

当物体达到完全压缩状态时,

$$v'_A = v'_B = v' \quad (6)$$

此时 A 对 B 的完整压缩冲量设为  $I_1$ , 仿照式(5), 有

$$I_1 \left( \frac{1}{m_A} + \frac{1}{m_B} \right) = (v'_B - v'_A) + (v_{A0} - v_{B0}) = v_{A0} - v_{B0} \quad (7)$$

由式(5)和式(7), 可得

$$(I - I_1)/I_1 = (v_B - v_A)/(v_{A0} - v_{B0}) \quad (8)$$

令  $\Delta I = I - I_1$ , 则由式(1)可知

$$e = \Delta I/I_1 \quad (9)$$

式中  $\Delta I$  表示剩余冲量, 由于式(9)是从任意碰撞中推导得到的, 故适用于任何碰撞过程, 即恢复因数等于碰撞的剩余冲量与完整压缩冲量之比。根据式(9)可将恢复因数的取值范围分为如下几段:

(1)  $e = 0$ , 即  $\Delta I = 0$ ,  $I = I_1$ . 碰撞总冲量等于完整压缩冲量, 表明碰撞过程刚好进行到完整压缩状态就结束了, 无恢复过程, 碰撞为完全非弹性碰撞;

(2)  $0 < e < 1$ , 即  $0 < \Delta I < I_1$ ,  $I_1 < I < 2I_1$ . 碰撞总冲量大于完整压缩冲量, 但小于两倍完整压缩冲量, 表明碰撞进行到完整压缩状态后, 还有一个不完整的恢复过程, 碰撞为弹性碰撞;

(3)  $e = 1$ , 即  $\Delta I = I_1$ ,  $I = 2I_1$ . 碰撞总冲量等于两倍完整压缩冲量, 表明碰撞不但有一个完整的压缩过程, 还有一个完整的恢复过程, 碰撞为完全弹性碰撞;

在以上 3 种取值范围内, 碰撞过程都有一个完整的压缩过程, 即  $I \geq I_1$ , 剩余冲量就是恢复冲量,  $\Delta I = I_2$ , 在此情况下式(9)可转化为式(2).

(4) 当  $-1 < e < 0$ , 即  $-I_1 < \Delta I < 0$ ,  $0 < I < I_1$ . 碰撞总冲量小于完整压缩冲量, 表明碰撞过程尚未进行到完全压缩状态就已结束, 整个碰撞过程是一个不完整的压缩过程, 穿透就是这类碰撞.

(5) 当  $e > 1$ , 即  $\Delta I > I_1$ ,  $I > 2I_1$ . 碰撞总冲量大于两倍完整压缩冲量, 表明在碰撞过程中有新能量补充进来, 爆炸就对应这类碰撞.

从以上的分析可见, 将恢复因数的定义由式(2)改为式(9)之后, 可由式(9)反映出各种碰撞, 扩大了恢复因数的取值范围。故笔者认为在现行教材中, 应按式(9)定义恢复因数, 这更有助于学生对碰撞问题的全面理解, 取得更好的教学效果。

## 参 考 文 献

- 1 哈尔滨工业大学理论力学教研室. 理论力学(第6版). 北京: 高等教育出版社, 2002
- 2 刘延柱, 杨海兴, 朱木华. 理论力学(第2版). 北京: 高等教育出版社, 2001
- 3 洪嘉振, 杨长俊. 理论力学(第2版). 北京: 高等教育出版社, 2002

## 利用 Flash 技术开发理论力学网络作业

胡 丰 董正筑 陈俊国

(中国矿业大学理学院, 徐州 221008)

**摘要** 针对开发理论力学网络作业中的特殊要求, 选择 Flash 软件及其编程技术作为开发工具。将功能模块化, 每一模块给出相应程序, 使动画具有作图、判断和传递信息等交互功能。

**关键词** Flash, 网络作业, ActionScript, 交互性, 模块化

近年来, 网络作业已成为网络教学中一个重要发展方向, 网络作业丰富了网络教学的形式, 它能及时反馈学生的学习情况, 使单向的网络教学变为双向, 真正实现教学的交

互性。将理论力学学习题制作成网络作业, 并通过互联网来考察学生对理论力学知识的理解和运用, 是理论力学教学创新的有益尝试。较通常形式的理论力学作业, 电子形式的作业让学生省去了抄写原题、绘制题图等步骤, 教师也不必批改作业, 自然可提高教学效率; 在与网络结合之后, 也使理论力学远程教育成为可能。

