

文章编号: 1001-0920(2010)07-1031-04

一种安全有效的基于身份的门限签密方案

孙 华, 郑雪峰, 于义科, 周 芳

(北京科技大学 信息工程学院, 北京 100083)

摘 要: 签密是一种将加密和数字签名技术结合在一起的思想, 它比采用先签名后加密的方法具有更高的效率. 基于双线性对技术, 提出了一种新的基于身份的门限签密方案. 它利用决策双线性 Diffie-Hellman(DBDH) 问题的困难性在随机预言模型下给出了方案的语义安全性证明, 并利用计算 Diffie-Hellman(CDH) 问题的困难性证明了方案的不可伪造性, 同时指出方案具有较高的效率.

关键词: 门限签密; 双线性对; 决策双线性 Diffie-Hellman问题; 随机预言模型

中图分类号: TP309

文献标识码: A

Secure and efficient identity-based threshold signcryption scheme

SUN Hua, ZHENG Xue-feng, YU Yi-ke, ZHOU Fang

(School of Information Engineering, University of Science and Technology Beijing, Beijing 100083, China.

Correspondent: SUN Hua, E-mail: sh1227@163.com)

Abstract: The idea of signcryption is to provide a method to encrypt and sign data together in a way that is more efficient than using a signature scheme combined with an encryption scheme. A new identity-based threshold signcryption scheme is presented based on the bilinear pairings, which proves its semantic security on the hardness of decisional bilinear diffie-hellman(DBDH) problem and its unforgeability on the hardness of computational diffie-hellman(CDH) problem in the random oracle model. In addition, the scheme is proved to be efficient.

Key words: Threshold signcryption; Bilinear pairings; Decisional bilinear diffie-hellman problem; Random oracle model

1 引 言

1984年, Shamir^[1]首先提出了基于身份的签名思想, 用以简化基于证书的PKI中的密钥管理, 然而早期的方案因为计算过于复杂而难以推广. Boneh等^[2]利用双线性对技术提出了一个实用的基于身份的加密方案, 随后人们又提出了一些基于身份的加密方案^[3, 4], 同时也提出了一些基于身份的签名方案^[5, 6].

消息的保密和认证是密码学中最重要两个研究内容, 如何在消息通信过程中同时实现保密和认证是信息安全研究的主要目标之一. 1997年, Zheng^[7]首次提出了签密的概念, 即能够在一个合理的步骤内同时完成加密和数字签名两项功能, 而其通信成本和计算量都低于传统的先签名后加密方法. Dodis等^[8]第1次对签密方案的机密性和不可伪造性进行了形式化的描述, 随后一些可证安全的签密方案被相继提出^[9].

Malone-Lee^[10]提出了第1个基于身份的签密方案, 该方案具有消息的保密性和签名的不可伪造性. 然而Libert等^[11]指出Malone-Lee的方案不是语义安全的, 并提出了满足语义安全的基于身份的签密方案. Duan等^[12]结合门限和基于身份的签密技术, 提出一个基于身份的门限签密方案, 但是该方案不满足不可否认性和语义安全性. Peng等^[13]基于Libert的方案提出一个基于身份的门限签密方案, 然而该方案不满足前向安全性. Li等^[14]利用双线性对技术提出了一个可证安全的基于身份的门限签密方案, 但当生成最终门限签密的指定结合者是其中的门限成员之一时, 它可以假冒这些成员生成一个对接受者来说是有效的伪造签密, 因而该方案不满足不可伪造性.

本文提出了一个安全的基于身份的门限签密方案, 并通过对方案的计算量进行分析, 得出该方案具有较高的效率.

收稿日期: 2009-06-16; 修回日期: 2009-08-13.

基金项目: 国家自然科学基金项目(60674054); 国家杰出青年科学基金项目(51685168); 教育部重点科研基金项目(02152).

作者简介: 孙华(1980—), 男, 河南安阳人, 博士生, 从事密码学、信息安全技术的研究; 郑雪峰(1951—), 男, 福州人, 教授, 博士生导师, 从事信息安全技术等研究.

2 预备知识

2.1 双线性对

设 G, G_T 是 2 个阶为素数 q 的循环加法群和循环乘法群, g 是群 G 的生成元, 双线性对 $e: G \times G \rightarrow G_T$ 是具有如下性质的映射:

- 1) 双线性: 对于所有的 $P, Q \in G$ 与 $a, b \in Z$, 都有 $e(aP, bQ) = e(P, Q)^{ab}$;
- 2) 非退化性: $e(g, g) \neq 1$;
- 3) 可计算性: 存在一个有效的算法计算 $e(P, Q)$, 其中 $P, Q \in G$.

