# Characteristic Research and Experiment of Micro Accelerometer Startup Drift\*

DAI Gang<sup>1,2</sup>, LI Mei<sup>1</sup>, DU Lianming<sup>1</sup>, HE Xiaoping<sup>1</sup>, SU Wei<sup>1</sup>, SHAO Beibei<sup>2</sup>\*

(1. Institute of Electronic Engineering, China Academy of Engineering Physics, MianYang Sichuan 621900, China) (2. Department of Engineering Physics, Tsinghua University, Beijing 100084, China)

Abstract: The bulk silicon micro accelerometer exists the problem of long start-up time and large start-up drift which can not satisfy the requirement of fast start-up application. In order to reduce the start-up time of the micro accelerometer, this paper researches on the start-up characteristic of the micro accelerometer, analyzes the heat generating and its conduct in the micro structure and the detection circuit and establishes the finite element model for the thermal analysis. A thermal resistor with the micro structure inside the chip package was fabricated to verify the analysis. Finally, with a series of experiment, it was proved that the thermal conduction and time drift are the main reason of the micro accelerometer startup drift.

 $Key \ words: {\tt micro\ accelerometer}; startup\ drift; thermal\ analysis; thermal\ conduction$ 

EEACC:7320E;7230 doi:10.3969/j.issn.1004–1699.2011.10.009

# 微加速度计启动漂移特性研究与实验\*

代 刚<sup>1,2</sup>,李 枚<sup>1</sup>, 杜连明<sup>1</sup>, 何晓平<sup>1</sup>, 苏 伟<sup>1</sup>, 邵贝贝<sup>2</sup>\* (1. 中国工程物理研究院电子工程研究所,四川 绵阳 621900; 2. 北京清华大学工程物理系, 北京 100084

**摘** 要:目前研制的基于体硅工艺的微加速度计存在着启动时间较长,启动漂移量较大的问题,难以满足某些需要快速启动 的应用。为了减少微加速度计的启动时间,对微加速度计的启动漂移特性进行了研究。分析了启动过程中微加速度计表芯 自身发热,驱动和检测电路的发热的热传导和电路参数漂移的影响,并建立了包括电路的微加速度计有限元模型进行热仿真 分析,为了验证分析的结果设计了内嵌热敏电阻的微加速度计,最后通过一系列的实验验证了微加速度计启动漂移主要是由 于电路发热热传导和时间漂移共同作用所致。

关键词:微加速度计;启动漂移;热分析;热传导

### 中图分类号:TH824.4 文献标识码:A

微加速度计在冷启动后其输出会经历数分钟时 间才会稳定,这种漂移量称为启动漂移,其中混合了 时漂和温漂两种现象<sup>[1]</sup>。目前制造的基于体硅工 艺的微加速度计其预热时间约为 5 min ~ 10 min<sup>[2]</sup>, 漂移量约为全量程的 0.02% ~ 0.2% (50  $g_n$  量程典 型值)。在引信或者飞行器的导航定位系统上应用 时,往往没有这么长的准备时间,需要开机立刻开始 使用<sup>[3]</sup>,此时启动漂移会对输出造成较大的误差, 文章编号:1004-1699(2011)10-1416-06

因此需要研究微加速度计的启动特性。当前的研究 主要集中于微加速度计温度特性的实验建模与补 偿<sup>[4-5]</sup>以及温度控制方法等方面<sup>[6-8]</sup>,对微加速度启 动过程中的变化研究较少。

# 1 启动过程微加速度计变化因素分析

启动过程中微加速度计产生变化的因素可分为 表芯自身的发热,驱动和检测电路的发热至表芯的 热传导和驱动和检测电路的发热导致电路参数的 漂移。

首先分析微结构上电后自身的发热情况,由 于微加速度计的表芯可以等效为一个 RCR 串联电 路<sup>[9]</sup>,其等效电路图如图1所示,只有交流分量能 够通过,因此主要考虑交流电通过表芯产生的焦 耳热。



