## Motor Imagery EEG Classification Based on CI-HMM\*

MENG Ming<sup>\*</sup>, MAN Haitao, SHE Qingshan

(Intelligent control and Robotics Institute, Hangzhou Dianzi University, Hangzhou 310018, China)

Abstract: In the applications of hidden Markov model (HMM) in motor imagery electroencephalogram (EEG) classification, the independence assumption of HMM is inconsistent with the inherent correlation of EEG signals. In order to resolve the problem, an EEG classification method based on Choquet fuzzy integral HMM (CI-HMM) is proposed. The independence assumption of HMM is relaxed by substituting the monotonicity of fuzzy integrals for the additivity of probability measures. Each signal was segmented using overlapping sliding window. Then from each segment, the absolute mean, wavelength and wavelet packet based relative energy features were extracted to constitute observation sequence for the CI-HMM training and classification. The BCI Competition 2008 Datasets 1 with two classes of motor imagery were selected for classification experiments. The experimental results show that this method can effectively improve the performance of the HMM method used in motor imagery EEG classification.

Key words: EEG; motor imagery; fuzzy integral; hidden Markov model

EEACC:7230J;7220;7510D doi:10.3969/j.issn.1004–1699.2013.12.003

# 基于 CI-HMM 的运动想象脑电信号分类\*

孟明\*, 满海涛, 佘青山 (杭州电子科技大学智能控制与机器人研究所, 杭州 310018)

**摘 要:**针对隐马尔科夫模型在运动想象脑电信号分类应用中,其独立性假设与脑电信号间相关性的不一致问题,提出一种 基于 Choquet 模糊积分隐马尔科夫模型的脑电信号分类方法。该模型应用模糊积分的单调性取代了概率测度的可加性,放宽 了隐马尔科夫模型的独立性假设。利用重叠滑动窗对脑电信号分段,然后对每段数据提取绝对均值、波长和小波包相对能量 特征,构成特征序列用于 CI-HMM 的训练和分类。选取 2008 年 BCI 竞赛 Datasets 1 的两类运动想象数据进行分类实验,结果 表明,该方法有效提高了隐马尔科夫模型方法对运动想象脑电信号分类的性能。

关键词:脑电信号;运动想象;模糊积分;隐马尔科夫模型

中图分类号:TP391 文献标识码:A 文章编号:1004-1699(2013)12-1638-06

在人们想象肢体动作的规划和执行阶段,大脑 皮层对侧主感觉运动区会出现特定节律波衰减的现 象,称为事件相关去同步电位 ERD(Event-Related Desynchronization);而在动作执行结束后,则会出现 特定节律波增强的现象,称为事件相关同步电位 ERS(Event-Related Synchronization)<sup>[1]</sup>。基于 ERD/ ERS模式进行意图识别是脑机接口的一种重要方 式,相对于 P300、VEP 等诱发电位方式,运动想象具 有无需外界刺激、可实现异步通讯等优点,在脑机接 口研究当中被广泛关注<sup>[2]</sup>。这种自发的脑电信号 EEG(Electroencephalogram,)更为微弱,并具有显著 的非平稳性和非线性,这给 EEG 的特征提取和运动 想象分类带来很大的挑战。

在马尔科夫模型基础上发展起来的隐马尔科夫 模型(HMM)是一种用于描述随机过程统计特性的 通用模型<sup>[3]</sup>,已成功应用于语音识别领域,因而也 被尝试用于运动想象 EEG 这类多元时序信号的分 类。Souza 等<sup>[4]</sup>采用幅值平方相干函数提取 EEG 特 征,然后分别利用 HMM 和多层感知器(MLP)对手 指动作的实际运动和运动想象进行识别,HMM 方法 的识别准确率优于 MLP 方法。Argunsah 等<sup>[5]</sup>利用 HMM 结合自回归模型(AR)和主成分分析(PCA)

项目来源:国家自然科学基金项目(61172134,61201302);浙江省自然科学基金项目(LY12F03006);浙江省科技计划项目 (2010C33075,2013C24016)