但理论力学网络作业实现起来较其它科目有其特殊性, 主要原因在于理论力学学习题通常不是单纯的文字求解题, 几

乎每一道题目都要与作图求解相结合。因此，在理论力学网络作业中必须具备作图功能，方便学生在网页中自由绘制受力图、速度图、加速度图等，同时计算机要能够判断学生作图结果的对错，并将作图信息向外传递。

为解决以上作图、判断和传递信息的问题，本文选用 Flash 软件作为开发的主要工具。Flash 软件是美国 Macromedia 公司开发研制的一种矢量动画制作软件，矢量动画的优点是：文件体积小，图像清晰，任意放大或缩小图像不失真，便于网络传输，Flash 集成的 ActionScript（动作脚本语言）使动画具有很强的交互性。Flash 是专门的多媒体开发软件，用它来开发多媒体程序相比于大型编程软件来说，开发速度要快很多。同时，以本文为例，还应当认识到 Flash 软件对图形具有很好的控制能力，在交互动画中图形可根据鼠标的操作和程序的设定做出相应的变化，如移动、拉伸、旋转等，这就可实现作图功能；图形变化的信息，如坐标值、长度、旋转的角度等，也可以实时被计算机提取，这就可实现判断作图结果对错的功能；Flash 动画兼容性好，与其它多媒体软件有变量传递接口，这就可实现传递信息功能。

## 1 开发设计思想

有很多 Flash 制作的动画被利用在多媒体教学中，但这些动画大多只具有演示功能，缺乏交互能力，无法由用户的操作产生相应的响应。一个具有交互性的 Flash 动画需要使用到编程语言 ActionScript。

考虑到理论力学习题众多，每一道题目又不尽相同，作图的结果也千变万化，若开发每一道题目时，都要对程序代码进行大量的修改，必然耗时耗力。为此程序代码应当具备可重复使用性，一道题目的代码在稍作修改后就可直接放在其它题目中。

欲实现代码的可重复使用性，需要将功能模块化。一个完善的 Flash 作图程序必须实现以下 4 种功能：

- (1) 可在任意两点间自由生成辅助线，并能将其删除，同时实时显示辅助线角度变化；
- (2) 可在某一点上任意添加矢量，并对大小、方向进行调节，可删除多余矢量，实时显示角度变化，能显示下标，下标显示方式可分为两种，自动生成和用户输入。作用力和反作用力情况时还要能显示上标，例如用  $F_A$  来代表作用力，用  $F'_A$  代表反作用力；
- (3) 具有简单的工具栏，点击其中的按钮可切换到相应的作图功能。
- (4) 作图完成时，计算机能判断作图结果的对错。作图信息要能向外传递，以判断文字求解部分的对错。

## 2 程序实现步骤

### 2.1 辅助线

辅助线是作图的重要工具，在矢量分解、汇交力系等习题中都需要借助辅助线来完成作图。本文设计绘制辅助线方式，如图 1 所示，当点击鼠标左键时，开始画直线，直线以此时光标的位置作为起点，当鼠标移动时，直线随着光标的移动一起伸长和旋转，再次点击左键时，结束绘制。用 Flash 实现这一动画特效，可先将一小段直线作为影片剪辑，再利用 onClipEvent() 函数来根据鼠标的移动改变这一影片剪辑的属性。程序为：

```
onClipEvent (mouseMove) {
    if (line_move) {
        // 调整直线倾斜角度
        _rotation = Math.atan(_parent.fixpt._ymouse/
            _parent.fixpt._xmouse)*180/Math.PI;
        // 显示角度
        _parent.line_angle.angle = Math.floor(-_rotation);
        // 调整直线长度
        _xscale = Math.distance(_parent.fixpt._xmouse,
            _parent.fixpt._ymouse, 0, 0);
        if (_parent.fixpt._xmouse<0) {
            _xscale = -_xscale;
        }
    }
}
```