图1 微加速度计表芯等效电路图

交流电通过电阻产生焦耳热,如果可以计算得到 在电阻上的电流和微结构的电阻,即可计算热功率。 由图1,可得支路电流满足以下关系:

$$\begin{cases} V_{s}\sin\omega_{0}t = i_{1}R_{1} + i_{3}R_{3} + \frac{1}{C_{1}}\int_{-\infty}^{t}i_{1}dt \\ V_{s}\sin\omega_{0}t = i_{2}R_{2} - i_{3}R_{3} + \frac{1}{C_{2}}\int_{-\infty}^{t}i_{2}dt \\ i_{1} = i_{2} + i_{2} \end{cases}$$
(1)

该微分方程组解析解较为复杂,可使用电路 仿真工具或者数学工具建立该电路模型进行数值 计算。分析时考虑理想情况,当微结构对称且闭 环反馈平衡时,*R*<sub>1</sub>=*R*<sub>2</sub>=*R*,*C*<sub>1</sub>=*C*<sub>2</sub>=*C*,此时有简化 的解为

$$\begin{cases} i_1 = i_2 = \frac{V_s \sin \omega_0 t}{\sqrt{\left(\frac{2}{\omega_0 C}\right)^2 + 4R^2}} \\ i_3 = 0 \end{cases}$$
(2)

浓硼硅的电阻率约为 4×10<sup>-5</sup> Ωm<sup>[10]</sup>,根据微结 构尺寸估计出  $R_1, R_2, R_3$ 。估算出的  $R_1 = 5$  Ω,  $R_2 = 5$ Ω,  $R_3 = 10$  Ω。在已知通过电阻的电流大小的情况 下,电阻的焦耳热功率可以如式(3)计算。

$$P = \frac{\omega_0}{2\pi} \int_0^{\frac{2\pi}{\omega_0}} I^2 \sin^2(\omega_0 t) \, \mathrm{d}t = \frac{I^2 R}{2}$$
(3)

本结构的微加速度计的相关参数为:  $V_s$  = 4 V,  $\omega_0$  = 200 kHz, C = 1.2 pF。可以计算得到表芯内部 硅结构等效电阻上的热功率为  $P_1 = 1.2 \times 10^{-12}$  W,  $P_2 = 1.2 \times 10^{-12}$  W,  $P_3 = 0$ ,根据微结构的体积 V = 4.8×10<sup>-9</sup> m<sup>3</sup>,可以计算出热源系数为5×10<sup>-4</sup> W/m<sup>3</sup>。实际上  $R_1$ 和  $R_2$ 的值不可能完全一样,只要  $R_1$ 和  $R_2$ 有差异, $i_3$ 就不为零,这样  $i_3$ 支路也会产生热量,由 于 $i_3 < i_{1max}$ ,因此 $i_3$ 支路有最大电流时, $P_3 = 2P_1 = 2.4$ ×10<sup>-12</sup> W,因此可以计算出芯片由于焦耳热导致的 热源系数最大为1×10<sup>-3</sup> W/m<sup>3</sup>。

其次是驱动和检测电路自身的发热,通过电流 计可以测得微加速度计的电流,进而计算出驱动和 检测电路的总功耗。微加速度计的输入直流电压为 ±12 V,测得电流分别为6.664 mA 和2.52 mA,因此 总功率为110.2 mW,根据驱动和检测电路的 PCB 的体积,可以估算出驱动和检测电路的平均热源系 数为8.6×10<sup>4</sup> W/m<sup>3</sup>,远大于表芯自身的发热,但是 由于 PCB 的发热是通过铜引脚传导到表芯中,所以 不能确定表芯内部的发热情况,即不能确定哪部分 的发热占主要部分,因此需要进行 PCB 的热传导的 有限元仿真分析,以确定传导到表芯的热量以及对 表芯温度的影响。

第3是驱动和检测电路芯片的发热导致其参数 发生漂移,即电路自身的漂移。根据文献[12],可 知电路参数自身的漂移对输出的影响极小,因此建 模时排除了这种可能性。

## 2 微加速度计启动漂移建模

微加速度计启动漂移过程建立的模型主要是为 了对微加速度计表芯的自发热和由驱动和检测电路 发的热量的热传导进行仿真分析,以仿真启动漂移 过程表芯的温度变化。建立的模型如图2所示。