方法对左手、右手、双脚和舌头4类运动想象 EEG 进行分类,平均识别率为74%。Yang<sup>[6]</sup>等采用 AR 模型方法提取左手和右手两类运动想象 EEG 的特 征,利用最大边际估计方法进行 HMM 的参数重估, 再用该 HMM 进行分类,相对于传统期望最大化 (EM)重估方法的 HMM 识别率提高了5%。虽然 HMM 可以有效地对 EEG 进行分类,但是识别正确 率并不理想。一个重要的原因在于,EEG 信号序列 之间具有一定的关联性,但 HMM 却存在内部独立 性假设,要求信号之间独立,因此,如何消除这种独 立性假设的影响显得至关重要。

以模糊集理论为基础的模糊数学,可以有效地 处理不确定性现象。Sugeno<sup>[7]</sup>1974 年以模糊集理 论为基础,提出了模糊测度的概念,以其更广泛的单 调性取代了概率测度的可加性。Mohamed 等<sup>[8]</sup>利 用模糊测度上的 Choquet 积分,将传统 HMM 推广为 模糊 HMM,并通过手写字符识别的实例表明模糊 HMM 在处理序列信号时有更好的适应性,可以得到 更高的识别率。本文利用基于 Choquet 积分的模糊 HMM,即 Choquet 积分 HMM(Choquet integral HMM, CI-HMM),建立一种运动想象 EEG 分类方法,以放 宽 HMM 对 EEG 信号的独立性假设要求,并采用 BCI Competition 2008 Data Sets 1 运动想象 EEG 数 据进行了分类方法的实验验证和分析。

## 1 CI-HMM 基本原理和算法

#### 1.1 模糊测度

设 *X* 是任意的非空集合,  $\Omega \in X$  的子集所构成 的非空集类,  $g: \Omega \rightarrow [0,1]$  为定义在  $\Omega$  上的一个函 数集, 如果 g 满足如下性质, 那么称  $g \in \Omega$  上的一 个模糊测度<sup>[9]</sup>。

(1)边界条件: $g(\phi) = 0, g(X) = 1$ ;

(2)单调性: $\forall A, b \in \Omega$ ,若 A⊆B,则有 g(A) ≤ g(B);

(3) 连续性: 如果  $\forall F_n \in \Omega, 1 \leq n < \infty$ , 且序列  $\{F_n\}$  是单调的,则有  $\lim g(F_n) = g(\lim F_n)$ 。

#### 1.2 Choquet 积分

Choquet 积分是定义在模糊测度基础上的一种集 合函数<sup>[10]</sup>。设(*X*,  $\Omega$ )是一个可测空间, *h*: *X*→[0,1] 为 $\Omega$ 上一可测函数, 对*A*⊆ $\Omega$ , 可测函数*h*关于模糊测 度 *g* 在集合 *A* 上的 Choquet 模糊积分定义为:

$$(C) \int_{A} h(x) \circ g(\cdot) = \int_{0}^{1} g(A_{\alpha}) d\alpha \qquad (1)$$

其中 $A_{\alpha} = \{X | h(X) \ge \alpha\}, \alpha \in [0,1]_{\circ}$ 

对于有限集 X, 设  $A_i = \{x_i, x_{i+1}, \dots, x_N\}$ ,  $h(x_1) \leq$ 

 $h(x_2) \leq \cdots \leq h(x_N)$ 则 X上的 Choquet 模糊积分为:

$$(C) \int_{A} h(x) \circ g(\cdot) = \sum_{i=1}^{N} h(x_{i}) [g(A_{i}) - g(A_{i+1})] = \sum_{i=1}^{N} h(x_{i}) [g_{i}^{N} - g_{i+1}^{N}] = \sum_{i=1}^{N} h(x_{i}) d_{i}$$
(2)

其中,记 $d_i = g_i^N - g_{i+1}^N$ 。

## 1.3 CI-HMM 算法

与经典 HMM 一样,CI-HMM 也是一个双重内嵌 式随机过程,其中一个是 Markov 链,另一个是描述 了状态和观察值之间对应关系的随机过程。对于一 个给定的观察序列,CI-HMM 隐含了一个与此观察 序列对应的状态序列,其中状态之间的对应关系由 模糊测度给出。类似地,CI-HMM 也可以用一个三 元组  $\hat{\lambda} = (\hat{\pi}, \hat{A}, \hat{B})$ 来表示<sup>[11]</sup>。CI-HMM 模型的状态 集合记为  $S = \{S_1, S_2, \dots, S_N\}$ ,N 为状态数目,则

(1) $\hat{\pi} = \{\hat{\pi}_i\}$ 表示初始状态模糊密度向量, $\hat{\pi}_i = \hat{\pi}_i(\{S_i\})$ 是初始状态的模糊密度;