为提高作图的精度，辅助线还需要显示直线倾斜的角度，如图 1 中的数字 16。这可在直线旁添加一输出文本框（Dynamic Text），输出值为以上程序中的变量 line\_angle.angle。

16



图 1 辅助线效果图

辅助线的生成区域由一足够大的按钮（Button）来定义，这个按钮不需要添加任何图形，仅仅用来形成一个热区，以起到接收鼠标键盘指令的作用，利用 attachMovie() 命令可将库中的影片剪辑复制出来，程序为

```
on (release) {
    if (dot_count == 0) {
        // 左键第一次点击
        attachMovie("lines", "line"+count, count);
        setProperty("line"+count, _y, _ymouse);
        setProperty("line"+count, _x, _xmouse);
```

```

this["line"+count].line.line_move = true;
dot_count++;
} else if (dot_count == 1) {
// 左键第二次点击
this["line"+count].line.line_move = false;
count++;
dot_count = 0;
}
}

```

## 2.2 矢量

矢量的效果图如图 2 所示，设计思想与辅助线相同，但要注意起始点不再由光标位置决定，而是固定在某一点上，如力的作用点。在表示该矢量的符号周围，还需要一些输出文本框来显示矢量信息，如角度、下标、上标等。上标和下标也可以改为输入文本框 (Input Text) 由用户自行输入。矢量生成与辅助线生成的方法相同，在作用点上添加按钮以形成热区，程序为：

```

on (release) {
attachMovie("red_force", "forceB_"+countB,
force_depth);
setProperty("forceB_"+countB, _y, pointB._y);
setProperty("forceB_"+countB, _x, pointB._x);
// 下标为 B
this["forceB_"+countB].F_text.sub = "B";
// 不显示上标
this["forceB_"+countB].F_text.upsub = "";
countB++;
force_depth++;
}

```

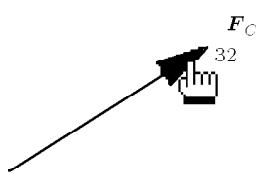


图 2 矢量效果图

## 2.3 工具栏

工具栏中的按钮用于切换不同的作图功能，一个简单的工具栏可如图 3 所示，图 3 中包括辅助线和力矢量两种作图功能。为达到切换作图功能的目的，可利用 setProperty() 命令调节相应功能热区的 \_visible 属性，设为 true 时，热区有效，可实现该热区功能；反之 \_visible 属性设为 false，相应功能被屏蔽。

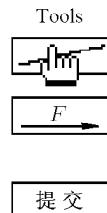


图 3 工具栏效果图

点击工具栏中的“提交”按钮，表示向计算机发送作图结束指令，计算机将判断作图结果的对错。利用 fscommand() 命令可使作图信息向外传递，传递的信息包括作图结果的对错、每一矢量旋转的角度和长度、输入的下标等。本文的外部程序是 Authorware，在 Authorware 中添加 ActiveX 控件便可接收到从 Flash 传递的信息。该按钮的程序为：

```

on (release) {
if (判断条件) {
// 结果发送至 Authorware
fscommand("variable", "正确");
// 发送作图信息
.....
} else {
// 结果发送至 Authorware
fscommand("variable", "错误");
}
}

```

## 3 举 例

静力学中的三力汇交习题需要使用辅助线来完成作图。如图 4 所示，利用本文设计的程序，可以先做出两个已知方向的力矢量，再用辅助线延长这两个力矢量，得到一个交点，最后将交点和未知方向力矢量作用点连接，便确定了最后一个力矢量的方向。

在运动学、动力学部分中，会遇到其它一些矢量，如速度、加速度等。为明确各矢量意义，不同类矢量可选择不同颜色表示，而程序代码无需再做改动。图 5 是一道利用基点法求速度的运动学题，在这类题中需要对速度矢量分解，学生可利用辅助线画平行四边形的方法来完成，而矢量的下标、角度、长度等信息也将被传递以供文字求解部分使用。为满足其它需要，工具栏中有时还需添加新的按钮，图 6 是用瞬心法求解同一道题，程序还要判断瞬心的位置是否正确，标出瞬心的程序设计方法也与前类同。