2.2 相关困难问题

定义 1 假设 G 和 G_T 是 2 个阶为素数 q 的群, P 是群 G 的生成元, $e: G \times G \rightarrow G_T$ 为双线性映射, 则 DBDH 问题为: 给定 $P, aP, bP, cP \in G, h \in G_T, a, b, c \in Z_q^*$, 判定是否 $h = e(P, P)^{abc}$.

定义敌手解决 DBDH 问题的优势为

$$\text{Adv}_A^{\text{DBDH}} = \left| P_r[\mathcal{A}(aP, bP, cP, e(P, P)^{abc}) = 1] - P_r[\mathcal{A}(aP, bP, cP, h) = 1] \right|.$$

定义 2 假设 G 和 G_T 是 2 个阶为素数 q 的群, P 是群 G 的生成元, $e: G \times G \rightarrow G_T$ 为双线性映射, 则 CDH 问题为: 给定 $P, aP, bP \in G, a, b \in Z_q^*$, 计算 abP .

定义敌手解决 CDH 问题的优势为

$$\text{Adv}_A^{\text{CDH}} = P_r[\mathcal{A}(P, aP, bP) = abP]. \quad (1)$$

3 一个新的基于身份的门限签密方案

3.1 方案描述

在本方案中包含 4 种角色的用户 PKG, 一个可信的秘密分发者 dealer, 一个身份为 ID_A 的发送成员组 $U_A = \{M_1, M_2, \dots, M_n\}$, 以及身份为 ID_B 的签密接收者. 方案描述如下:

(1) Setup. 给定安全参数 k , PKG 选择阶为素数 q 的加法群 G 和乘法群 G_T , 群 G 的生成元 P , 一个双线性映射 $e: G \times G \rightarrow G_T$, 安全的对称加密函数 (E, D) 以及 3 个哈希函数 $H_1: \{0, 1\}^* \rightarrow G, H_2: G_T \rightarrow \{0, 1\}^{n_1}, H_3: \{0, 1\}^* \rightarrow Z_q^*$. PKG 随机选取主密钥 s 并计算公钥 $P_{\text{pub}} = sP$, 然后公布系统参数为 $\text{params} = (G, G_T, n_1, e, P, P_{\text{pub}}, E, D, H_1, H_2, H_3)$, 将主密钥 s 保密.

(2) Extract. 给定身份 ID , PKG 计算 $Q_{\text{ID}} = H_1(\text{ID})$ 和 $S_{\text{ID}} = sQ_{\text{ID}}$, 然后把 S_{ID} 秘密地发送给用户.

(3) Keydis. 给定门限值 t 和 n 满足 $1 \leq t \leq n \leq q$. 秘密分发者 dealer 按照如下方式把 S_{ID_A} 在发送组成员 U_A 间进行共享.

1) 在 G^* 中随机选取元素 F_1, F_2, \dots, F_{t-1} , 构造多项式 $F(x) = S_{\text{ID}_A} + xF_1 + \dots + x^{t-1}F_{t-1}$.

2) 计算 $S_i = F(i), i = 0, 1, \dots, n$, 其中 $S_0 = S_{\text{ID}_A}$. 然后把 S_i 秘密地发送给 $M_i, i = 1, 2, \dots, n$.

3) 广播 $y_0 = e(P, S_{\text{ID}_A})$ 和 $y_j = e(P, F_j), j = 1, 2, \dots, t-1$.

4) 每个成员 M_i 通过计算 $e(P, S_i) = \prod_{j=0}^{t-1} y_j^{i^j}$ 来判定其秘密分享 S_i 是否正确. 如果 S_i 不是有效的秘密分享, 则 M_i 发出一个错误广播并要求一个正确的秘密分享.

(4) Signcrypt. 假定 M_1, \dots, M_t 是代表群 U_A 对消息 m 进行签密的 t 个成员.

1) 每个成员 M_i 随机选取 $x_i \in Z_q^*$, 计算 $R_{1i} = x_iP, R_{2i} = et(P_{\text{pub}}, Q_{\text{ID}_B})^{x_i}$, 并把 (R_{1i}, R_{2i}) 发送给门限签密的生成者 C .

