

# 中山大学

## 二〇一五年攻读硕士学位研究生入学考试试题

科目代码：890

科目名称：理论力学

考试时间：12月28日下午

考生须知

全部答案一律写在答题纸上  
上，答在试题纸上的不计分！答  
题要写清题号，不必抄题。

### 一、填空题（30分）

1. 如图 1-1 所示桁架。已知力  $P_1$ 、 $P_2$  和长度  $a$ 。则杆 1 内力  $F_1 = \underline{\hspace{2cm}}$ ；杆 2 内力  $F_2 = \underline{\hspace{2cm}}$ ；杆 3 内力  $F_3 = \underline{\hspace{2cm}}$ 。（6分）

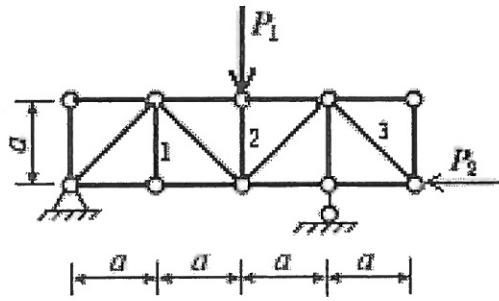


图 1-1

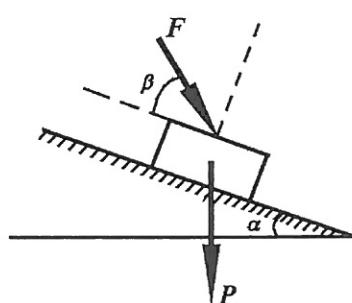


图 1-2

2. 如图 1-2 所示，一重量  $P=500$  N 的物体，放在倾角为  $\alpha = 10^\circ$  的斜面上。现有一力  $F=1000$  N，当它从与斜面垂直的方向转到  $\beta = 70^\circ$  时，物体才开始下滑。则摩擦角为  $\underline{\hspace{2cm}}$ 。（4分）
3. 如图 1-3 所示，三棱柱的截面是直角等腰三角形，尺寸如图。 $A$  点作用一已知力  $F$ ，方向如图，则该力坐标轴  $z$  之矩等于  $\underline{\hspace{2cm}}$ 。（5分）
4. 如图 1-4 所示，平板  $A$  以匀速  $v$  沿水平直线向右运动，质量为  $m$ 、半径为  $r$  的均质圆轮  $B$  在平板上以匀角速度  $\omega$  向右做无滑动滚动，则圆轮  $B$  的动能为  $\underline{\hspace{2cm}}$ 。（5分）

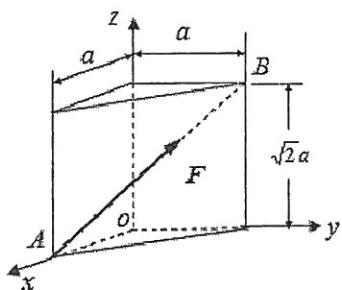


图 1-3

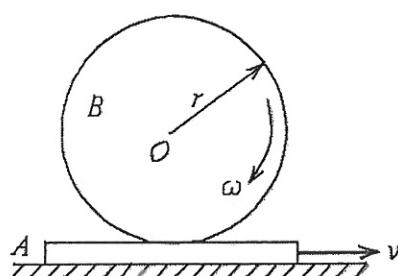


图 1-4

5. 如图 1-5 所示均质偏心圆盘的质量为  $m$ ，半径为  $R$ ，偏心距  $OC=e$ ，绕轴  $O$  转动。图示瞬时其角速度为  $\omega$ ，角加速度为  $\alpha$ 。则该圆盘的动量  $p = \underline{\hspace{2cm}}$ ，动量矩  $L_O = \underline{\hspace{2cm}}$ ，动能  $T = \underline{\hspace{2cm}}$ ；惯性力系向  $O$  点的简化结果为：主矢  $F_{IR} = \underline{\hspace{2cm}}$ ，主矩  $M_{IO} = \underline{\hspace{2cm}}$ 。（10分）

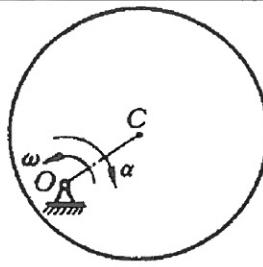


图 1-5

二、结构如图 2-1 所示，求构件 ABE、ACF 和 BCD 所受的约束力。(20 分)