(2) $\hat{A} = [\hat{a}_{ij}]$ 为转移模糊密度矩阵,其中 $\hat{a}_{ij} = \hat{a}_{Y}(\{y_i\} | x_i)$ 是Y关于X的条件模糊测度,表示转移模 糊密度,其中 $x_i$ 为t时刻的状态, $y_i$ 为t+1时刻的状态;

(3) $\hat{B} = [\hat{b}_i(O_i)]$ 是观察值的概率密度矩阵,其 中 $\hat{b}_j(O_i)$ 是定义在模糊测度上的模糊密度,是对状 态为 $S_j$ 时观察到符号 $O_i$ 的确定性程度的度量。

#### 1.4 CI-HMM 模型的前后向算法

随着模糊积分的引入,经典 HMM 中输出概率的 计算也相应变为对输出模糊测度 *P*(*O* | *λ̂*)的求解。 在给定模型 *λ̂* 时,可以通过前后向模糊变量求得。

记 $\hat{\alpha}_{t}(i)$ 为前向模糊变量,表示 t 时刻,状态为  $x_{i}$ 时观察序列是 $\{O_{1}, O_{2}, \dots, O_{t}\}$ 的确定性程度。对 应的 $\hat{\beta}_{t}(i)$ 为后向模糊变量,表示 t 时刻,状态为  $x_{i}$ 条件下观察子序列是 $\{O_{t+1}, O_{t+2}, \dots, O_{T}\}$ 的确定性程 度。前、后向模糊变量的计算步骤如下:

(1)初始化:

$$\hat{\alpha}_{1}(i) = \hat{\pi} \wedge \hat{b}_{i}(O_{1}) \tag{3}$$

其中 / 为模糊交算子。

(2)迭代:

$$\alpha_{i+1}(j) = \alpha_{\Omega_{Y}}(\{O_{1}, O_{2}, \cdots, O_{i+1}\} \times \{y_{j}\}) = \int_{X} \hat{a}_{Y}(\{y_{i}\} | x_{i}) \circ \hat{\alpha}_{\Omega_{X}}(\{O_{1}, O_{2}, \cdots, O_{i}\}, \cdot) \wedge \hat{b}_{j}(O_{i+1})$$
(4)

类似地,后向模糊变量计算为:

$$\hat{\beta}_{t}(i) = \hat{\beta}_{t}(i)_{\Omega_{t+1,T}}(\{O_{t+1}, O_{t+2}, \cdots, O_{T}\} | x_{i}) = \int_{Y} \left[\hat{\beta}_{\Omega_{t+2,T}}(\{O_{t+2}, \cdots, O_{T}\} | y_{j}) \land \hat{b}_{j}(O_{t+1})\right] \cdot \hat{a}_{Y}(\{y_{j}\} | x_{i})$$
(5)

$$\hat{\alpha}_{i+1}(j) = \left[\sum_{i=1}^{N} \hat{\alpha}_{ij} d_i(i,j)\right] \wedge \hat{b}_j(O_{i+1})$$
(6)

$$\hat{\beta}_{i}(i) = \left[\sum_{j=1}^{N} a_{ij} \rho(i,j)\right] \hat{\beta}_{i+1}(j) \hat{b}_{j}(O_{i+1}) \quad (7)$$

其中 $\rho(i,j) = \frac{d_i(i,j)}{\hat{\alpha}_i(i)}$ 。

在式(5)计算前向模糊变量时,将联合测度  $\hat{\alpha}_{0y}(\{O_1, O_2, \dots, O_i\} \times \{y_j\})$ 分别定义在观察序列 $O_1$ ,  $O_2, \dots, O_i$ 及状态 $y_j$ 上的两个模糊测度的联合形式, 并没有假设该测度可以以乘积的形式分解,类似的, 计算后向模糊变量时,做了同样的处理,因此 CI-HMM 的统计独立性比 HMM 的统计独立性假设 要弱。

## 2 运动想象 EEG 信号的分类

#### 2.1 EEG 信号的特征提取

CI-HMM 的输入为特征向量序列,因此首先要 将运动想象 EEG 信号按顺序分成段,再从每段中分 别提取特征,构成 EEG 信号特征序列。本文采用窗 口重叠滑动的分段方式,设数据滑动窗口  $S_i$ 长度为  $L_w$ 个采样点,窗口重叠长度为  $L_o$ 个采样点,即每次 窗口滑动的间隔为( $L_w$ - $L_o$ )个采样点,如图 1 所示。