图 2 驱动和检测电路有限元模型

其中各部分的尺寸都是按照制作的微加速度计 的驱动和检测电路进行建模,模型包括封装采用 DIP8 陶瓷封装的微加速度计表芯,驱动和检测电路 PCB 多层板和主要的芯片。模型中没有包括走线和电阻电容,并且将热源平均分布到驱动和检测电路中的几个主要的芯片上。由于 PCB 板所使用的环氧树脂与铜的热导率相差较大,所以需要根据具体电路的分层对 PCB 进行分层建模。多层 PCB 的尺寸参数如图 3 所示。使用的是 6 层 PCB 板, PCB 板的厚度为1.814 mm,由 5 层 0.32 mm 厚的核心层与填充层组成,信号层厚度为0.04 mm,若某一个信号层为敷铜层时,就需要进行分层,通常 6 层 PCB 板中有 4 层是敷铜层,包括顶层、底层、电源层和地层,微加速度计的驱动和检测电路共有 5 个敷铜层,如图 3 所示。



图 3 6 层 PCB 层间尺寸示意图

模型中使用的材料主要有铜,环氧树脂(FR-4),陶瓷,硅与空气。其中硅是驱动和检测电路芯片中的主要热源,陶瓷是封装的材料,铜引脚将微加速度计表芯与 PCB 连接到一起,这几种材料的在 20 ℃附近的主要属性参数如表 1 所示<sup>[11]</sup>。

项目	热源 (硅材料)	PCB (FR-4)	铜	陶瓷 Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	空气	塑料
密度 p/(kg·m <sup>-3</sup> )	2330	1900	8940	3000	1.2	2700
热容 $C_p/(\mathbf{J}\cdot\mathbf{kg}^{-1}\cdot\mathbf{K}^{-1})$	703	1369	400	840	1015	900
热传导 <i>k/</i> (W⋅m <sup>-1</sup> ⋅K <sup>-1</sup> )	163	0.3	400	15.91	0.026	0.2

表1 模型材料主要属性表

几个主要的芯片作为热源,因为每种芯片的热 源系数与通过芯片的电流大小有关,所以每种芯片 的发热情况也有所不同,进行简化处理将每个芯片 的热源系数设置为相同值。根据驱动的检测电路的 功率与芯片的体积,可以计算出热源系数满足

$$Q_{\rm s} = P/V \tag{4}$$

其中 P 是驱动和检测电路的总功率, V 是用作热源 的芯片的总体积。微加速度计驱动和检测电路的 输入直流电压为±12 V, 测得相应电流为 6.664 mA 和 2.52 mA, 因此驱动与检测电路的总功率为 110.2 mW。当将芯片用作热源时,由于芯片的总体积约为6.8×10<sup>-8</sup> m<sup>3</sup>,因此可以计算出 $Q_s = 1.62 \times 10^6$  W/m<sup>3</sup>。

# 3 启动漂移有限元仿真与实验

根据上一节建立的模型,可以对启动漂移过程 进行有限元分析。首先进行热源为驱动和检测电路 芯片的 0~1000 s 的瞬态分析,设置环境温度和初 始温度为 25 ℃,设置微加速度计芯片的自发热的热 源系数为 100 W/m<sup>3</sup>,分别设置热源为驱动检测电路 芯片和 PCB 板两种情况进行仿真,可以得到微加速 度计表芯中心点温度与上电时间的关系如图 4 所示。



图4 微加速度计芯片上电过程温度变化图

由仿真结果可见微加速度计芯片的上电时的温 升过程是一个较为缓慢的过程,达到稳态需要近 300 s 的时间,温度上升约1.6℃。为了验证仿真结 果,我们参考文献[12]的方法将热敏电阻粘在微加 速度计表芯 DIP8 封装内,再使用金线将热敏电阻的 两端引出。通常为了减小热敏电阻自身的发热,通 常会选择较大电阻值的热敏电阻,这里选择的是在 25℃时阻值为100 kΩ的NTC型的热敏电阻。热敏 电阻的如图 5 所示。



图5 热敏电阻位置示意图

热敏电阻的阻值与温度的关系如式

$$R_T = R_0 \exp\left[B\left(\frac{1}{T} - \frac{1}{T_0}\right)\right] \tag{5}$$

其中  $R_r$  是温度为 T 时热敏电阻的阻值,  $R_0$  是在 25 ℃时热敏电阻的阻值, B 是热敏电阻的温度系数,  $T_0$ 为参考温度点, 为 25 ℃, T 为当前温度。热敏电阻 测量电路如图 6 所示。