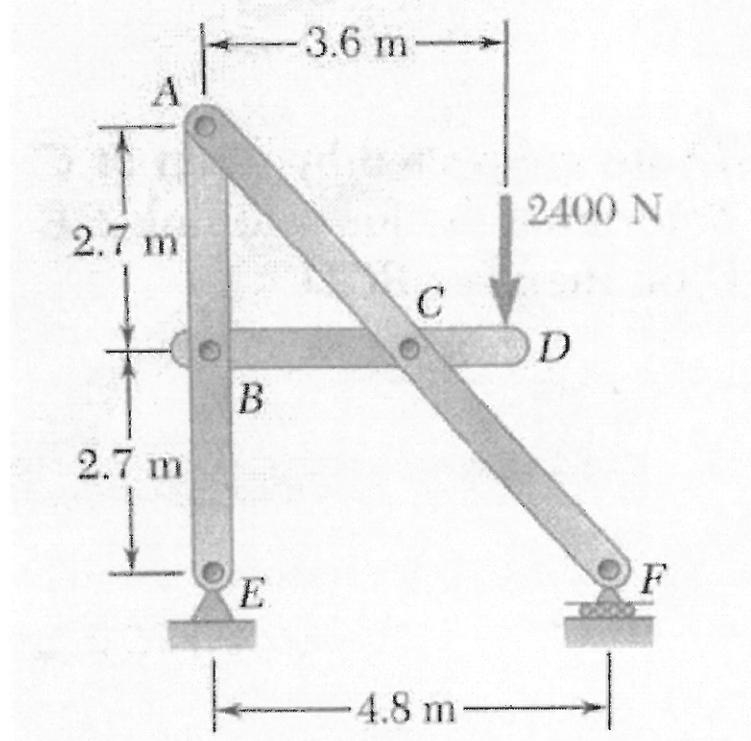


图 2-1

三、如图 2-2 所示，已知半圆凸轮中心为 C 点，凸轮半径为  $r$ ，以匀速  $v$  向右运动，杆 OA 靠在凸轮上，求当  $\theta=30^\circ$  时杆 OA 的角速度。(20 分)

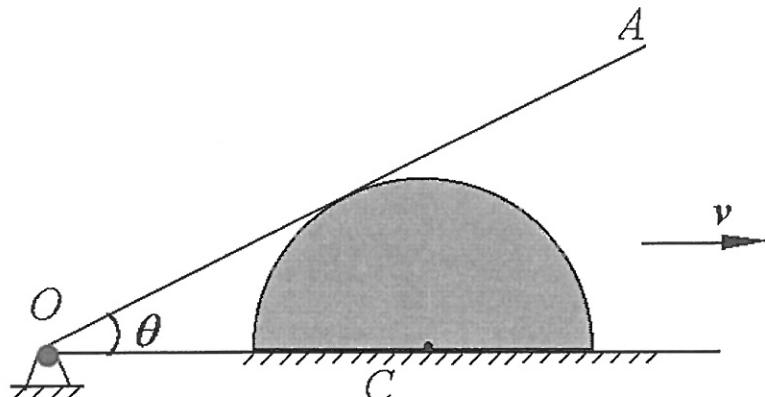


图 2-2

四、如图 2-3 所示机构，绕 A 点顺时针匀速转动的圆盘角速度为  $12 \text{ rad/s}$ ，杆 BD 与圆盘铰接于 B 点且穿过绕 E 点转动的套筒。试求图示瞬时杆 BD 运动的角速度和角加速度。(20 分)

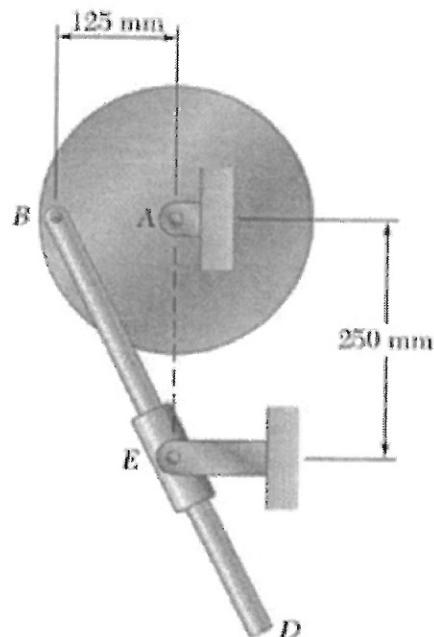


图 2-3

五、已知：如图 2-4 所示均质圆环半径为  $r$ ，质量为  $m$ ，其上焊接刚杆 OA，杆长为  $r$ ，质量也为  $m$ 。初始时刻用手扶住圆环使其在 OA 水平位置静止。设圆环与地面间为纯滚动。  
求：当放手瞬时，圆环的角加速度，地面的摩擦力及法向约束力。(25 分)