将 EEG 信号分段后,对每段信号分别选取时域 方法和时频域小波包方法提取特征。其中时域特征 采用绝对均值和波长两类特征<sup>[12]</sup>;时频域特征采用 小波包分解和重构特定频段信号,然后提取各频段 的相对能量作为特征<sup>[13-14]</sup>。运动想象脑电信号的 ERD/ERS 现象一般在 alpha 节律(8 Hz ~ 14 Hz)和 beta 节律(14 Hz ~ 30 Hz)比较明显,首先根据信号 的频率范围,用 db5 小波包基函数将信号进行多层 分解,然后根据 alpha 节律和 beta 节律的频段范围, 选择适当的小波包子频带进行叠加重构对应的频段 信号,然后计算该频段能量相对全部频段能量的比 值作为特征。

#### 2.2 CI-HMM 结构的选取

在运用 CI-HMM 进行 EEG 信号分类时,可以按

进行动作运动想象过程的不同阶段来对应确定模型 的状态拓扑结构。想象动作是一个连续过程,当大 脑皮质某区域被激活,该区域的代谢和血流增加,导 致脑电波相关节律幅度降低,出现 ERD,而在大脑 静息或惰性状态下表现出幅度明显增高,出现 ERS, 针对这个过程中 EEG 信号的模式特点,本文选取无 跨越从左至右型的 CI-HMM 结构,如图 2 所示。在 该结构中每个状态下的输出测度采用混合模糊密度 形式,以适应 EEG 信号的非平稳性和非线性。



图 2 无状态跨越 CI-HMM 拓扑结构图

#### 2.3 基于 CI-HMM 的 EEG 分类

应用 CI-HMM 对 EEG 信号进行模式分类时,分为训练和识别两个阶段。首先需要对每种运动想象动作所对应的模型进行训练,然后利用得到的模型进行识别操作,整个系统的原理框图如图 3 所示。



#### 图 3 基于 CI-HMM 的 EEG 模式分类系统

在训练阶段,首先设定模型的初始参数,然后将 每种运动想象 EEG 的样本数据集提取特征构成特 征序列集合,利用 Baum-Welch 算法进行样本训练 得到重估后的 CI-HMM 参数。在识别阶段,待分类 的 EEG 信号经特征提取得到特征序列后,输入到每 种运动想象动作的 CI-HMM 模型中,经前后向算法 分别计算出各模型  $\hat{\lambda}$  的输出模糊测度  $P(\hat{\lambda})$ ,然后 选取最大输出模糊测度  $P(\hat{\lambda})$ 对应的运动想象动作 作为模式分类结果。

## 3 实验结果与分析

为验证所提出分类方法的有效性,对来源于由 Berlin BCI研究组<sup>[15]</sup>提供的2008年BCI Competition IV Datasets1的实验数据进行了分类实验。该数据 集包含分别采集于七名健康的受试者的七组数据, 其中5名受试者为左手和右手运动想象,另外2名 受试者为左手和脚运动想象。实验采用双导联方式 记录59个通道的EEG信号,带通滤波的范围是0.5 Hz~200 Hz,采样频率为1000 Hz,但提供的数据进行了频率为100 Hz的下采样。

每次采集实验的过程如图 4 所示,首先受试者 安静准备 2 s,同时在屏幕上显示十字符号,在第 2 s 时,出现向左、向右、向下的箭头,分别提醒受试者进 行左手、右手以及脚的运动想象运动,想象时间持续 4 s,紧接着出现 2 s 黑屏,表示本次实验结束。每个 受试者进行 200 次运动想象,单次实验持续 8 s。



本文选取4位受试者 a、b、f、g 的标定数据进行 分类实验,其中 a、f 进行的是左手和脚的运动想象, b、g 进行的是左手和右手的运动想象。在各通道信 号中选取了运动想象分类常用的 C3、C4 两路通道的 数据用于特征提取。为了获取较好的分类效果,同时 考虑到特征提取中的小波包分析,在每次实验记录的 数据中,选取受试者在执行运动想象阶段的400个采 样点,以及开始运动想象之前和停止运动想象之后的 各 56 个采样点,共 512 个采样点进行特征提取。