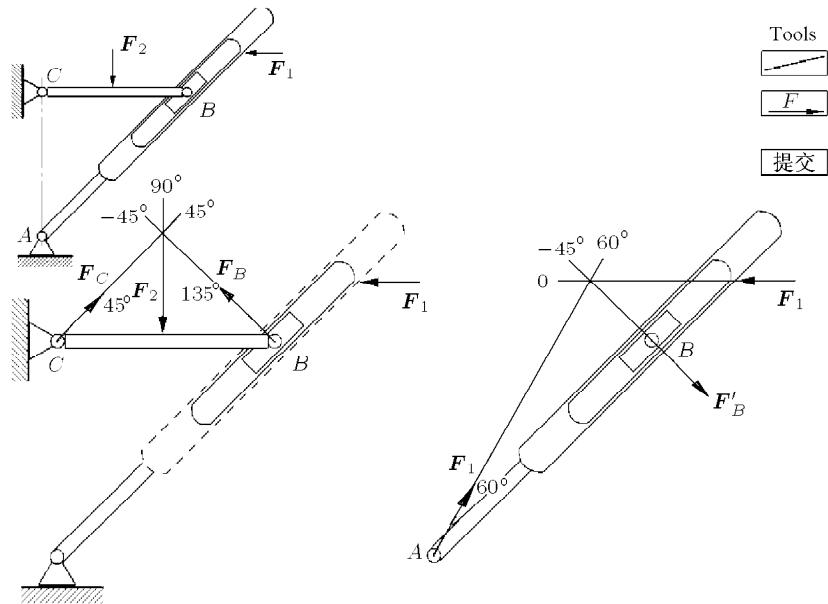


图 4 三力汇交

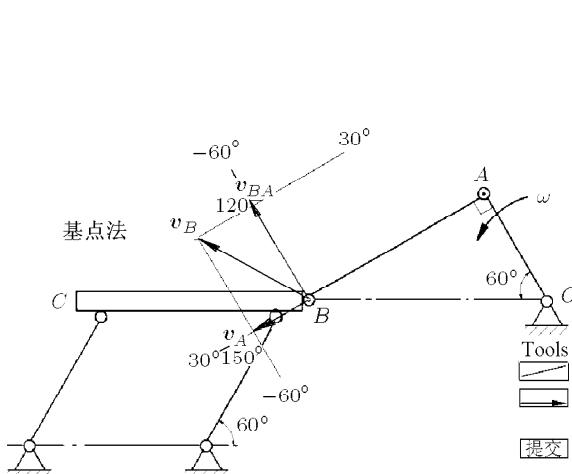


图 5 基点法求速度

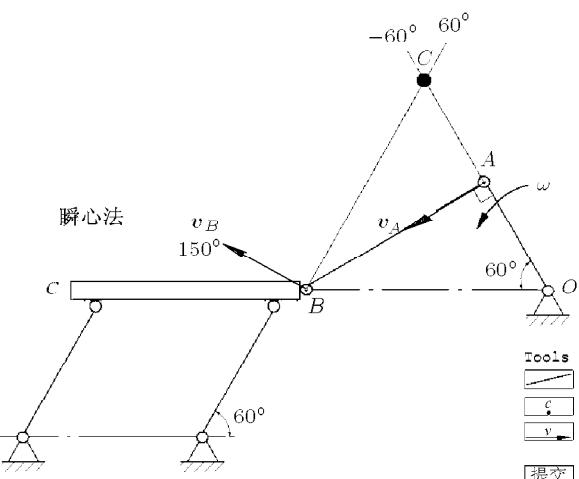


图 6 瞬心法求速度

#### 4 结语

本文详尽介绍了如何利用 Flash 软件及其编程技术开发理论力学网络作业, 本文的方法在稍加训练后就可迅速掌握。Flash 软件同样也是一个优秀的绘图软件, 习题原图也可由 Flash 来绘制。由于程序代码具备了可重复使用性, 开发者在开发不同习题时, 只需完成绘图工作及编写判断条件

即可, 因此提高了开发效率。

#### 参 考 文 献

- 1 颜金彬, KCLY 小土豆工作室. 内客实战——Flash 高级编程. 北京: 电子工业出版社, 2003
- 2 哈尔滨工业大学理论力学教研室. 理论力学(I). 北京: 高等教育出版社, 2002