2) C 计算 $R_1 = \sum_{i=1}^t R_{1i}, R_2 = \prod_{i=1}^t R_{2i}, k = H_2(R_2), c = E_k(m), h = H_3(R_1, k, m)$, 然后把 h 发送给成员 $M_i (i = 1, \dots, t)$.

3) 每个成员 M_i 计算其部分签名 $W_i = x_iQ_A + h\eta_iS_i$, 并把它发送给 C , 其中 $\eta_i = \prod_{j=1, j \neq i}^t \frac{-j}{i-j} \bmod q$ 为拉格朗日系数.

4) C 通过检查等式

$$e(P, W_i) = e(R_{1i}, Q_A) \cdot \left(\prod_{j=0}^{t-1} y_j^{i^j} \right)^{h\eta_i}$$

是否成立来验证部分签名的有效性. 如果该部分签名不正确, 那么 C 拒绝它并要求发送正确的签名, 然后 C 计算 $W = \sum_{i=1}^t W_i$, 则最终的门限签密为 $\sigma = (c, R_1, W)$.

(5) Unsigncrypt. 当收到签密 σ , 接收者 ID_B 进行如下计算:

1) 计算 $\gamma = e(R_1, S_{\text{ID}_B})$ 和 $k = H_2(\gamma)$;

2) 恢复出明文 $m = D_k(c)$;

3) 计算 $h = H_3(R_1, k, m)$, 当且仅当等式 $e(P, W) = e(R_1 + hP_{\text{pub}}, Q_A)$ 成立时, σ 为一个有效的门限签密.

3.2 方案正确性

1) 由 R_2 和 γ 的值, 方案的一致性很容易得到验证, 即

$$\gamma = e(R_1, S_{\text{ID}_B}) = e\left(\sum_{i=1}^t R_{1i}, S_{\text{ID}_B}\right) =$$

$$e\left(\sum_{i=1}^t x_iP, S_{\text{ID}_B}\right) = e\left(\sum_{i=1}^t x_iP_{\text{pub}}, Q_{\text{ID}_B}\right) =$$

$$\prod_{i=1}^t R_{2i} = R_2.$$

2) 当接收者恢复出明文 m 和计算 h 后, 它可以验证 σ 确实是一个有效的签密.

$$\begin{aligned} e(P, W) &= \\ e\left(P, \sum_{i=1}^t W_i\right) &= e\left(P, \sum_{i=1}^t x_i Q_A + h \eta_i S_i\right) = \\ e\left(P, \sum_{i=1}^t x_i Q_A + \sum_{i=1}^t h \eta_i S_i\right) &= \\ e\left(\sum_{i=1}^t x_i P, Q_A\right) \cdot e(P, h S_{ID_A}) &= \\ e(R_1, Q_A) \cdot e(P_{pub}, h Q_A) &= e(R_1 + h P_{pub}, Q_A). \end{aligned}$$

3.3 方案安全性

3.3.1 EUF-IDTSC-CMIA证明

定理 1 假设 A 是一个在适应性选择消息和身份下攻击本方案的伪造者, 它的运行时间至多为 t , 获得的优势为 ε . A 可以提出至多 q_{H_i} ($i = 1, 2, 3$) 次 hash 函数询问, q_E 次私钥询问, q_S 次签密询问, q_U 次解签密询问. 假定 $\varepsilon \geq (10(q_S + 1)(q_S + q_{H_3})q_{H_1}) / (l - 1)$, 则 CDH 问题能够以至少 $1/9$ 的概率在时间 $23q_{H_1}q_{H_3}t / (\varepsilon(1 - 1/l))$ 内解决, 其中 l 为安全参数.

证明 构造算法 C, 它利用 A 解决 CDH 问题. 将 CDH 问题的一个实例 (P, aP, bP) 给予 C, 它的目标是计算 abP . 为了响应对随机预言机 $O_{H_1}, O_{H_2}, O_{H_3}$ 的询问, 算法 C 维护 3 个列表 L_1, L_2, L_3 . 假定在对身份 ID 进行 extract, signcryption, unsigncryption 询问前需要先进行 $H_1(\text{ID})$ 询问. 首先, C 给出敌手 A 将要伪造签密的发送者身份 ID_A ; 然后 C 给定 A 系统参数 params , $P_{pub} = aP$. 可通过挑战者 C 与敌手 A 之间的游戏进行描述:

$H_1(\text{ID}_i)$ -Hash Query: C 检查列表 L_1 中是否存在二元组 (ID_i, x_i) , 如果存在, 则 C 响应 $x_i P$; 否则, 算法 C 作如下响应:

1) 如果 $\text{ID}_i = \text{ID}_A$, 则 C 响应 bP .