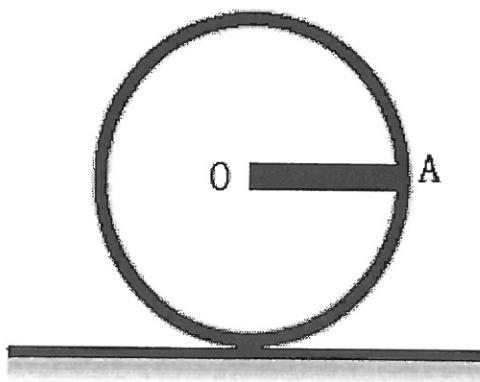


图 2-4

六、如图 2-5 示系统中，物块 A 重  $P$ ，均质圆轮 B 重  $Q$ ，半径为  $R$ ，可沿水平面纯滚动，弹簧刚度系数为  $k$ ，初位置  $y=0$  时，弹簧为原长，系统由静止开始运动，定滑轮 D 的质量不计，绳不可伸长。试建立物块 A 的运动微分方程，并求其运动规律。(25 分)

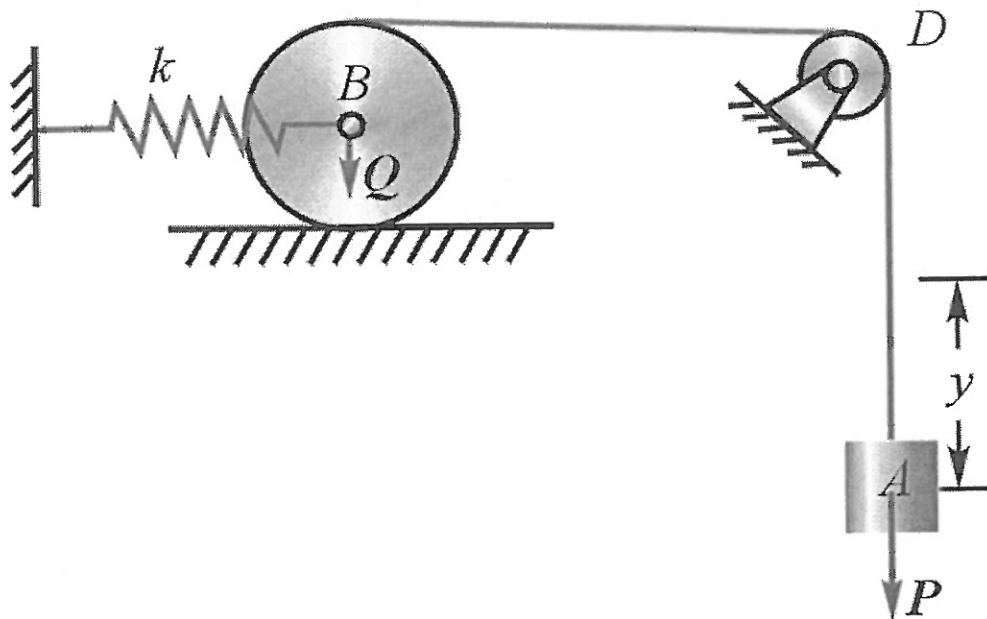


图 2-5

七、用虚位移原理求图 2-6 示桁架 FG 杆内力，已知  $Q_1=Q_2=Q$ 。(10 分)

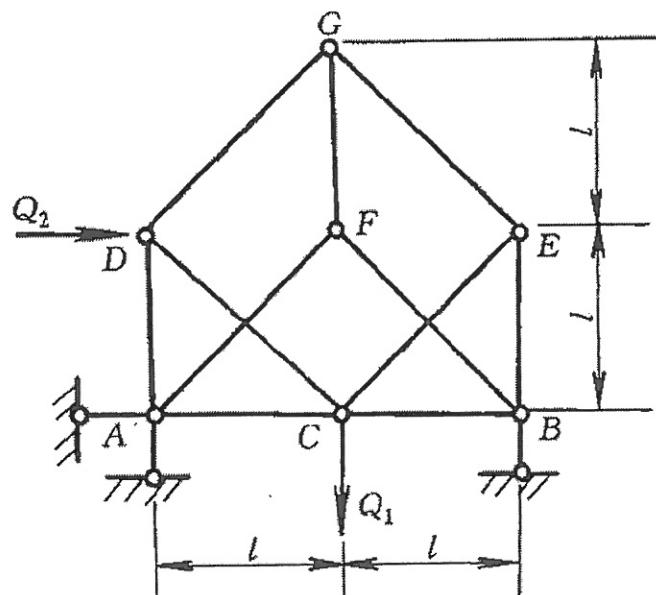


图 2-6