图6 热敏电阻测量电路



$$V = 12 \frac{R_1}{R_T + R_1} \tag{6}$$

在实验室环境条件下,温度约为10℃~20 ℃,为了验证启动漂移分析的正确性,设计了3次 实验:第1次是室温条件下,只将微加速度计芯片 的热敏电阻的两端通过短引线接到直流电源上, 芯片悬空,测量热敏电阻的输出,检查封装在微加 速度计芯片内的热敏电阻的自发热是否能平衡。 第2次是在室温条件下,将驱动和检测电路的电 容检测载波,直流偏压与反馈电压断开,并调节电 源电压使得驱动和检测电路的电功率与正常工作 状态一致,这样微加速度计表芯内部就没有热源, 只有 PCB 发热的热传导,可以检测电路的热传导 影响表芯的温度变化。第3次是在室温条件下微 加速度计静态正常工作,记录其上电过程,然后再 进行温度实验,得到其在大范围温度条件下的温 度漂移系数,以验证其上电过程的漂移是否是温 度变化引起漂移占主要部分。由于温度实验的时 间较长,在实验室条件下室温随着一天时间的变 化也略有不同,因此需要使用一个室温测试电路 作为参考,即将同样型号的热敏电阻用引线将两 端直接接到热敏电阻测量电路上,测量室温。

当使用 100 kΩ 的热敏电阻, 串联电阻  $R_1$  的阻 值为 100 kΩ 时, 热敏电阻自身的焦耳热功率约为 68  $\mu$ W(25 °C时), 热源系数为 5.6×10<sup>4</sup> W/m<sup>3</sup>, 这 个热源系数较大, 对其进行有限元建模仿真并只 设置其为热源, 得到的仿真结果图如图 7 所示, 由 仿真结果可知, 热敏电阻自身发热对微加速度计 表芯的温度影响约为 0.06 °C。可通过第一种实 验进行验证。



#### 图 7 热敏电阻自发热仿真图

第1次实验的结果如图8所示,根据式(5)和(6)将热敏电阻端的输出电压转化为温度值,如式(7)

$$T = \frac{BT_0}{T_0 \ln \frac{(12 - V)R_1}{VR_0} + B}$$
(7)

其中  $B = 4\ 000$ ,  $R_0 = R_1 = 100\ k\Omega$ ,  $T_0 = 298\ K_{\odot}$  扣除掉 参考热敏电阻得到的室温变化后, 在启动过程中热 敏电阻自发热对表芯温度的影响如图 8 所示。





可见热敏电阻自身的影响约为0.1 ℃,与仿真 结果大致相当,并且是逐渐增加的,符合理论推导。 因此结论是热敏电阻的自发热基本不会影响表芯的 温度。

然后进行第2次实验,将检测载波,反馈与偏压 去掉,并调节电路电压使得电功率一致时测量上电 过程热传导导致的温度变化如图9所示。





由图知在无载波无偏压无反馈的条件下,只 靠 PCB 自身发热的热传导,微加速度计表芯封装 内的温度在上电后 300 s 时上升了约 1.9 ℃,并在 400 s 时达到稳态,可见电路传导的热量使得微加 速度计在上电过程中具有较大的温升,与仿真结 果近似。

为了进一步研究电路传导热量的比重,进行了 第3次实验,即微加速度计在正常工作状态下的输 出,并与第2次实验进行比较,平移曲线使其起始温 度点相同,结果如图10所示。





由图中可以看出,正常工作时达到稳态后的温度升高比正常工作时温度升高约0.08 ℃,与第1次 实验表芯温升约为0.1 ℃的结果相符,并且从曲线 可以看出在升温过程中无载波情况与正常工作情况 的温度曲线基本符合,因此可以推断出表芯自身发 热的影响极小,因此可以在封装内加入温敏电阻起 到温度传感器的作用,并根据该温敏电阻的输出对 微加速度计启动漂移过程进行补偿。

第3次实验得到微加速度计上电过程的输出 与温度的关系图如图 11 所示。由图中可知当上 电时温度逐渐升高,在900 s的时间内温度漂移为 19  $mg_n$ ;当温度达到稳态后,即 T>900 s,微加速度 计的温度达到稳态,其输出仍在逐渐漂移,这就是 时间漂移,在1 600 s的时间内,漂移量为3.6  $mg_n$ ,要小于启动过程温度漂移的影响,可以推断 在初始900 s的时间内,时间漂移同样存在,但是