2) 如果 $\text{ID}_i \neq \text{ID}_A$, 则 C 任选 $x \in Z_q^*$, 把 (ID_i, x) 添加到列表 L_1 中, 并把 $H_1(\text{ID}_i) = xP$ 发送给 A.

$H_2(R_2)$ -Hash Query: C 检查列表 L_2 中是否存在二元组 (R_2, k_i) , 如果存在, 则 C 响应 k_i ; 否则, 算法 C 任选 $k \in Z_q^*$, 把 (R_2, k) 添加到列表 L_2 中, 并把 k 发送给 A, 其中 (\cdot, k) 没有存在列表 L_2 中.

$H_3(m_i, R_1, k_i)$ -Hash Query: C 检查列表 L_3 中是否存在四元组 (m_i, R_1, k_i, h_i) . 如果存在, 则 C 响应 h_i ; 否则, 算法 C 任选 $h \in Z_q^*$, 把 (m_i, R_1, k_i, h) 添加到列表 L_3 中, 并把 h 发送给 A, 其中 (\cdot, \cdot, \cdot, h) 没有存在列

表 L_3 中.

Extract(ID_i) Query: 如果 $\text{ID}_i = \text{ID}_A$, 则 C 返回 \perp ; 如果 $\text{ID}_i \neq \text{ID}_A$, 则 C 从列表 L_1 中找到 (ID_i, x_i) , 计算 $x_i P_{pub} = x_i(aP)$ 作为其私钥, 并发送给 A.

Signcrypt($m, \text{ID}_S, \text{ID}_B$) Query: 算法 C 作如下响应:

1) 如果 $\text{ID}_S \neq \text{ID}_A$, 则 C 运行 Extract 算法, 计算 ID_S 的私钥 S_{ID_S} ; 然后运行 Keydis 算法计算 S_{ID_S} 的 n 个私钥分享 $\{S_i\}_{i=1,2,\dots,n}$; 最后 C 返回 $\text{Signcrypt}(m_b, \{S_i\}_{i=1,2,\dots,t}, \text{ID}_B)$, 作为对询问的响应.

2) 否则, C 任选 $x, h \in Z_q^*$, 计算 $R_1 = xP - hP_{pub}$, $W = x(bP)$, $\gamma = e(R_1, S_{\text{ID}_B})$. 然后 C 计算 $k = H_2(\gamma)$ 和 $c = E_k(m)$, 并检查列表 L_3 中是否存在四元组 (m, R_1, k, h^*) , $h^* \neq h$. 如果存在, 则算法 C 重复这一过程直到找到一个新的四元组 (m, R_1, k, h) , 其前 3 个元素没有在列表 L_3 的某一四元组中出现. 最后 C 把该四元组 (m, R_1, k, h) 添加到 L_3 中, 并将 (c, R_1, W) 作为响应返回给 A, 可知它是一个有效的签密.

Unsigncrypt Query: 对一个签密 $\sigma^* = (c^*, R_1^*, W^*)$ 的 unsigncryption query, 作如下考虑:

1) 如果 $\text{ID}_A = \text{ID}_B$, 则 C 回答 σ^* 是无效的签密.

2) 如果 $\text{ID}_A \neq \text{ID}_B$, 则 C 计算 $\gamma^* = e(R_1^*, S_{\text{ID}_B})$, $k^* = H_2(\gamma^*)$ 和 $m^* = D_{k^*}(c^*)$; 然后 C 计算 $h^* = H_3(R_1^*, k^*, m^*)$ 并检查等式 $e(P, W^*) = e(R_1^* + h^* P_{pub}, Q_A)$ 是否成立. 如果等式成立, 则 C 返回 m^* ; 否则拒绝 σ^* .

