖明生,李德仁.利用长时间序列相干目标获取地面 沉降场.地球物理学报,2007,50(2):598~604
 Wang Y,Liao M S,Li D R. Subsidence velocity retrieval from long term coherent targets in radar interferometric stacks. *Chinese J. Geophys.* (in Chinese),2007,50(2):598~604
- [17] Liu G X, Sean M. B, Ding X L, et al. Estimating spatiotemporal ground deformation with improved persistent-Scatterer Radar Interferometry. *IEEE Transactions on Geoscience* and Remote Sensing, 2009, 47(9):3209~3219

(本文编辑 胡素芳)