由于其量级小于温度漂移,因此不明显,这些就说 明了启动漂移是由温度漂移和时间漂移共同作用 产生的。

# 4 结论

本文研究了基于体硅工艺的电容式微加速度计 的启动漂移特性,首先分析了启动过程中微加速度 计表芯自身发热,驱动和检测电路的发热的热传导 和电路参数漂移的影响,并建立了包括电路的微加 速度计有限元模型进行热仿真分析,为了验证分析 的结果设计了内嵌热敏电阻的微加速度计,最后设 计了一系列实验进行了验证,实验结果是微加速度 计启动过程中驱动与检测电路的温升导致的微加速 度计表芯温升约为1℃~2℃,由于表芯自身发热 的温度升高基本上可忽略不计,启动漂移是由温度 漂移和时间漂移共同作用产生的,由于时间漂移量 较小,因此对于启动漂移可以利用内嵌温敏电阻的 方法对微加速度计启动漂移中的温度漂移部分进行 补偿,以达到抑制启动漂移的效果。

### 参考文献:

- [1] 翁彦雯,董景新,刘云峰. 微机械加速度计的温度特性实验研究[J]. 航空精密制造技术,2004,40(4):37-40.
- [2] 罗兵,尹文,吴美平. 滤波技术在 MIMU 温度漂移补偿中的应 用[J]. 中国惯性技术学报,2008,16(3):348-351.
- [3] V Fleck, E Sommer, M Brokelmann. Study of Real-Time Filtering for an Inertial Measurement Unit (IMU) with Magnetometer in a 155 mm Projectile [C]//Position, Location, And Navigation Symposium, 2006 IEEE/ION, April 25-27, 2006, 803-807.
- [4] 张霄,房建成,李建利,等.一种隐式结构 MIMU 设计及标度因数 温度误差分析[J].中国惯性技术学报,2008,16(6):665-671.
- [5] 王楷群,张文栋,毛海央. 压阻式微加速度计灵敏度的温度特 性研究[J]. 传感技术学报,2008,21(9):1536-1540.
- [6] K I Lee, Takao Hidekuni, Sawada Kazuaki, et al. Low Temperature Dependence Three-Axis Accelerometer for High Temperature Environments with Temperature Control of SOI Piezoresistors [J]. Sensors and Actuators A, 2003, 104:53–60.
- [7] K I Lee, H Takao, K Sawada, et al. Analysis and Experimental Verification of Thermal Drift in a Constant Temperature Control Type Three-Axis Accelerometer for High Temperatures with a Novel Composition of Wheatstone Bridge[C]//Micro Electro Mechanical Systems, MEMS 2004;241–244.
- [8] Christian Falconi, Marco Fratini. CMOS Microsystems Temperature Control[J]. Sensors and Actuators B,2008,129:59-66.
- [9] 施芹.提高硅微陀螺仪性能若干关键技术研究-正交误差与杂 散电容分析研究[D].东南大学博士论文,2005.
- [10] Ylönen Mari, Torkkeli Altti, Kattelus Hannu. In Situ Boron-Doped LPCVD Polysilicon with Low Tensile Stress for MEMS Applications
  [J]. Sensors and Actuators A,2003,109:79–87.

[11] Comsol Material Database[Z]. http://www.comsol.com.

[12] 李童杰,刘云峰,董景新,等. 微加速度计温度特性及敏感元件

自恒温方案[J].清华大学学报(自然科学版),2010,50(7): 1013-1017.



代 刚(1984-),男,四川绵阳人,博士 研究生,2006 年获得北京清华大学学 士学位,2006 年起攻读北京清华大学 博士学位,主要从事基于 MEMS 的惯 性器件与惯性引信,制导方面的研究, free. dai@ hotmail. com;



**邵贝贝**(1946-),男,教授,博士生导师,1970年毕业于清华大学工程物理系,致力于辐射监测仪器、核电子学、高能加速器及其它核装置的数据采集与控制系统,计算机嵌入式应用系统的建造与研究,bbshao@tsinghua.edu.cn。