如果整个过程 C 没有失败退出, 则 A 以概率 ε 输出一个有效的伪造签密 $\sigma^* = (c, R_1, W)$. 应用 oracle 重放技术和文献[15]中的分叉引理, 可得到算法 C 以至少 $1/9$ 的概率在时间 $23q_{H_1}q_{H_3}t / (\varepsilon(1 - 1/l))$ 内得到两个有效的签密 $\sigma_1 = (c, R_1, W_1)$ 和 $\sigma_2 = (c, R_1, W_2)$, 其中 $h_1 \neq h_2$. 由

$$W_1 = \sum_{i=1}^t x_i Q_A + h_1 S_A, \quad W_2 = \sum_{i=1}^t x_i Q_A + h_2 S_A,$$

算法 C 容易得到

$$t(W_1 - W_2)(h_1 - h_2)^{-1} = abP,$$

这就是 CDH 问题的解. 因此, 如果存在一个敌手以不可忽略的概率伪造一个有效的签密, 则存在一个算法以不可忽略的概率解决 CDH 问题, 而这与 CDH 问题是一个困难问题相矛盾, 故方案是 EUF-IDTSC-CMIA 安全的. \square

3.3.2 IND-IDTSC-CCA2 证明

定理 2 假设 DBDH 问题是困难的, 则本方案在随机预言模型下是 IND-IDTSC-CCA2 安全的.

证明 构造算法 C, 它利用敌手 A 解决 DBDH 问

题. 将 DBDH 问题的一个实例 (P, aP, bP, cP, h) 给予 C, 它的目标是判定是否 $h = e(P, P)^{abc}$. 为了响应对随机预言机 $O_{H_1}, O_{H_2}, O_{H_3}$ 的询问, 算法 C 维护 3 个列表 L_1, L_2, L_3 . 假定在对身份 ID 进行 extract, signcrypt, unsigncrypt 询问前, 需要进行 $H_1(\text{ID})$ 询问. 首先, C 给出敌手 A 将要伪造的发送者身份 ID_A ; 然后 C 给定 A 系统参数 $\text{params}, P_{\text{pub}} = aP$. 可通过挑战者 C 与敌手 A 之间的游戏进行描述:

$H_1(\text{ID}_i)$ -Hash Query: C 检查列表 L_1 中是否存在二元组 (ID_i, x_i) , 如果存在, 则 C 响应 x_iP ; 否则, 算法 C 作如下响应:

1) 如果 $\text{ID}_i = \text{ID}_A$, 则 C 响应 bP .

2) 如果 $\text{ID}_i \neq \text{ID}_A$, 则 C 任选 $x \in Z_q^*$, 把 (ID_i, x) 添加到列表 L_1 中, 并把 $H_1(\text{ID}_i) = xP$ 发送给 A.

$H_2(R_2)$ -Hash Query: C 检查列表 L_2 中是否存在二元组 (R_2, k_i) , 如果存在, 则 C 响应 k_i ; 否则, 算法 C 任选 $k \in Z_q^*$, 把 (R_2, k) 添加到列表 L_2 中, 并把 k 发送给 A, 其中 (\cdot, k) 没有存在列表 L_2 中.

$H_3(m_i, R_1, k_i)$ -Hash Query: C 检查列表 L_3 中是否存在四元组 (m_i, R_1, k_i, h_i) , 如果存在, 则 C 响应 h_i ; 否则, 算法 C 任选 $h \in Z_q^*$, 把 (m_i, R_1, k_i, h) 添加到列表 L_3 中, 并把 h 发送给 A, 其中 (\cdot, \cdot, \cdot, h) 没有存在列表 L_3 中.

Extract(ID_i) Query: 如果 $\text{ID}_i = \text{ID}_A$, 则 C 返回 \perp ; 如果 $\text{ID}_i \neq \text{ID}_A$, 则 C 从列表 L_1 中找到 (ID_i, x_i) , 计算 $x_iP_{\text{pub}} = x_i(aP)$ 作为其私钥, 并发送给 A.

Signcrypt($m, \text{ID}_S, \text{ID}_B$) Query: 算法 C 作如下响应:

1) 如果 $\text{ID}_S \neq \text{ID}_A$, 则 C 运行 Extract 算法, 计算 ID_S 的私钥 S_{ID_S} ; 然后运行 Keydis 算法, 计算 S_{ID_S} 的 n 个私钥分享 $\{S_i\}_{i=1,2,\dots,n}$; 最后 C 返回 Signcrypt($m_b, \{S_i\}_{i=1,2,\dots,t}, \text{ID}_B$), 作为对询问的响应.