在 CI-HMM 的训练和识别过程中需要进行大量 的模糊测度计算,如果模型拓扑结构中的状态数和 混合数比较大的话,不仅增加计算量,而目需要估计 的参数个数也明显增多,在有限的样本条件下,导致 分类性能下降。为了尽可能地减少计算量和对训练 样本的需求,根据运动想象 EEG 信号的特点,将 CI-HMM 的状态数 N、每种状态的模糊密度混合数 M, 分别设置在3~7和2~4的范围内,并分别在这个 范围内组合计算对应结构模型的识别率,以寻找最 优的 CI-HMM 结构。采用不同状态数和混合数的模 型进行分类的识别结果如图 5 所示,其中纵坐标表 示不同 N、M 下的平均识别率,横坐标表示受试者的 状态数N,不同的标记符号表示不同的混合数M:正 方形表示 M=2,上三角形表示 M=3,下三角形表示 M=4。特征选取时域特征和小波包特征的混合特 征。从图中可知,对于受试者  $a_f$ , 当 N = 4, M = 4时,本实验的 EEG 信号的分类效果最为理想;对于 受试者  $b_{g}$ , 当 N=5, M=4 时, 分类效果最为理想。





特征提取中利用滑动窗对信号进行分段,窗口的 长度  $L_w$  和重叠长度  $L_o$  也会影响到后续分类器的分 类效果。为了分析滑动窗口的影响,取 CI-HMM 的最 优  $N_M$  参数,选取时域特征和小波包特征的混合特 征,对不同的  $L_w$  和  $L_o$  组合下 4 位受试者的分类平均 识别率如图 6 所示,其中横纵标为滑动窗口长度和重 叠长度的组合  $L_w/L_o$ 。可以看出,对于 4 位受试者具 有一致的结果,重叠长度对于分类结果的影响更为明显,其中128/64的组合获得的平均识别率最高。

对提取得到的不同类型特征的选择也会直接影 响到信号的分类效果。本文提取了时域和小波包能 量两类特征,为了探讨特征选择对于 CI-HMM 分类 效果的影响,选择了时域、小波包能量和两类混合等 3 种不同特征集合进行分类实验,同时为与经典 HMM 分类效果进行比较,对每种特征集合分别采用 CI-HMM 和 HMM 两种分类方法进行实验,分类识别 的结果如图 7 所示,其中 T 表示时域特征,W 表示小 波包能量特征,C 表示两类混合特征。



图6 不同滑动窗下的识别率

由图 7 可以看出,在两种模型分类方法中,单独的时域特征集合都得到最高的识别率,表明时域特征更适合于 HMM 这种对随机过程建模的方法。4 位受试者在 3 种特征集合下 CI-HMM 的平均识别率分别为 82.4%、79.1%、82.1%,HMM 的平均识别率分别为 75.2%、72.5%、74.3%,即对于不同的特

90 85 识别率/% 80 75 70 65 CI/T CI/W CI/C H/T H/W H/C (a)受试者a 90 85 识别率/% 80 75 70 65 CI/T CI/W CI/C H/T H/W H/C (c)受试者f

征集合,CI-HMM 方法的识别性能均优于 HMM 方法。在 CI-HMM 方法中,因为模糊测度和模糊积分 具有的单调性,使 CI-HMM 避免了独立性假设的约束,能够更一致地描述运动想象过程中的 EEG 信号,最终获得了高于经典 HMM 的分类效果。 为了进一步说明 CI-HMM 分类方法的有效性

为了进一步说明 CI-HMM 分类方法的有效性, 采用混合特征集合的 CI-HMM 方法与 EEG 分类中 常用的共空间模式(CSP)及其改进方法在同一运动 想象数据集上获得的识别率<sup>[16]</sup>进行比较,如表1 所 示。与基本 CSP 方法相比,CI-HMM 方法的识别率 明显提高,相对于改进的滤波器组共空间模式 (FBCSP)方法,单个受试者的最高识别率较低,但整 体平均识别率略有提高,表明 CI-HMM 方法对不同 受试者的适应性较好,分类结果更为稳定。CI-HMM 方法在单个受试者和整体平均识别率上都比 邻接矩阵分解(AMD)方法要低,但 CI-HMM 方法只 使用了 C3、C4 两路通道的 EEG 信号,而 CSP 和 AMD 方法中使用了全部 59 路通道的 EEG 信号,在 数据采集上的要求更高。



图 7 4 位受试者在不同的特征集合的分类效果

表1 不同分类方法的平均识别率比较

受试者				
	CSP	FBCSP	AMD	CI-HMM
a	67.1	66.5	85.9	82.9
b	76.6	87.5	85.2	80.6
f	65.3	87.2	89.3	81.5
с	74.6	82.5	86.3	83.2

## 4 结论

本文提出运用 CI-HMM 对运动想象 EEG 信号 进行分类的方法。CI-HMM 利用模糊积分的单调 性,有效地解决了经典 HMM 在计算观察序列概率 时的独立性假设,从而提高了 EEG 信号分类的准确 率。对两类运动想象动作的分类实验表明, CI-HMM 方法应用于运动想象 EEG 信号的分类中具有 可行性,并能够得到较高的识别准确率。

#### 参考文献:

- Pfurtscheller G, Neuper C. Motor Imagery and Direct Brain-Computer Communication [J]. Proceedings of the IEEE, 2001, 89 (7):1123-1134.
- [2] Mak J R, Wolpaw J R. Clinical Applications of Brain-Computer Interfaces: Current State and Future Prospects [J]. IEEE Reviews in Biomedical Engineering, 2009 (2):187–199.
- [3] Rabiner L R. A Tutorial on Hidden Markov Models and Selected Applications in Speech Recognition [J]. Proceedings of the IEEE, 1989,77(2):257-285.
- [4] Souza A P, Filho S A, Felix L B, et al. Classification of Imaginary Movements Using the Magnitude-Squared Coherence Feature Extractor [C]//Proceedings of the 2012 ISSNIP Biosignals and Biorobotics Conference, 2012:1–6.
- [5] Argunsah A O, Cetin M. AR-PCA-HMM Approach for Sensorimotor Task Classification in EEG-Based Brain-Computer Interfaces [C]//Proceedings of the 20th International Conference on Pattern Recognition, 2010:113-116.
- [6] Yang Y, Yu Z L, Gu Z H, et al. A New Method for Motor Imagery Classification Based on Hidden Markov Model [C]//Proceedings of the 7th IEEE Conference on Industrial Electronics and Applications, 2012:1588-1591.
- [7] Sugeno M. Theory of Fuzzy Integrals and Its Applications [D].



**孟** 明(1975-),男,2006 年于中国科 学技术大学获得博士学位,现为杭州 电子科技大学副教授、硕士生导师,主 要研究方向为信息获取与机器人智能 控制、生物信息检测与处理等。 Tokyo Institute of Technology, 1974.

- [8] Mohamed M A, Gader P. Generalized Hidden Markov Models-Part II: Application to Handwritte Word Recognition [J]. IEEE Transactions on Fuzzy Systems, 2000,8(1):82–94.
- [9] Ralescu D, Adams G. The Fuzzy Integral [J]. Journal of Mathematical Analysis and Applications, 1980, 75(2):562-570.
- [10] Klement E P, Mesiar R, Pap E. A Universal Integral as Common Frame for Choquet and Sugeno Integral [J]. IEEE Transactions on Fuzzy Systems, 2010, 18(1):178-187.
- [11] Mohamed M A, Gader P. Generalized Hidden Markov Models-Part I: Theoretical Frameworks [J]. IEEE Transactions on Fuzzy Systems, 2000,8(1):67-81.
- [12] 孟明,佘青山,罗志增.HMM 在下肢表面肌电信号步态识别中的应用[J].华中科技大学学报(自然科学版),2011,39(S2): 177-179.
- [13] 黄思娟,吴效明.基于能量特征的脑电信号特征提取与分类[J].传感技术学报,2010,23(6):782-785.
- [14] 颜世玉,刘冲,赵海滨. 基于分解的意识脑电特征提取[J]. 仪 器仪表学报,2012,33(8):1749-1752.
- [15] Blankertz B, Dornhege G, Krauledat M, et al. The Non-Invasive Berlin Brain-Computer Interface: Fast Acquisition of Effective Performance in Untrained Subjects [J]. NeuroImage, 2007, 37 (2): 539-550.
- [16] 佘青山,昌凤玲,范影乐.基于邻接矩阵分解的脑电特征提取 与分类方法[J].传感技术学报,2012,25(9):1204-1209.