2) 否则, C 任选 $x, h \in Z_q^*$, 计算 $R_1 = xP - hP_{\text{pub}}, W = x(bP), \gamma = e(R_1, S_{\text{ID}_B})$. 然后 C 计算 $k = H_2(\gamma)$ 和 $c = E_k(m)$, 并检查列表 L_3 中是否存在四元组 $(m, R_1, k, h^*), h^* \neq h$. 如果存在, 则算法 C 重复这一过程直到找到一个新的四元组 (m, R_1, k, h) , 其前 3 个元素没有在列表 L_3 的某一四元组中出现. 最后 C 把该四元组 (m, R_1, k, h) 添加到 L_3 中, 并将 (c, R_1, W) 作为响应返回给 A, 可知它是一个有效的签密.

Unsigncrypt Query: 对一个签密 $\sigma^* = (c^*, R_1^*, W^*)$ 的 unsigncrypt query, 作如下考虑:

1) 如果 $\text{ID}_A = \text{ID}_B$, 则 C 回答 σ^* 是无效的签密.

2) 如果 $\text{ID}_A \neq \text{ID}_B$, 则 C 计算 $\gamma^* = e(R_1^*, S_{\text{ID}_B})$, $k^* = H_2(\gamma^*)$ 和 $m^* = D_{k^*}(c^*)$; 然后 C 计算 $h^* = H_3(R_1^*, k^*, m^*)$ 并检查等式 $e(P, W^*) = e(R_1^* + h^*P_{\text{pub}},$

$Q_A)$ 是否成立, 如果等式成立, 则 C 返回 m^* ; 否则, 拒绝 σ^* .

在第 1 阶段结束后, A 选择一对它将要发起挑战的身份 $(\text{ID}_i, \text{ID}_j)$. 注意到如果敌手 A 询问了身份 ID_A , 则它上面步骤中已经失败, 然后 A 输出两个明文 m_0 和 m_1 , C 任意选取一位 $b \in \{0, 1\}$ 并对 m_b 签密. 在这个过程中, C 令 $R_1^{**} = cP$, 得到 $k^{**} = H_2(h)$ (其中 h 为 DBDH 实例中的 h), 并计算 $c_b = E_{k^{**}}(m_b)$. 然后 C 任意选择 $W^{**} \in G^*$, 并把 $\sigma^{**} = (c_b, R_1^{**}, W^{**})$ 发送给 A. A 像第 1 阶段那样发起一定数量的询问. 在游戏过程的最后, A 输出对 b 的猜测 b^* , 并认为等式 $\sigma^{**} = \text{Signcrypt}(m_b, \{S_i\}_{i=1,2,\dots,t}, \text{ID}_j)$ 成立. 此时, 如果 $b = b^*$, 则 C 输出 $h = e(R_1^{**}, S_{\text{ID}_j}) = e(cP, abP) = e(P, P)^{abc}$ 作为 DBDH 问题的解; 否则, C 停止游戏并输出失败.

如果存在一个敌手以不可忽略的概率成功地进行 CCA2 攻击, 则存在一个有效的算法以不可忽略的概率解决 DBDH 问题, 这与 DBDH 问题是一个困难问题相矛盾, 故方案是 IND-IDTSC-CCA2 安全的. \square

3.4 方案效率

双线性对计算所花费的计算成本远高于诸如群中元素的点乘运算和指数运算, 因此这里只考虑双线性对的计算成本. 文献 [13] 和 [14] 中的签密和解密阶段所进行的双线性对计算分别为 $3t$ 和 4 及 $2t + 1$ 和 3 , 而在本方案中, 签密和解密阶段分别需要 $2t$ 和 3 个, 因此具有较高的效率.

4 结 论

本文利用双线性对知识提出了一个在随机预言模型下可证安全的基于身份的门限签密方案. 通过证明得出该方案不仅满足语义安全性, 同时具有不可伪造性. 最后, 通过对方案的计算量进行分析, 得出该方案相比已有的方案具有较高的效率.

参考文献(References)

- [1] Shamir A. Identity-based cryptosystems and signature schemes[C]. Proc of Crypto 1984. Berlin: Springer-Verlag, 1984: 47-53.
- [2] Boneh D, Franklin M. Identity-based encryption from the weil pairing[C]. Proc of Crypto 2001. Berlin: Springer-Verlag, 2001: 213-229.
- [3] Waters B. Efficient identity-based encryption without random oracles[C]. Proc of Eurocrypt 2005. Berlin: Springer-Verlag, 2005: 114-127.
- [4] Gentry C. Practical identity-based encryption without random oracles[C]. Proc of Eurocrypt 2006. Berlin: Springer-Verlag, 2006: 445-464.

(下转第 1039 页)